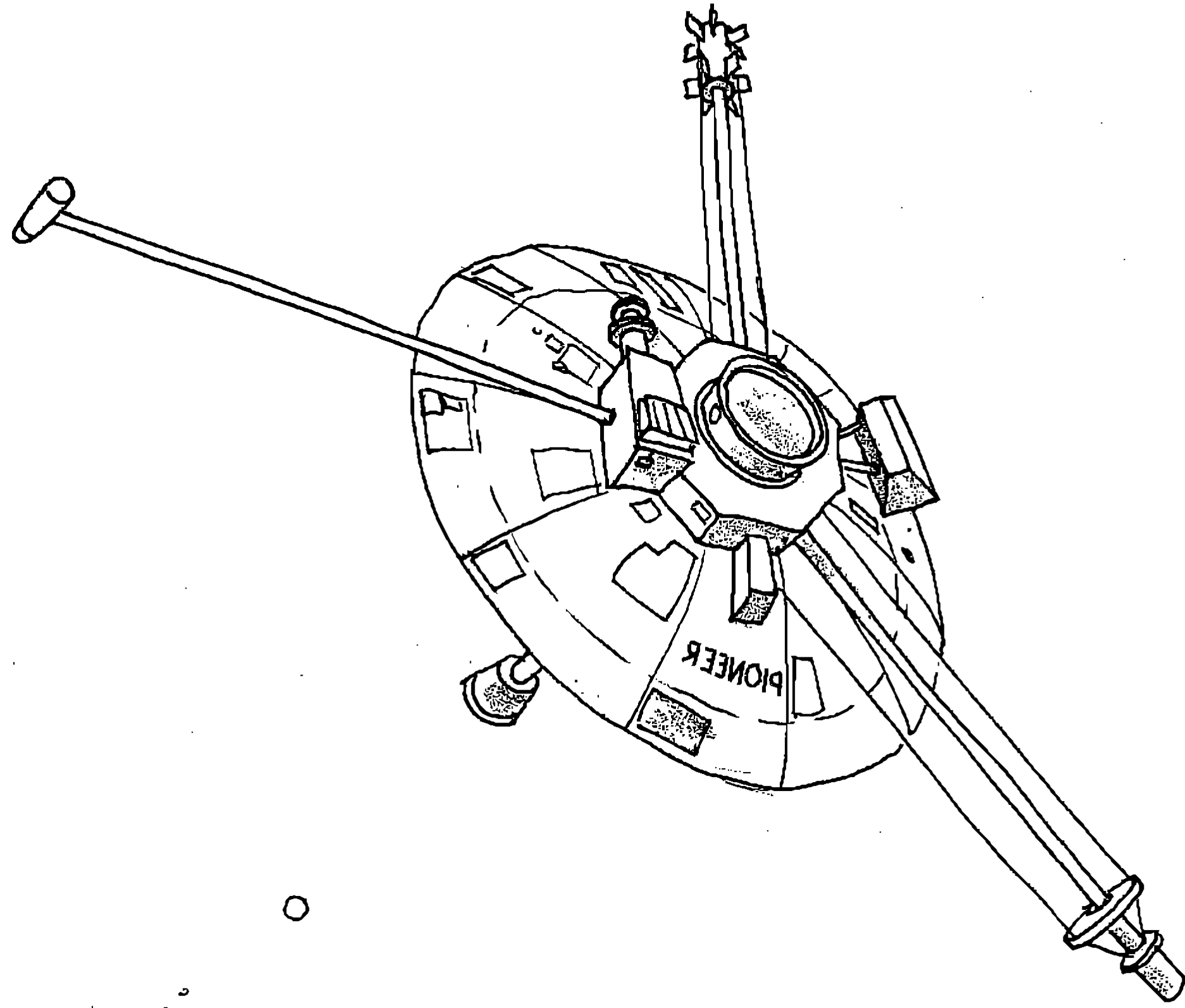


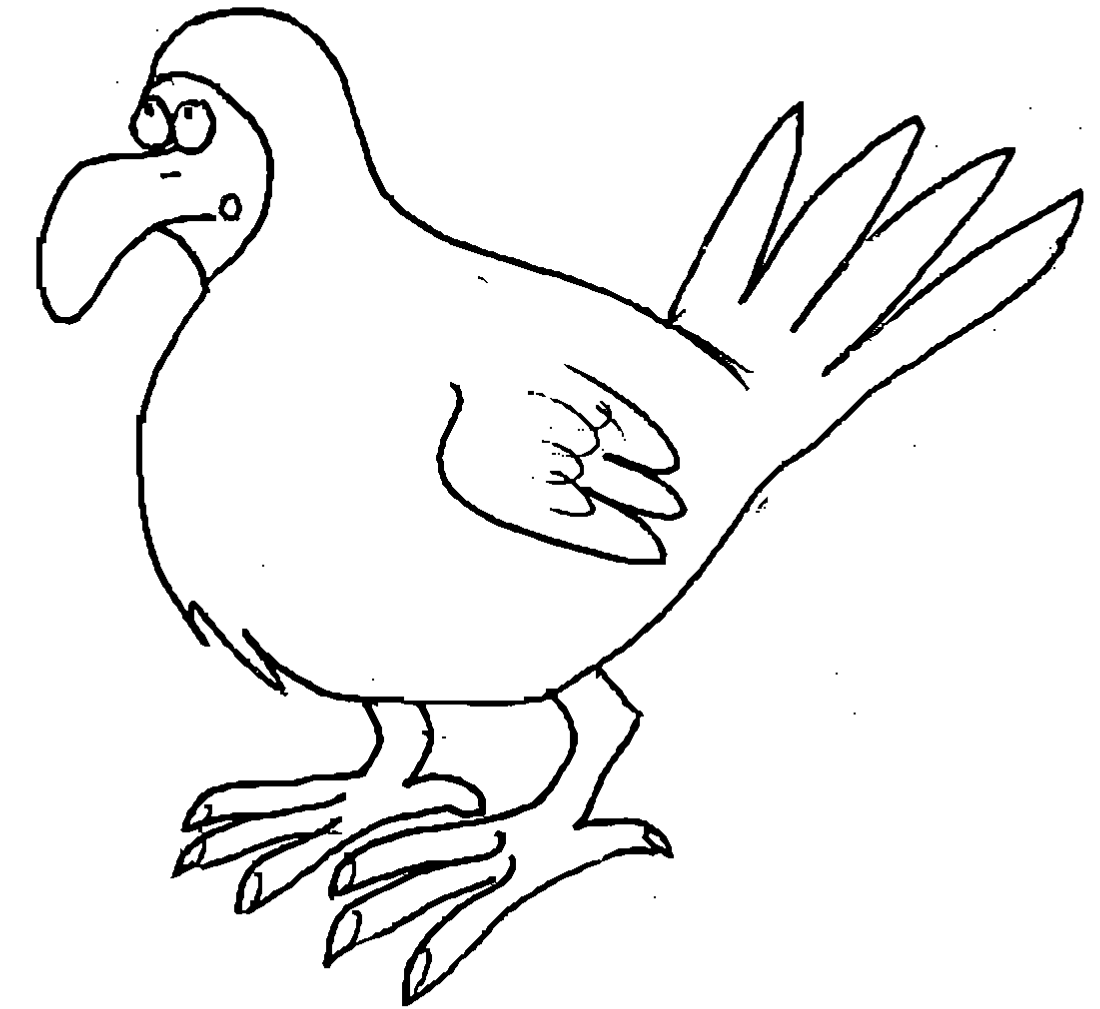
# الكرون التروعم

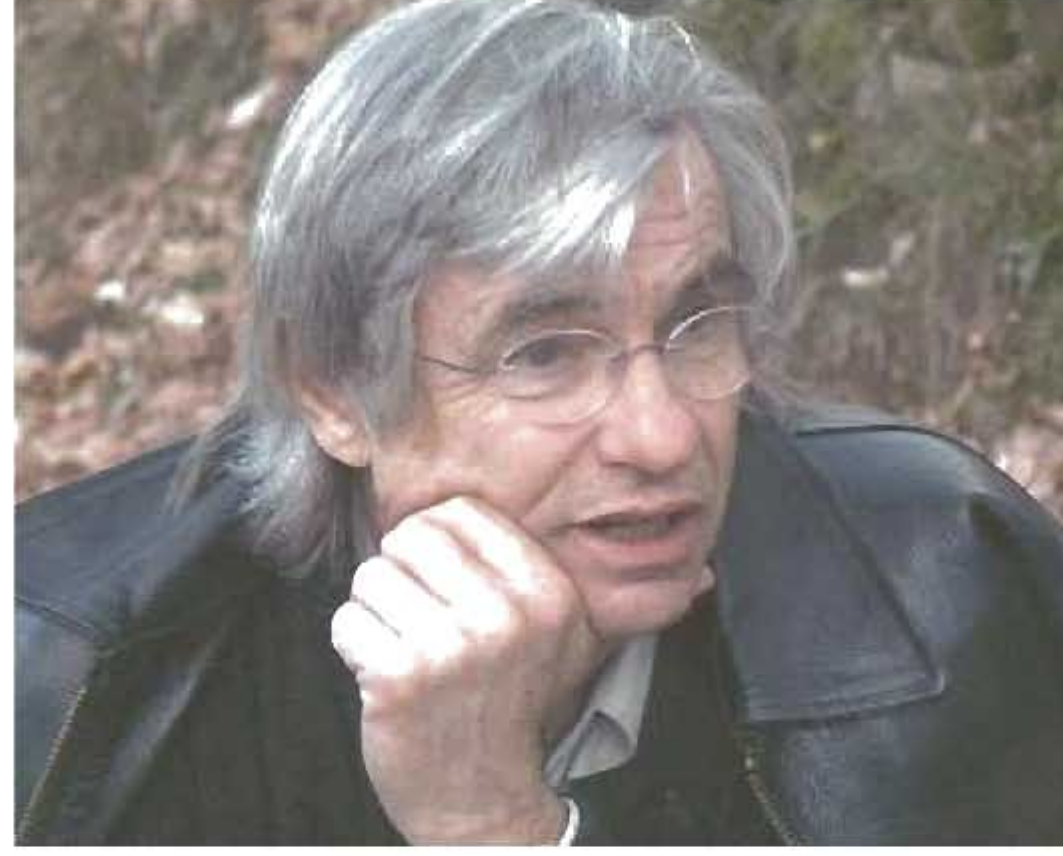
جين بير بوتي

ترجمة: محمد القضاوي



بمعنى اخر:  
نستطيع من خلال هذه الطريقة  
أن نتحايل على قانون نيوتن





المؤلف: "جين بيير بوتتي"، عالم الفيزياء الفلكية  
والمدير السابق للمركز الوطني للبحث العلمي (1)،  
ورئيس جمعية "معرفة بلا حدود" (2)، مبتكر نوع  
جديد من الرسوم المصورة، ذات التوجه العلمي.

# حدود بلا معرفة

فرنسيان عالمان ويديرها 2005 عام تأسست ربحية غير جمعية  
من رسمه تم الذي النطاق باستخدام العلمية المعرفة نشر: الهدف  
تم: 2020 عام في. مجانًا للتنزيل قابلة PDF ملفات خلال  
عملية 500000 من أكثر مع. لغة 40 في ترجمة 565 تحقيق  
تنزيل

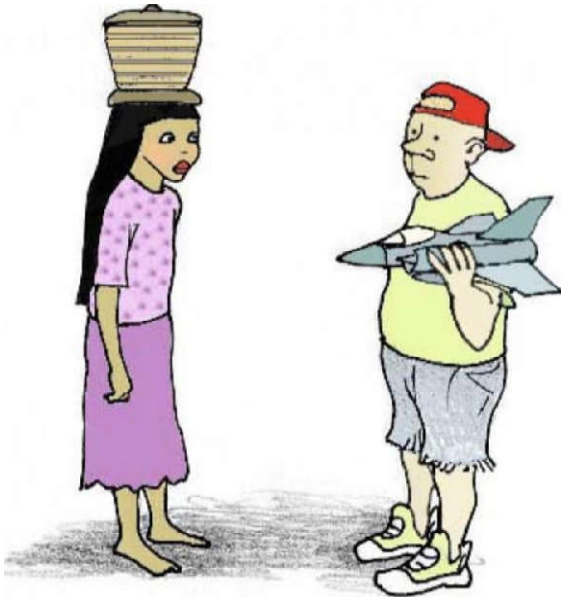


Jean-Pierre Petit

Gilles d'Agostini

بالمال التبرع تم. تماما تطوعية الجمعية  
للمترجمين بالكامل

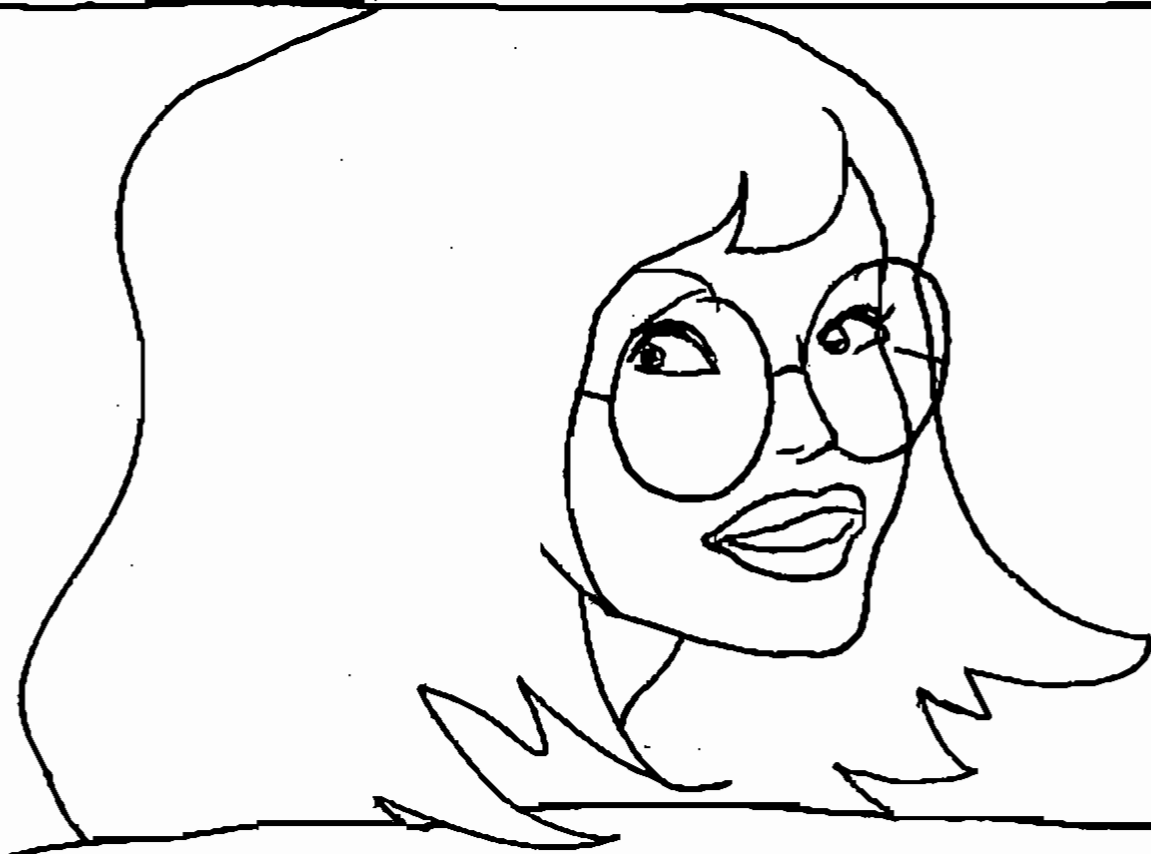
زر استخدم ، تبرع لتقديم  
الرئيسية الصفحة في PayPal



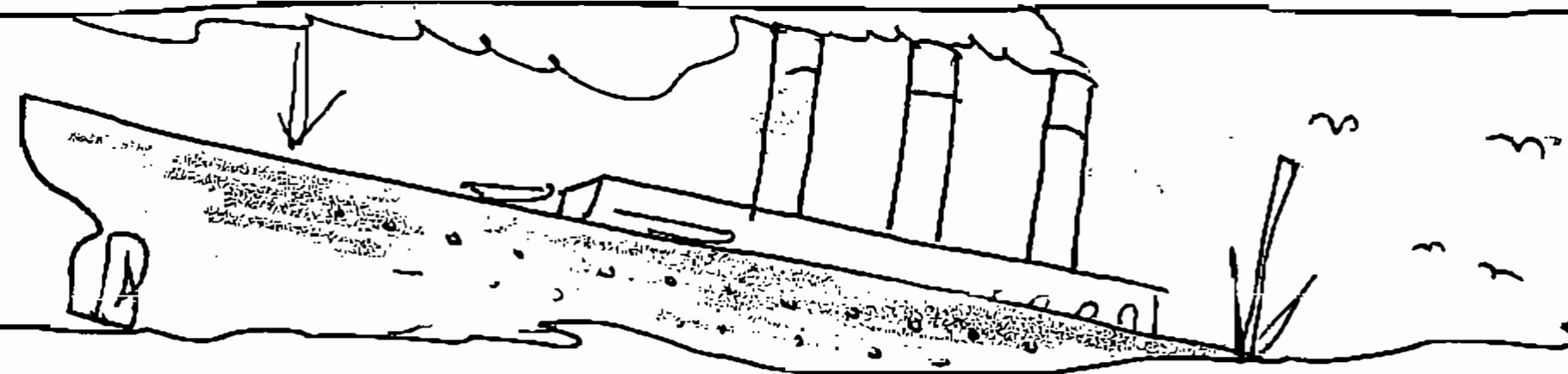
<http://www.savoir-sans-frontieres.com>



لقد مضى أكثر من ستة وعشرين سنة على تأليف ألبوم الانفجار الكبير واثنين وعشرين سنة عن ألبوم ألف مليار شمس. ومذا عن السبعة وعشرين سنة التي تفصلنا عن ألبوم الثقب الأسود. لقد تغيرت الأمور بشكل كبير. فألبير الكبير نفسه توجه نحو علم البيئية بعد أن تفاخر بالنموذج القياسي لأكثر من ثلاثة عقود.



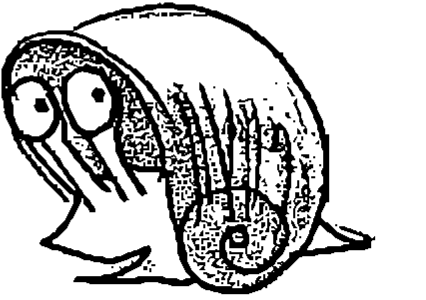
لقد وفر المرصد (أو التلسكوب) هابل والعديد من أجهزة الرصد والمراقبة الفضائية زخما هائلا من المعلومات الغير متوقعة والتي أدخلت علماء الفيزياء في دوامة من الفوضى ومن الارتباك. لقد نشر عالم الفيزياء الكندي لي سمولن كتابا بعنوان: مشكلة الفيزياء حيث أوضح أنه لم يعد هناك شيء واضح في الفيزياء، نشر في فرنسا عن دار النشر دينو في 2007. بالمثل، نستطيع أن نجزم أنه لم يعد هناك شيء واضح في الفلك وأنا وجهها لوجه أمام مشكلة علوم الفيزياء الفلكية.



على كل حال، لقد تبين لنا من خلال التاريخ العلمي أن فهمنا للكون يتطور باستمرار.

فما الذي يجعلنا أن هذه القاعدة لا تنطبق على عصرنا الحالي؟

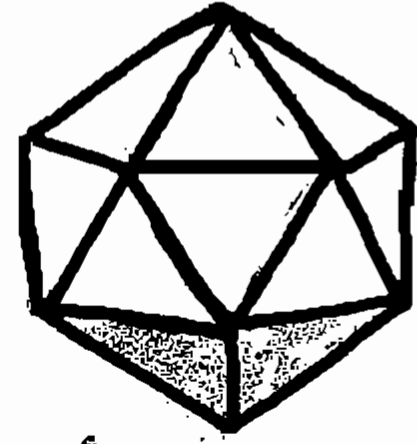
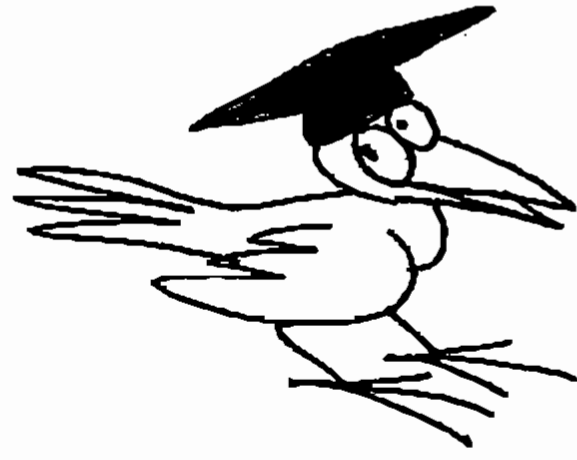
فنحن نلاحظ تغييرا دوريا في النماذج، يتغير معها فهمنا وادراكنا للأشياء والظواهر بشكل جذري. وهكذا فبالنسبة لنا لا يمكننا تفسير النسبية الخاصة وهندسة الكون وكذا التناقضات المتزايدة التي تتضاعف سنة بعد أخرى في علوم الفيزياء الفلكية والتي يجاهد النظريون في التعامل معها باختراع مصطلحات وأشياء جديدة كالمادة المظلمة والطاقة السوداء، إلا عن طريق تصورات جديدة لهندسة الكون وهو الموضوع الذي سيناquشه هذا الألبوم.



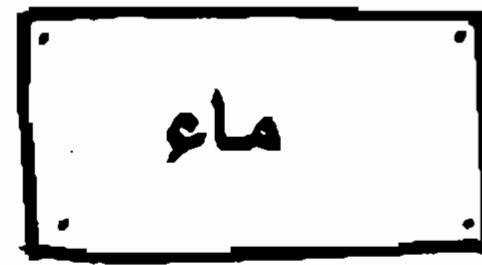
وكما يقال فالفوز للأجدر.

تيريسياس، أنت رخوي رهيب

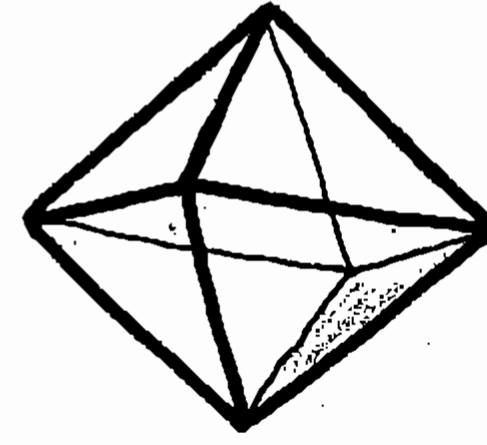
لقد أحصى أفلاطون (منذ القرن الرابع قبل الميلاد) أربعة متعددات أسطح عادية (أي تتشكل من جوانب متطابقة).



عشريني الأوجه:  
عشرون مثلثا  
متطابقا



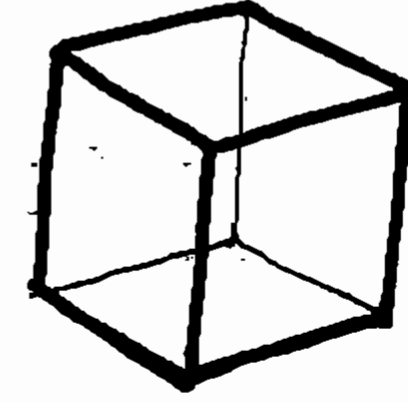
ماء



ثمانى الأوجه:  
أربعة مثلثات  
متطابقة



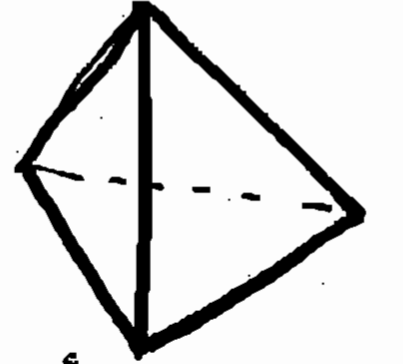
هواء



المكعب:  
ستة أوجه مربعة



أرض



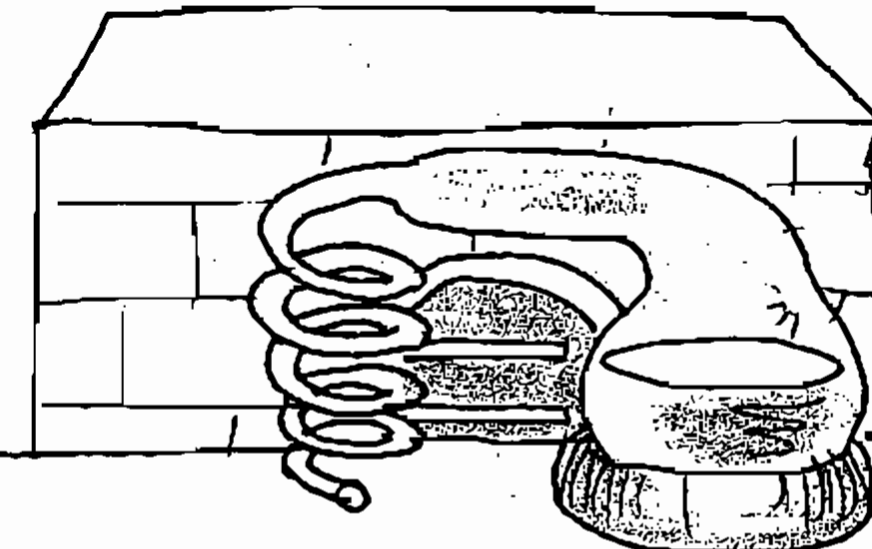
رباعي الأوجه:  
أربعة مثلثات  
متطابقة



نار

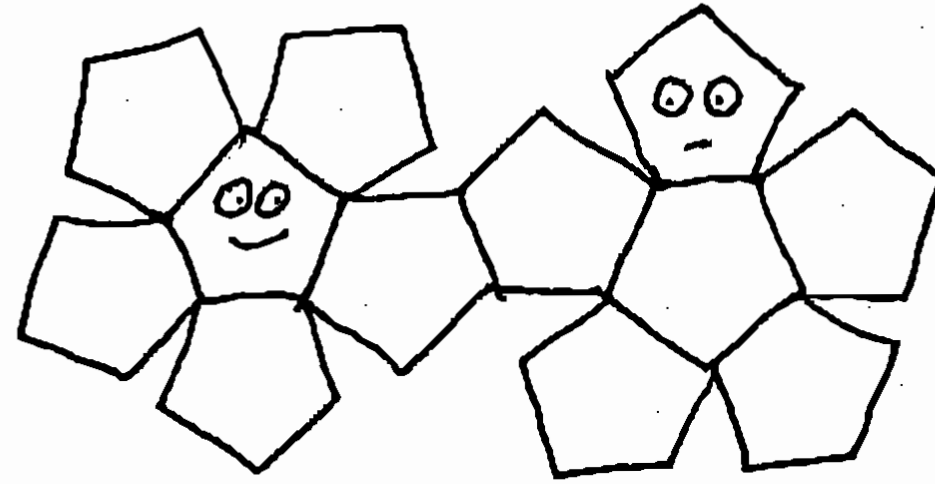
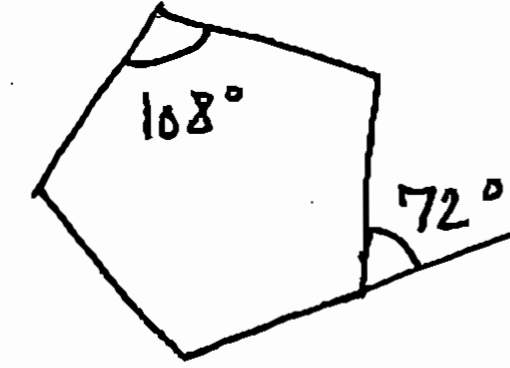
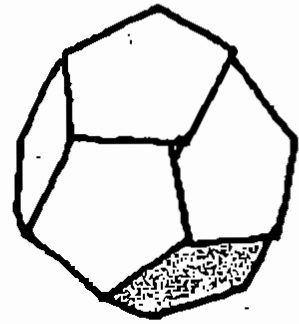
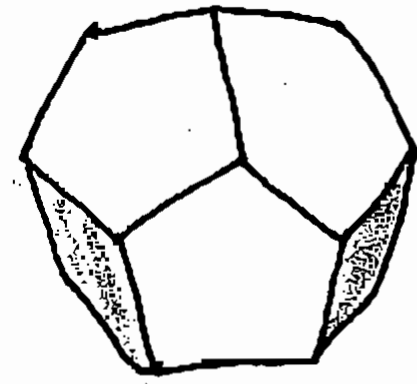
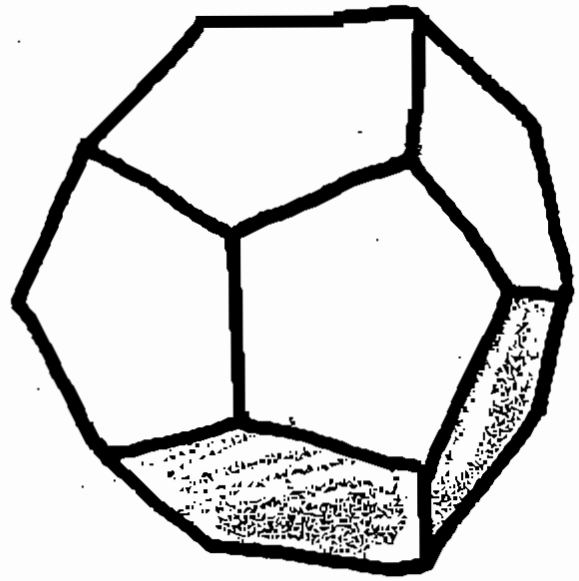
هذا ما جعل الكيميائيين القدماء، من جميع أنحاء المعمور،  
يجتهدون في ربط متعددات الأوجه هذه مع العناصر الأربعة  
التي كان يعتقد أنها تكون جميع الأشياء في الكون.

وهنا حلت الكارثة. فقد اكتشف العالم وجود  
متعدد أوجه خامس.



# العنصر الخامس

اثنا عشري سطوح

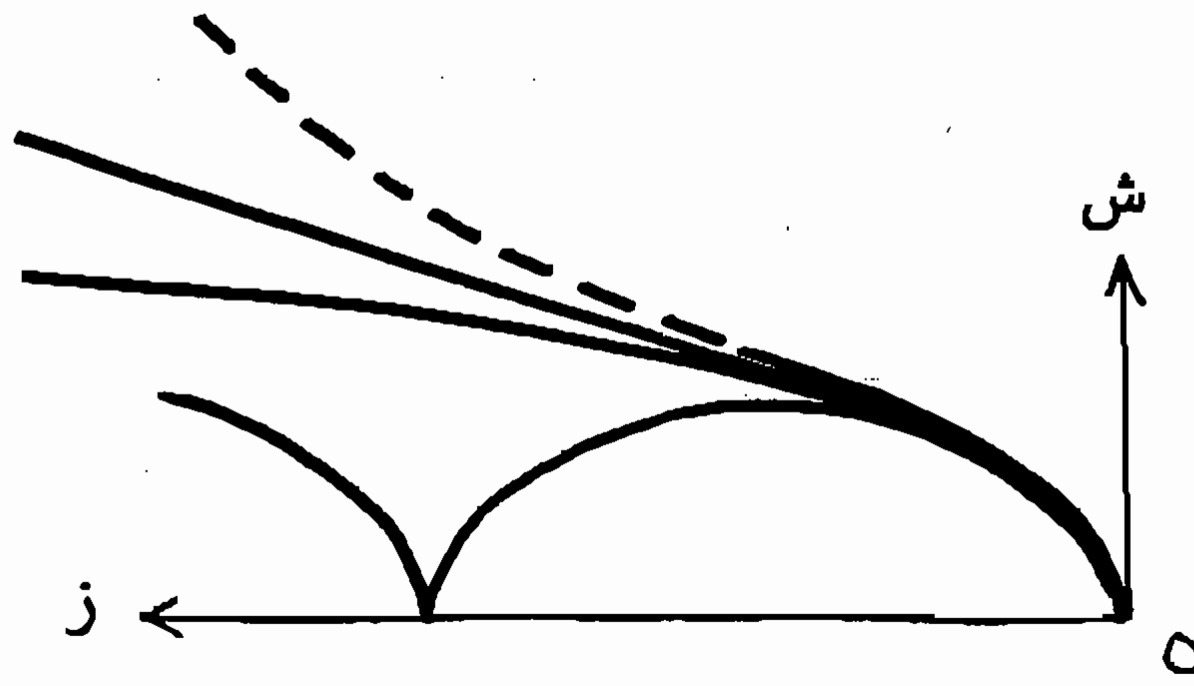


اثنا عشر وجهًا مُخَمَّسًا  
(12 خُمَاسِيَّ الأَضْلَاعِ)

سلسلة متعدّدات الأسطح العادية اكتملت باثني عشري الأسطح. لمتعدد الأسطح هذا اثنا عشر وجهًا مُخَمَّسًا. ولقد تساءل علماء العصور الغابرة والعصور الوسطى، الذين عزو وأرجعوا كل شيء في الكون للعناصر الأربعة: ماء، - هواء - أرض - نار، الى أي عنصر يربطون به هذا المتعدد الأوجه. وقد سموه في النهاية العنصر الخامس.

يمكن الاطلاع على البرهان في الملحق. (\*)

لقد ظل الجميع، منذ 1917، مقتنعا أن الكون يتوسع بوتيرة متباطئة. بالمقابل بينت قياسات حديثة نسبيا، منذ عدة سنوات، أجريت على مجموعات سوبر نوبا تفصل بينها مسافات شاسعة عن تسارع غير مألوف. وهكذا فقد أدرج علماء الفيزياء الفلكية عنصرا مثيرا: الطاقة السوداء (أو ما كان يسمى سابقا: العنصر الخامس).



هل لديك فكرة عن هذه الطاقة السوداء المزعومة؟

ولا أدنى فكرة. الشيء الوحيد الذي نعلمه عنها هو أنها نافرة.

ما هذه سوى كوميديا سخيفة. في وقت ما كان يسود الاعتقاد بأن الزئبق يرتفع في مقاييس الضغط الجوي لأن الطبيعة تخشى الفراغ. كما يعلم الجميع أيضا مفعول الحبوب المنومة لأن لها تأثيرا منوما. يندرج مفهوم الطاقة السوداء في هذا السياق حيث نُعرِّفُ ما يسمى بالطاقة المظلمة.

تيريسياس.  
أنت موقوف.

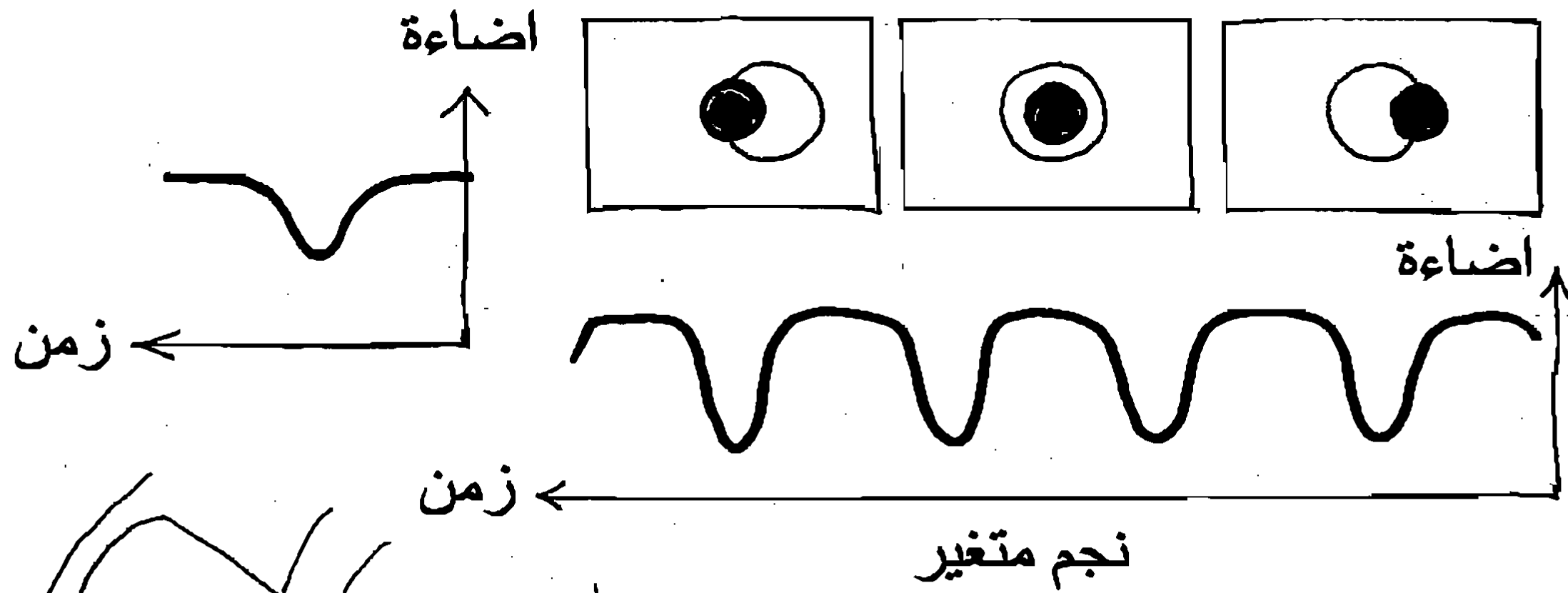
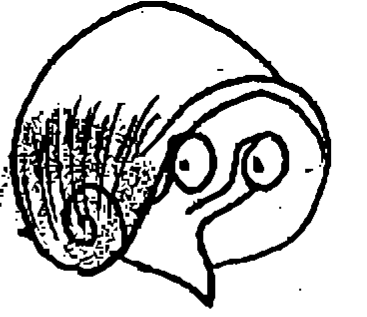
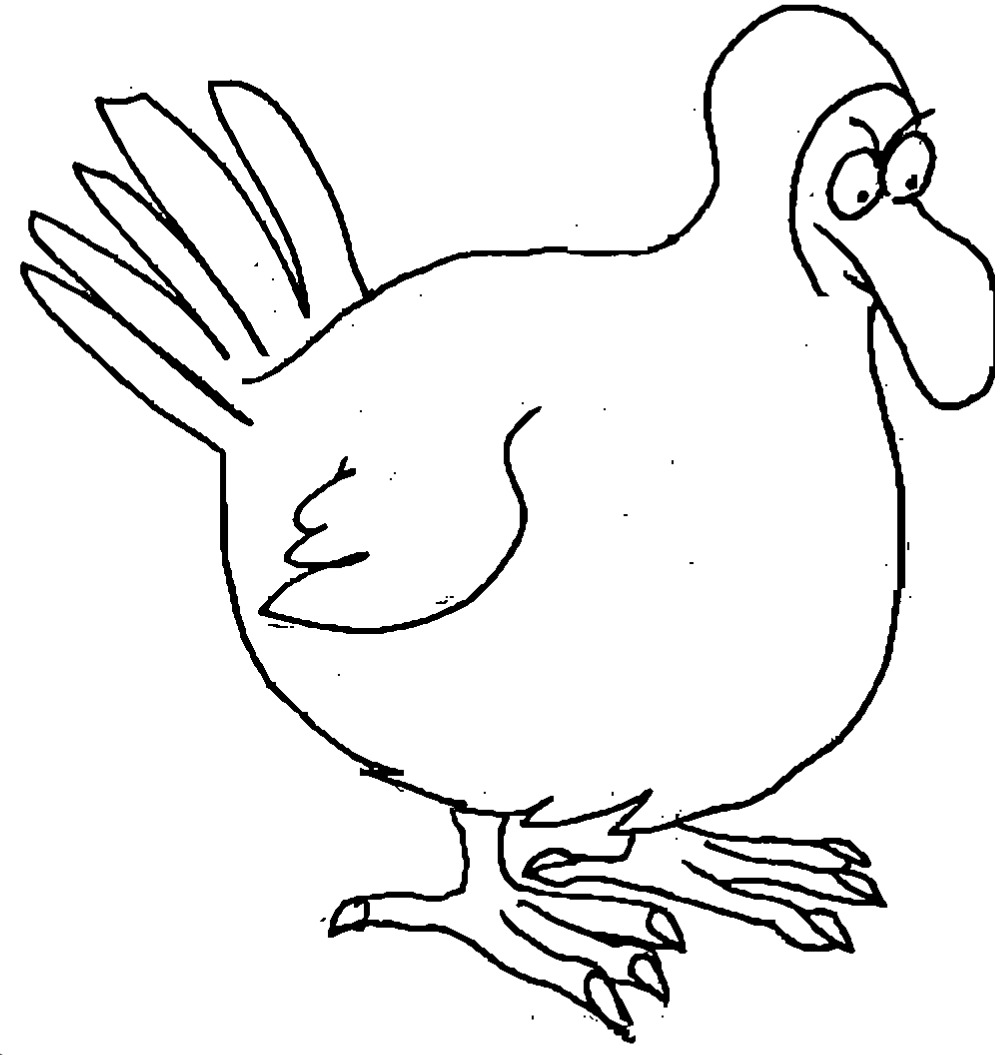




عن أي حقيقة تتحدث؟

فنحن لم ننجح يوماً في إثبات أي شيء بخصوص هذه المادة الحالكة. لقد اعتقدنا خلال عشرين سنة أن الأمر يتعلق بنجوم قزمية أو بكواكب عملاقة (\*). وهكذا فقد طاردناها من جميع الزوايا على أمل أن نلمح أو نشاهد ظواهر الكسوف عند مرورها أمام النجوم. ولكن هيهات، مع كل تناقص في الضوء كان يتضح لنا الأمر يتعلق بنجوم متغيرة عادية.

وجود المادة الحالكة هو حقيقة مؤكدة.



تبا... هذه ليست سوى نجوم متغيرة... لقد أهدرنا عشرين سنة كاملة من البحث. (\*\*)

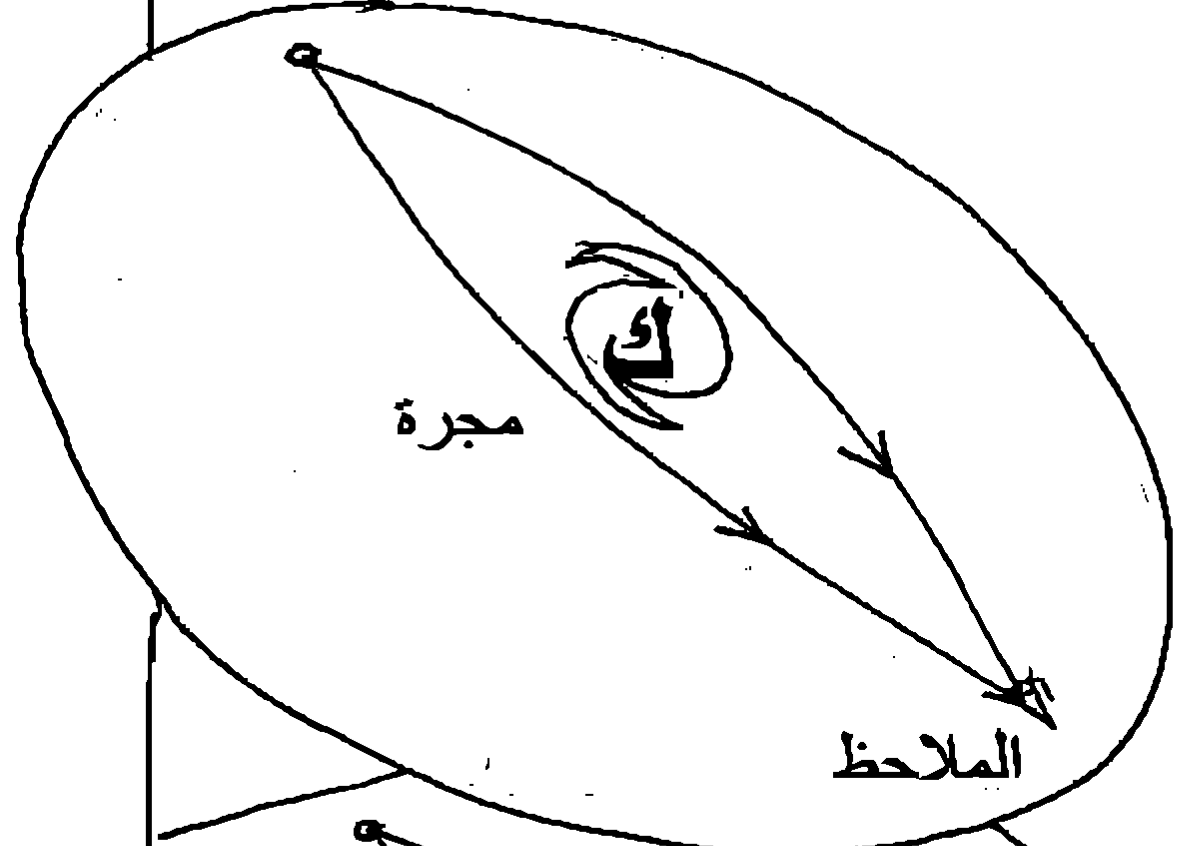


(\*\*) حقيقة

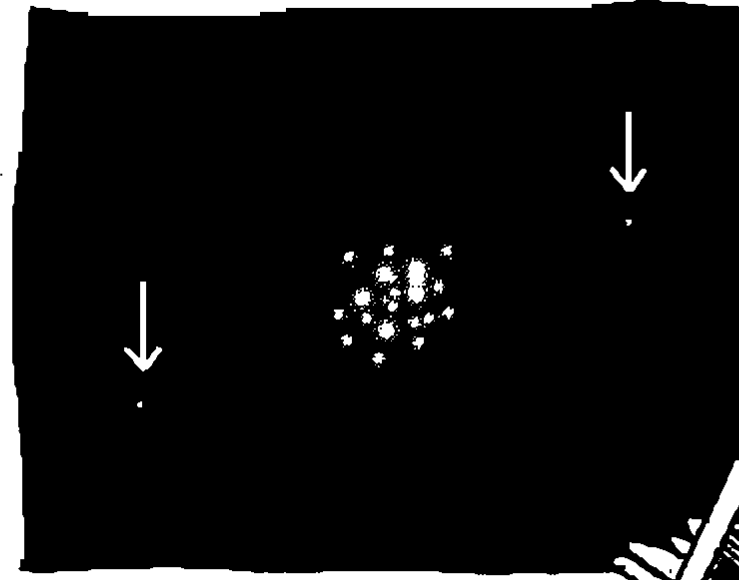
(\*) جرم هالي مضغوط ثقيل: أجرام وأجسام صغيرة لها وزن.

# تأثير عدسة الجاذبية

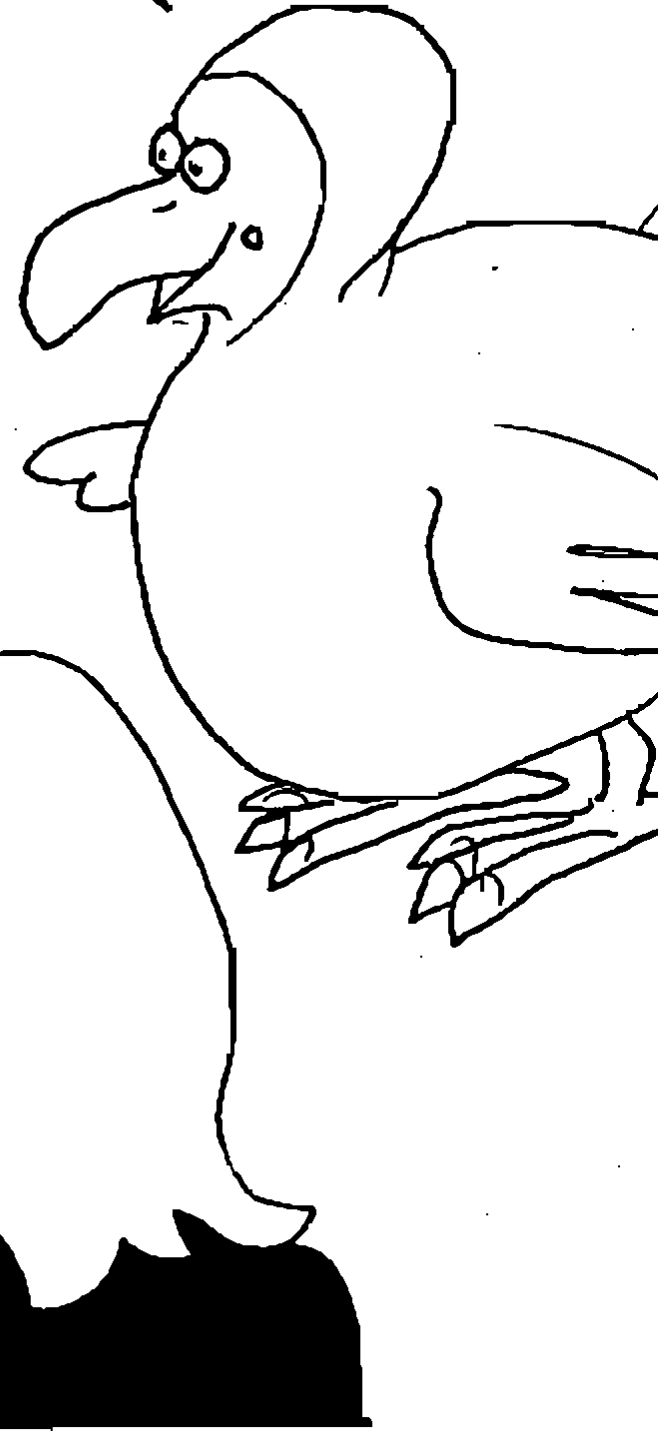
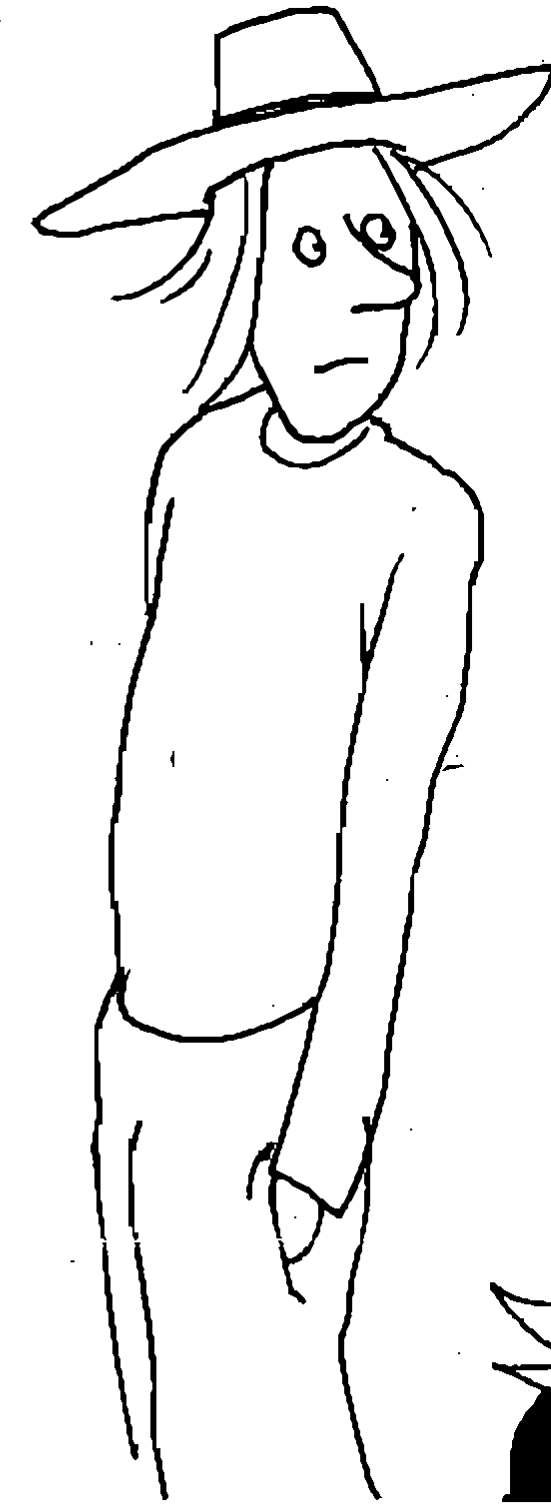
(\*) الكويزار



لقد اقترح أينشتاين، منذ 1917، أن نعتبر الكتلة انحناء. وهكذا أصبحت مسارات الفوتونات عبارة عن جيوديسيا للأسطح. وقد سمح لنا ذلك بالتكهن بتأثير عدسة الجاذبية وكذا بوجود السراب الجاذبي، هذا الأخير تم التأكد من وجوده في بداية ثمانينيات القرن العشرين.



زملائي الأعزاء. لقد تم حل هذه المشكلة، فهذان النجمان الزائفان ذوي نفس الطيف ليسا سوى نجم واحد. يتعلق الأمر هنا بسراب جاذبي.



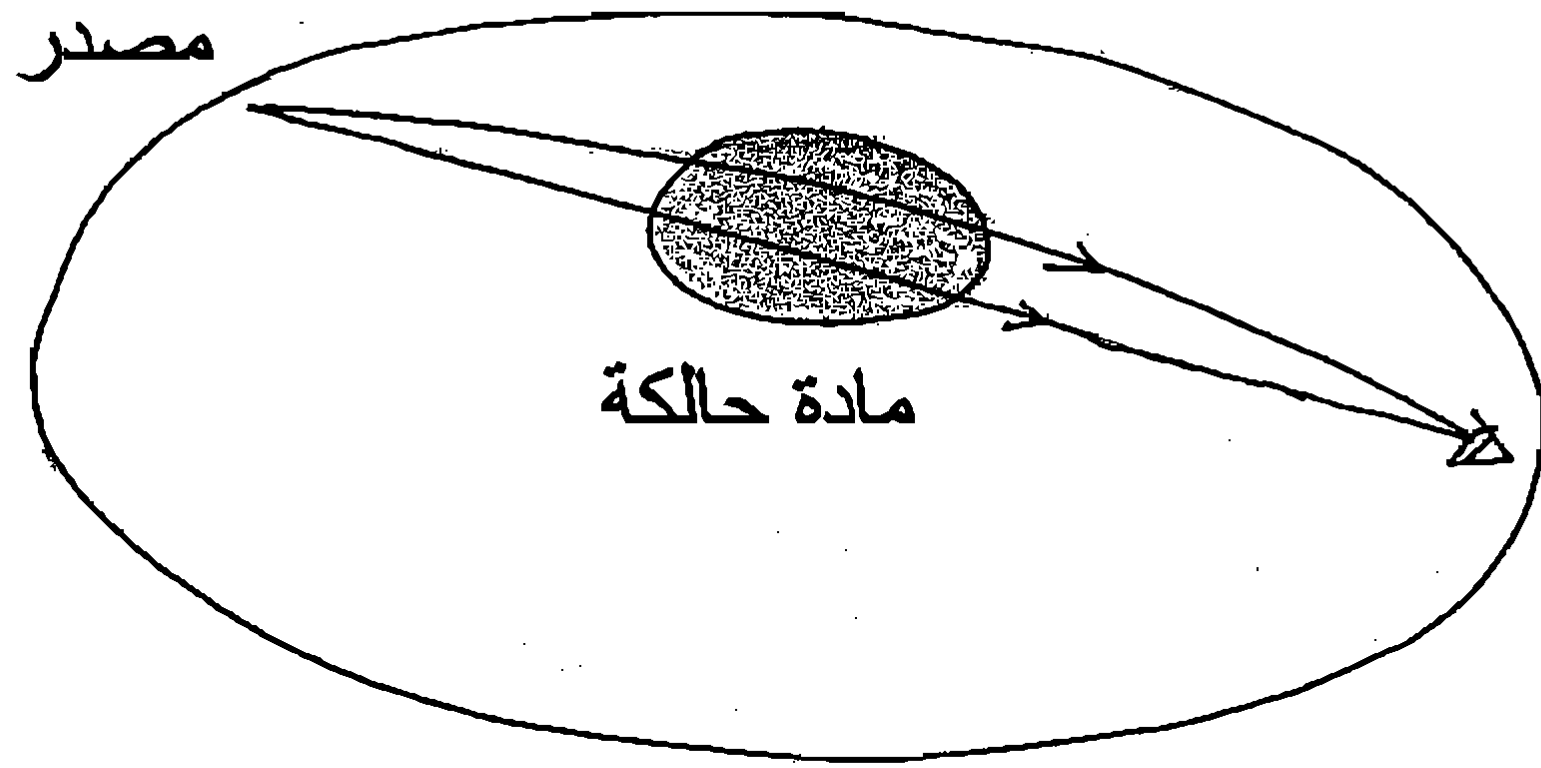
أيها السادة، هذه الملاحظة حاسمة. انها تبرهن،  
دون شك، عن وجود المادة الحالكة في الواقع للحصول  
على تأثير مماثل (تأثير السراب) فيجب أن تكون كتلة هذه  
المجرة هو ضعف المجرة التي نراقب.

لقد أصبحت المراقبة البصرية أمرا ثانويا  
ومتجاوزا. وسوف أوافيكم بدليل اخر مميز.

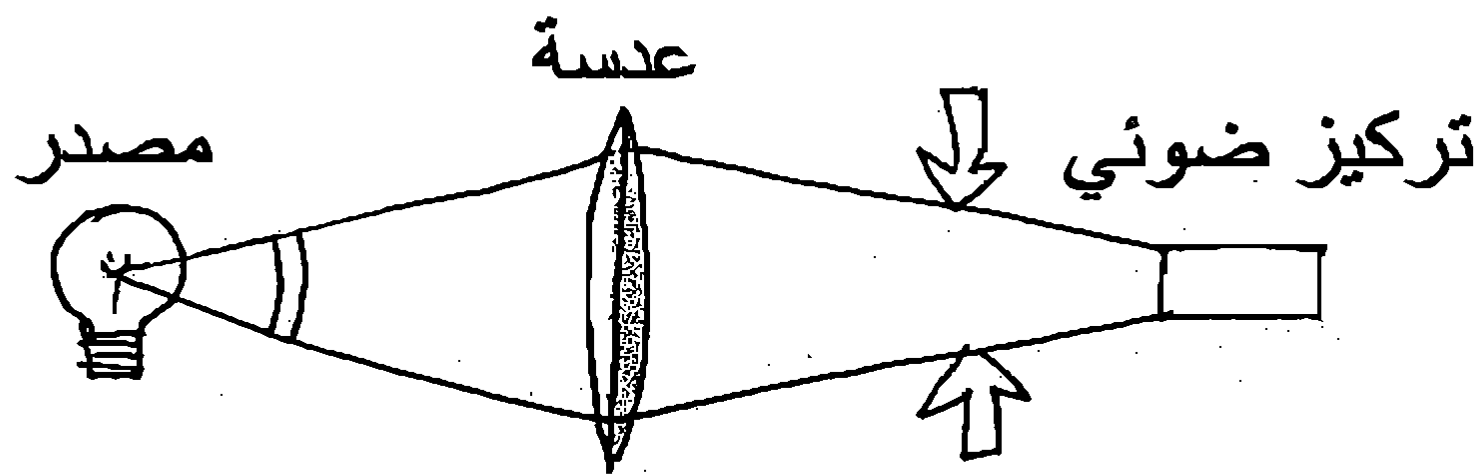
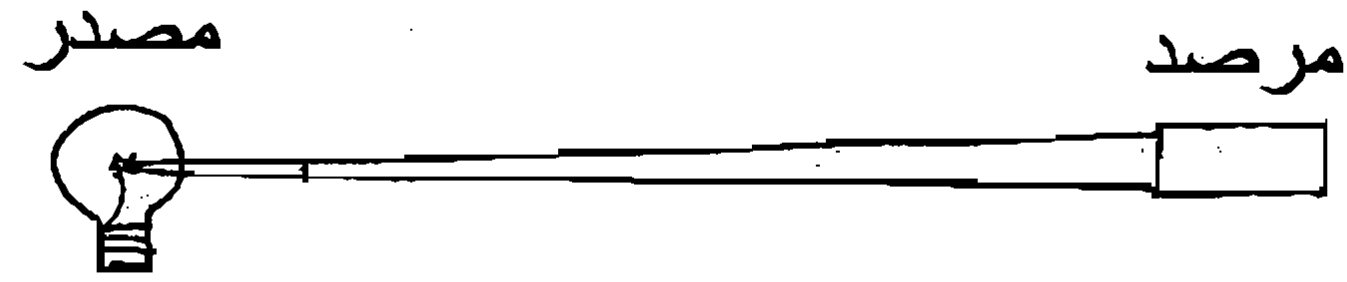
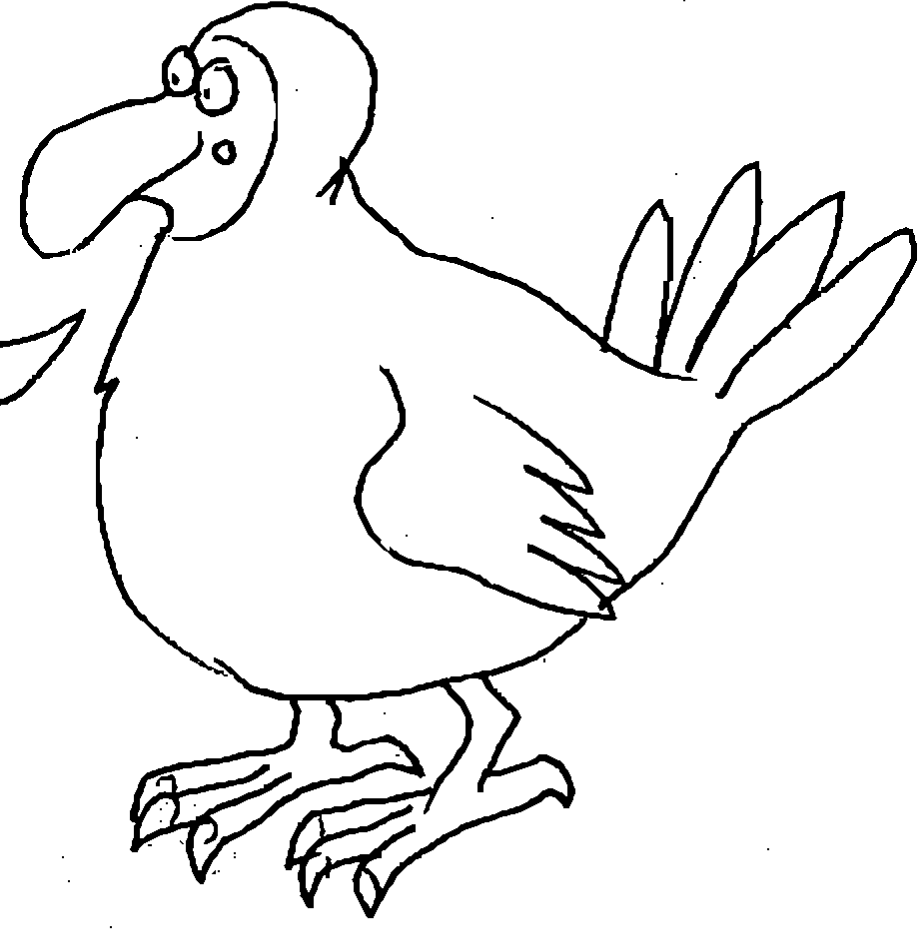
لقد لاحظتم دون شك، هذه الصور  
التي تتخذ شكل أقواس حول مجموعات  
المجرات هذه. يتعلق الأمر هنا بصور  
مجرات بعيدة جدا توجد خلف المجموعة.

لقد ولجنا، أيها السادة، الى عصر فلكي جديد.  
لقد أصبحنا قادرين، من خلال التأثير الجانبي،  
على الاطلاع على أشياء من الممكن ألا نحصل  
عليها مطلقا بواسطة الأجهزة البصرية مهما كان  
طول الموجات: الضوء المرئي أو الفوق بنفسجي  
أو تحت الحمراء أو حتى أشعة اكس.

# عدسة الجاذبية

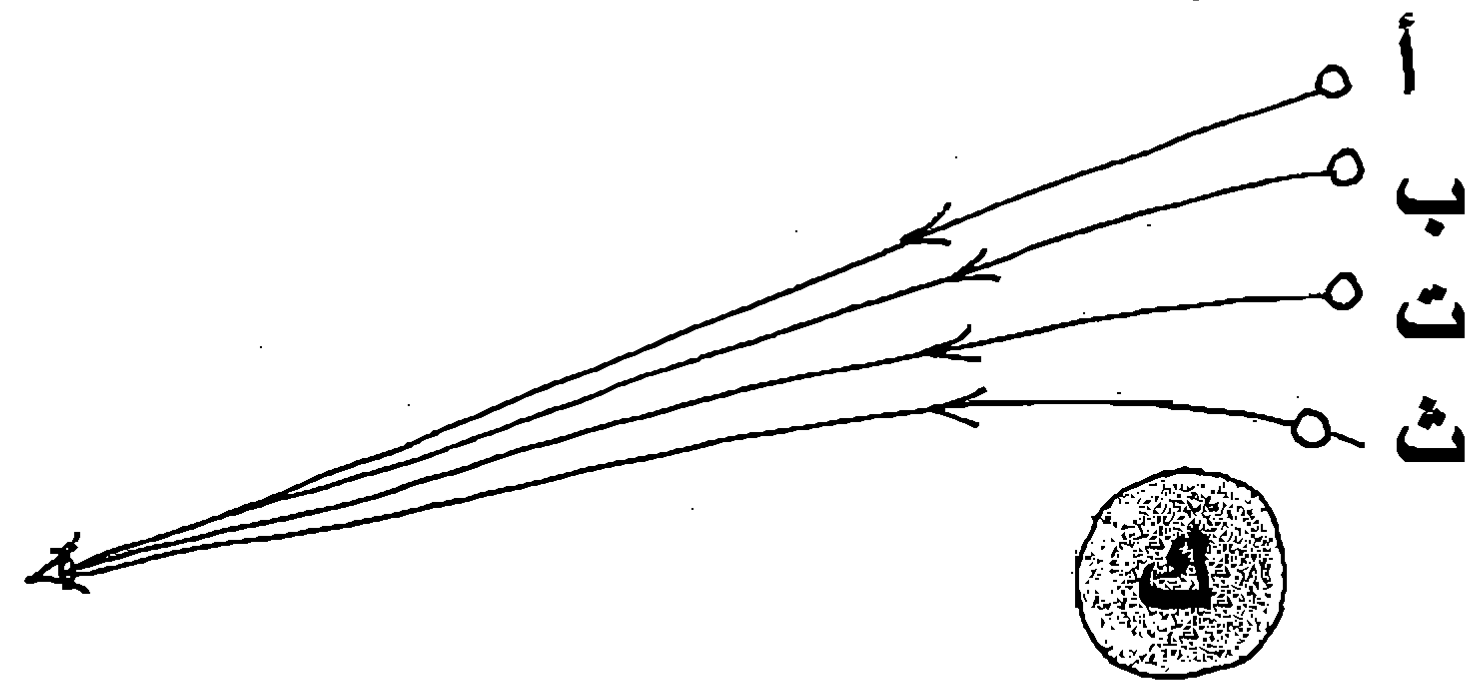
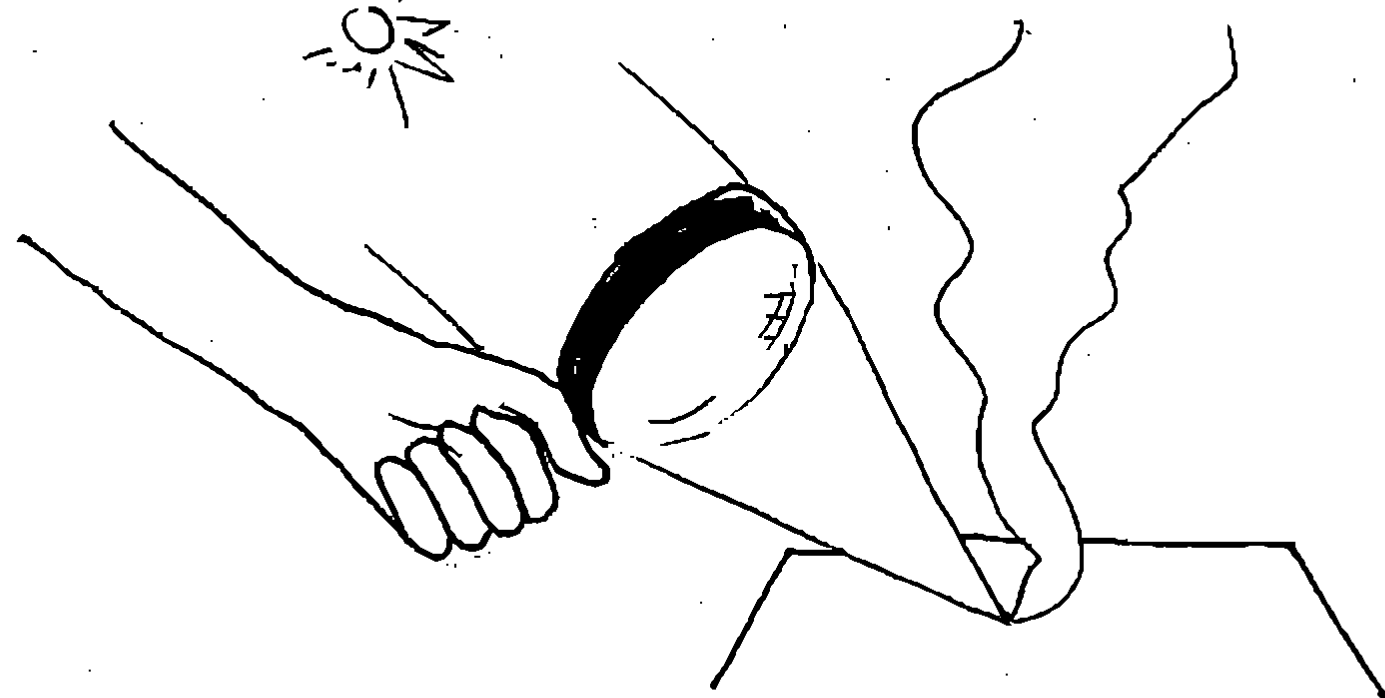


وجود علم الفلك في أزمة هو محظ افتراء. كل ما في الأمر هو أن أجهزتنا قد تطورت. فإذا كان فاستطاعة الضوء أن يخترق تركيزا من المادة الحالكة فسيخضع لا محالة لتأثير عدسة الجاذبية والتي ستضخم ضوء المصدر كما هو الحال بالنسبة لعدسة بصرية عادية.



عدسة تساهم في تركيز الضوء

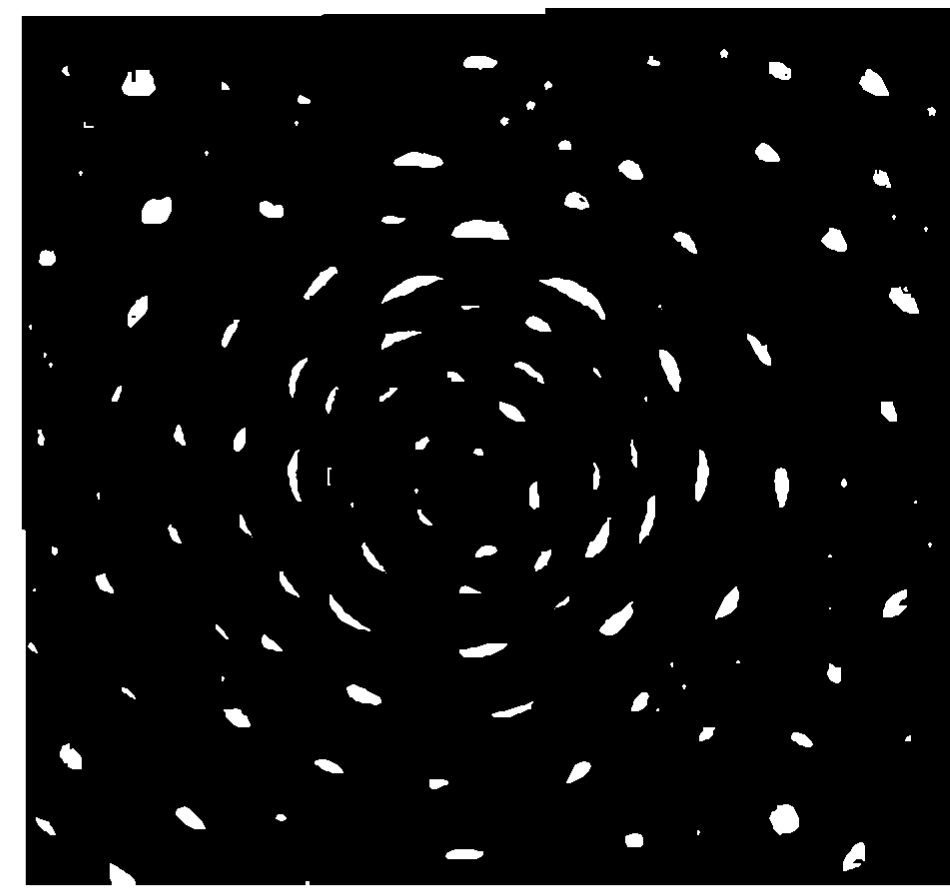
هناك ما هو أهم، فتأثير عدسة الجاذبية يشوه صور المجرات. وهكذا من الممكن أن تظهر لنا المجرات الكروانية (شبيهة بالكرة) إهليلجية.



من الواضح أن الضوء، الذي هو موجة الكتر ومغناطيسية، لا يتفاعل بشكل مؤثر مع هذه المادة الحالكة، في حال وجودها، بما أنها لا تصدر أي اشعاع وتتصرف كوسط شفاف تماما. ما يتبقى هو تأثير عدسة الجاذبية.



ت



ب



أ

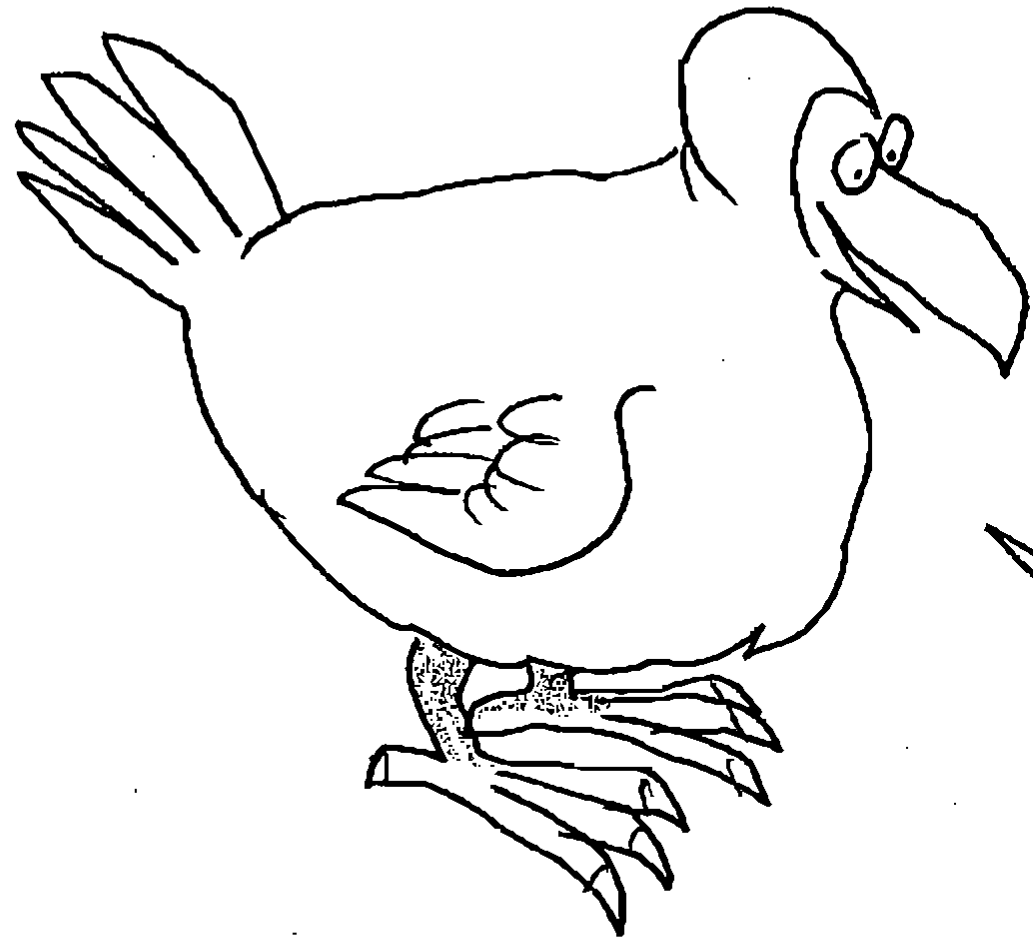
لنتخيل أننا نراقب جزءا من السماء مزيينا بمجرات بعيدة.

في الشكل "أ": سماء منتظمة.

في الشكل "ب": شيء خفي يفتل و يشوه هذه المجرات بتأثير عدسة الجاذبية، فبعض المجرات تتخذ شكلا مقوسا.

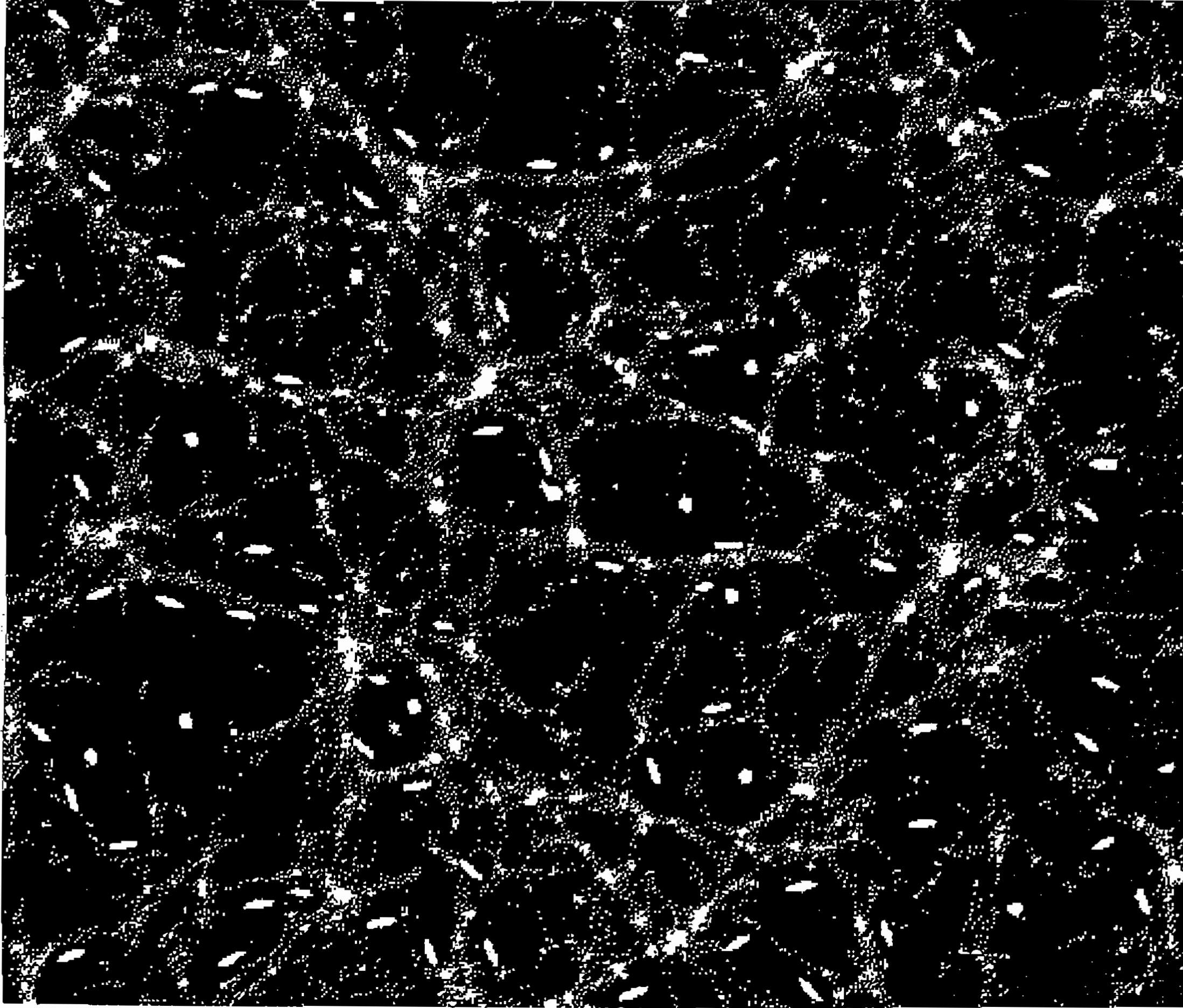
في الشكل "ت": التأثير أضعف ولكن يمكن ملاحظته بالعين المجردة.

إن دراسة تشوهات مجرات الخلفية في الصور يسمح لنا بتقييم المادة الحالكة التي تتسبب في هذه التغييرات. في حالة مجموعات المجرات هذه الكتلة أكبر من مائة ضعف في مثيلاتها عند عد الأجرام في مجموعات المجرات المرئية والتي نستطيع أن نحدد بعدها عن طريق الانحياز نحو الأحمر. ولكن ما يمكن أن تخمنه عين الانسان لا يضاهي بأي شكل من الأشكال قدرة ودقة التحليل ومعالجة الصور بالحاسوب. فمن خلال أدنى تشوه (إحصائيا) لصور المجرات الخلفية يستطيع الحاسوب أن يرسم خريطة ثلاثية الأبعاد لهذه المادة الحالكة.



أنت تعني أنه بهذه الطريقة نستطيع أن نرسم الخرائط التي لا نراها.

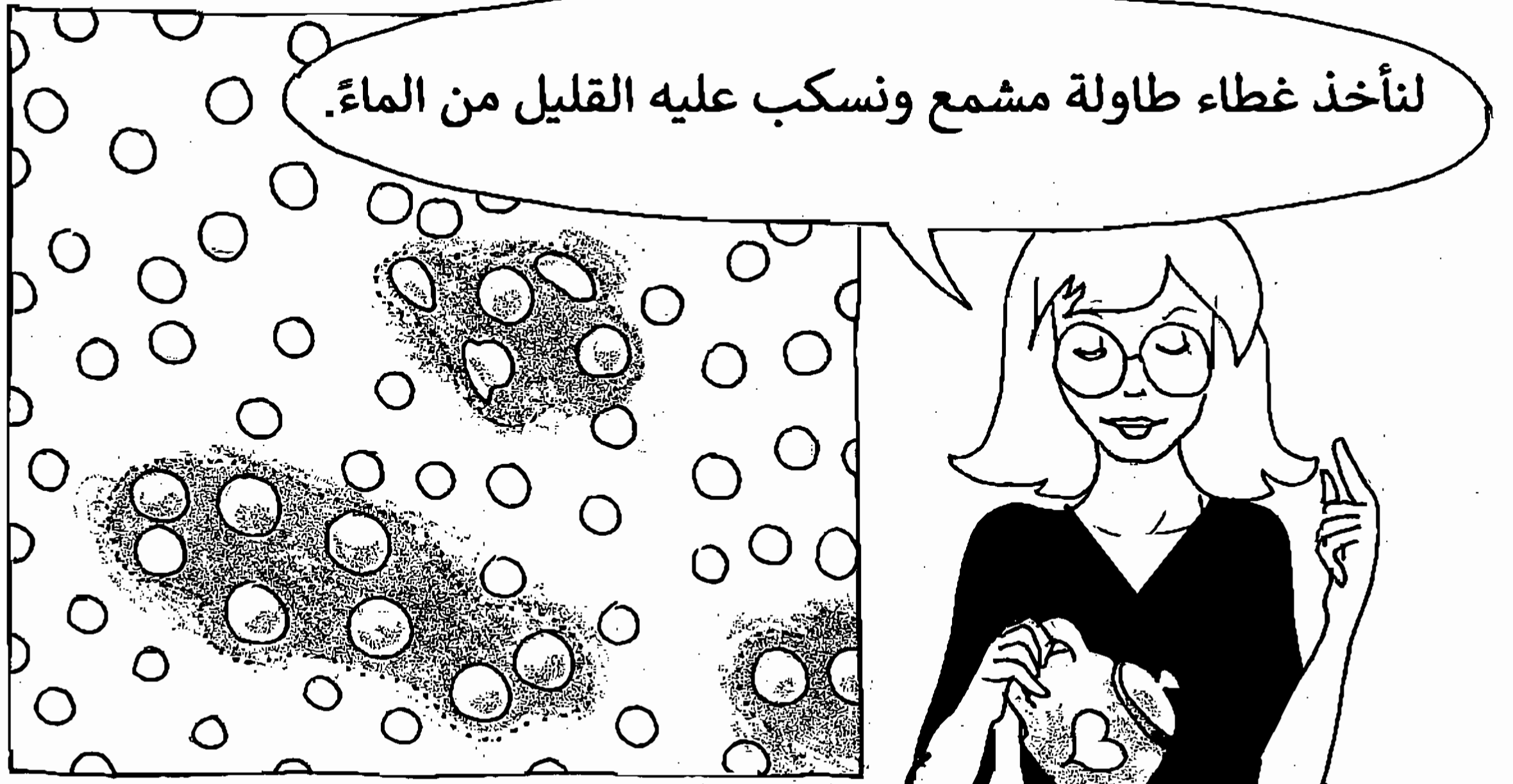
# علم الفلك الجديد



أول خريطة للمادة الحالكة، نشرت في سنة 2000



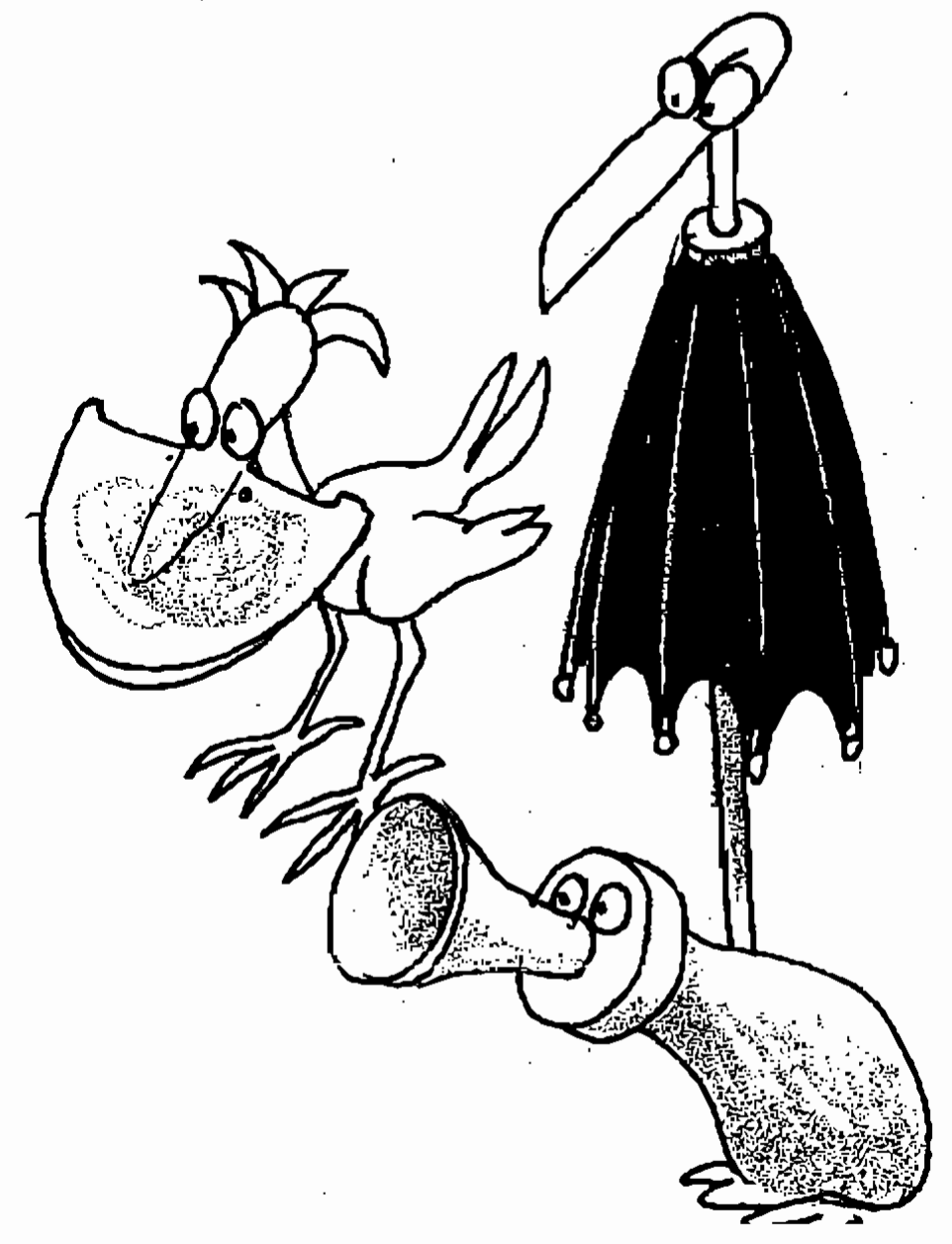
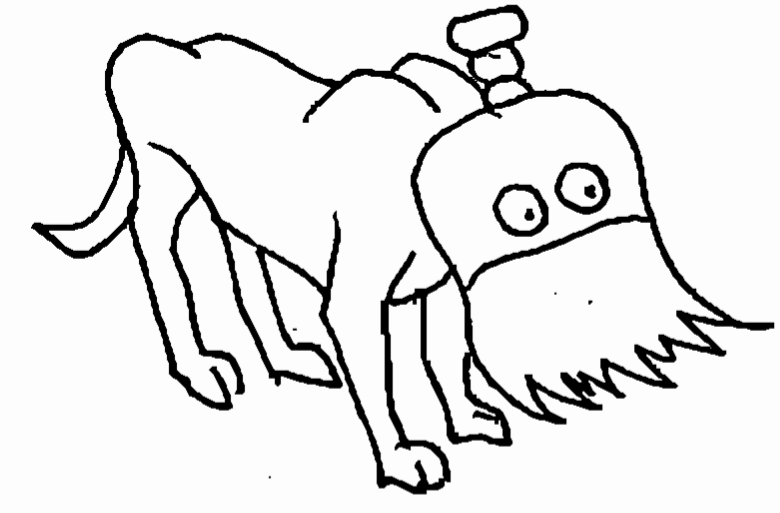
بتحليل تشوهات البقع البيضاء، المحدثه  
بتأثير العدسة المكبرة، بإمكان الحاسوب أن يرسم  
شكل بقع الماء التي تُحدث الظاهرة دون رؤية  
امتدادها السائل.



لنفترض أن هذا الغطاء، ذو الخلفية الملونة،  
مغطى بنقط بيضاء.

وهكذا حُلَّت  
المشكلة.

إنتظر يا سيد دودو، هناك  
أمر مبهم في هذه القضية.



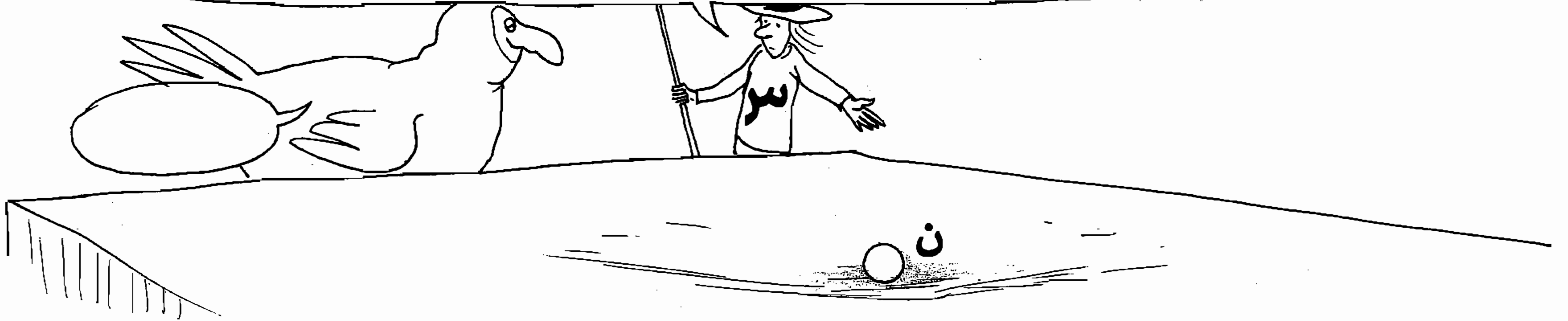
لنعتبر أن هذا الفراش اللين يُمثّل الفضاء.  
عندما أدفع هذه الكرة على هذه الطاولة اللينة،  
مع افتراض عدم وجود أي شيء فوقها، فسيكون  
مسارها مستقيماً، أي جيوديسياً مُستوى  
مُسَطَّح.

حسناً، وما هو؟

نعم يا سيد "هاندشيك"، هناك أمر ما  
مُبهم في علم الفلك الجديد هذا.

الفوتونات تتبع جيوديسياً الأسطح الفائقة، التي بَرَهَنَ أينشتاين  
أننا نعيش فيها. هل توافقني الرأي؟

إذا وضعت كُتْلَةً (ك) على طاولتنا اللينة فسوف تُحْدِثُ تَشْوُّهَاً على السطح، أي سَتَحْفَرُ حَوْضًا من  
نوع ما. هذه هي الفكرة العامة، أليس كذلك؟





الْحَوْضُ يُحَرِّفُ مَسَارَ كُرَّتِي.

تماما. لقد تم التحقق من صِحَّةِ ذلك خلال كسوف كامل للشمس عام 1919.

أنتم تَبْنُونَ برهانكم، حول وجود المادة المَظلمة، على تأثير العدسة الجاذبية المَلْحوظة بمحاذاة بعض مجموعات المجرات، فهو أكبر مائة مرة من تلك التي من الممكن أن تنتج عن الكتلة المرئية، والتي نتحصل عليها بجمع كُتَلِ جميع مجراتِ المجموعة.

تماما، وما الغريب غي الأمر؟

تأثير السراب الجاذبي يؤثر على صور المجرات التي في خلفية المجموعة.

من خلال كل هذا تستنتج أن كتلة المادة المظلمة لكم هي  
مائة ضعف الكتلة الظاهرة كظ.

مادة مظلمة

سرابٌ جاذبيٌّ


تماماً، ولكن ما هي مشكلتك؟

تمكن "ميلر" و"فور"، في 1999، من تحديد تكّثُّل  
من المادة المظلمة كتلته لكم تعادل كتلة ألف مجرة.  
المشكلة انه بَصْرِيًّا لم يكن هناك شيء ذي أهمية  
تذكر في ذلك المكان.

لقد طَارَدَا المادة العادية في كُلِّ الترددات  
الممكنة: تحت الحمراء وفوق البنفسجية  
ولكن دون جدوى. (\*)

سرابٌ جاذبيٌّ

تماماً، ولكن ما هي مشكلتك؟



سيد "هاندشيك"، أنا أعلم جيدا أن بُنْيَتَكَ  
الجسدية لا تسمح لك بممارسة لعبة الغولف.  
ولكنك تتفق معي على أننا نستطيع أن نمثل هذه  
المادة المظلمة، والتي تعادل كتلتها كتلة ألف مجرة،  
كحَوْضٍ واسع وعميق، ليس بداخله أي شيء،  
لا مجرات ولا غاز. وكأننا نلعب لعبة الغولف  
في ملعب به حوض منحدر وواسع ولم تسقط  
به أي كرة في أي وقت سابق.

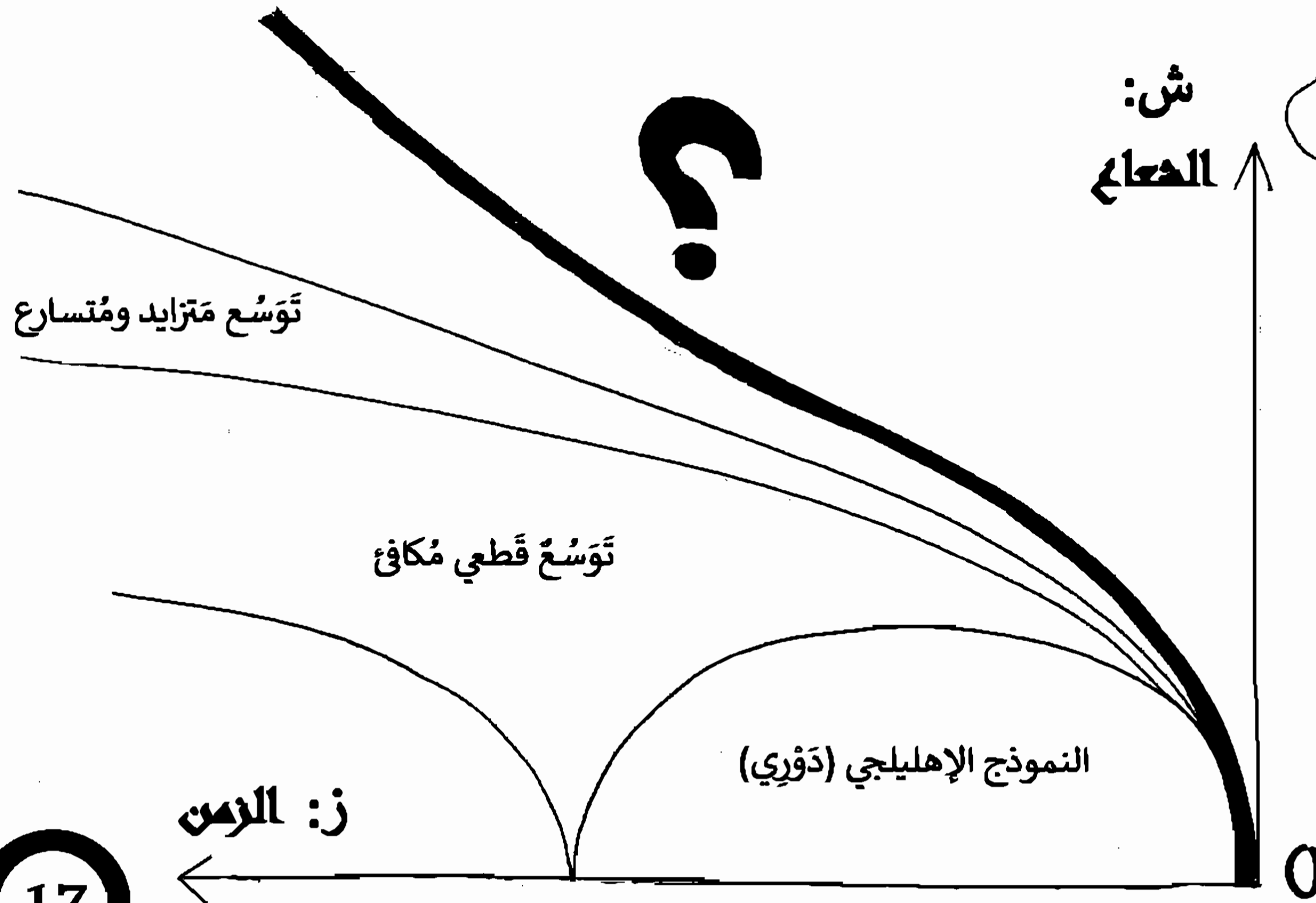
قد يرجع ذلك إلى كون هذا النوع من المادة المظلمة  
لا يجذب سوى... المادة المظلمة والفوتونات طبعاً،  
ولكنه لا يجذب المادة العادية.



أوه، أعتقد بأن قِصَّتِكَ أصبحت تزداد تعقيداً، أليس كذلك؟

# التسارع الكوني

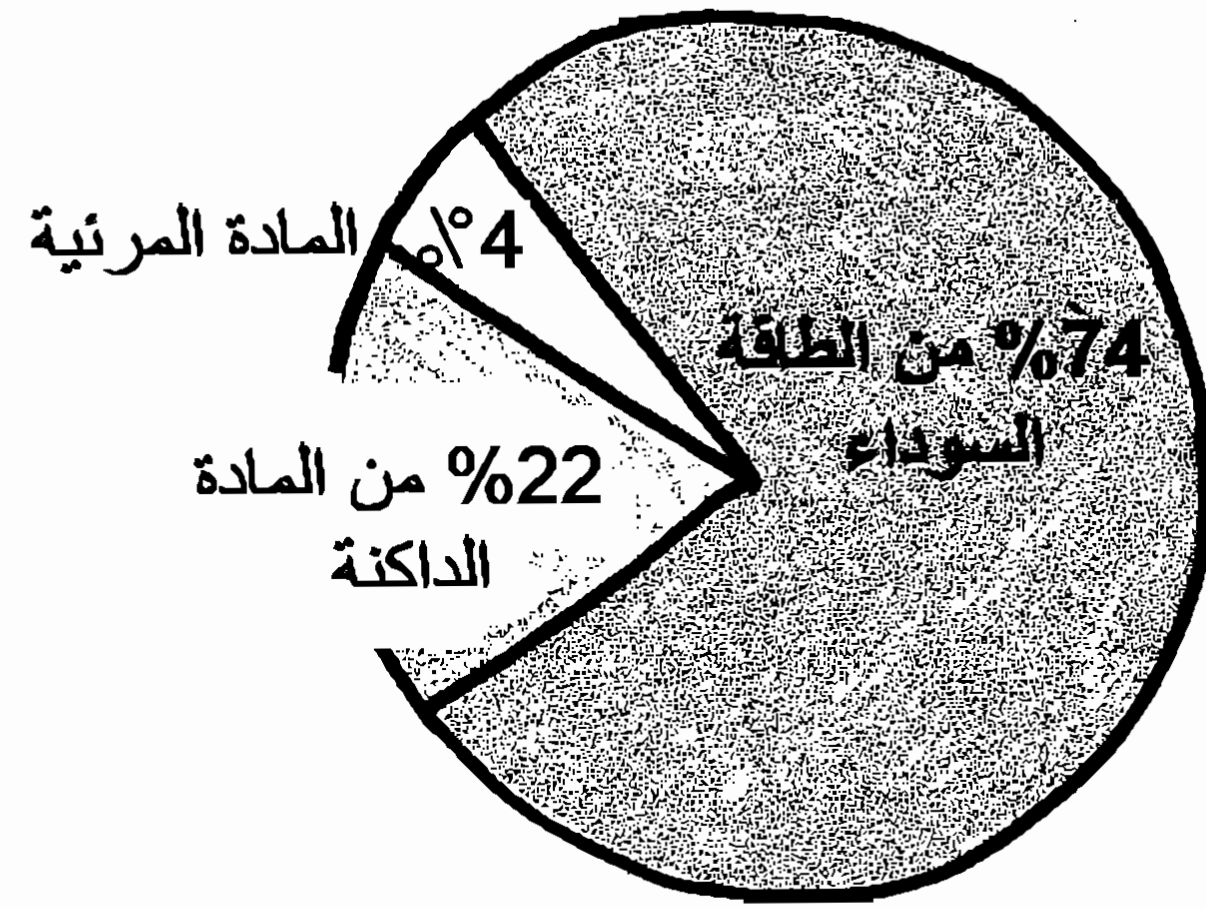
كما لو أن الأمور لم تكن معقدة بما فيه الكفاية، ففي بداية الألفية الثانية كَشَفَت مُراقبة مَجْموعة من السوبرنوفات المتباعدة للغاية أن التوسع الكوني يسير بوتيرة متسارعة بالنسبة للزمن، بدل الوتيرة المتباطئة كما كان متعارف عليه سابقا منذ ثلث أرباع القرن. فما هي هذه القوة الغامضة المسؤولة عن هذه الظاهرة؟ نحن لا نعلم عنها أي شيء تماما. سنخترع إذن عاملا جديدا ونضيفه الى هذا الخليط الكوني الذي أصبح يشبه الحساء. سنسميه الطاقة السوداء وسنمنحه قوة طاردة.



أعتقد أنني سأنتقل لدراسة علم البيئة.

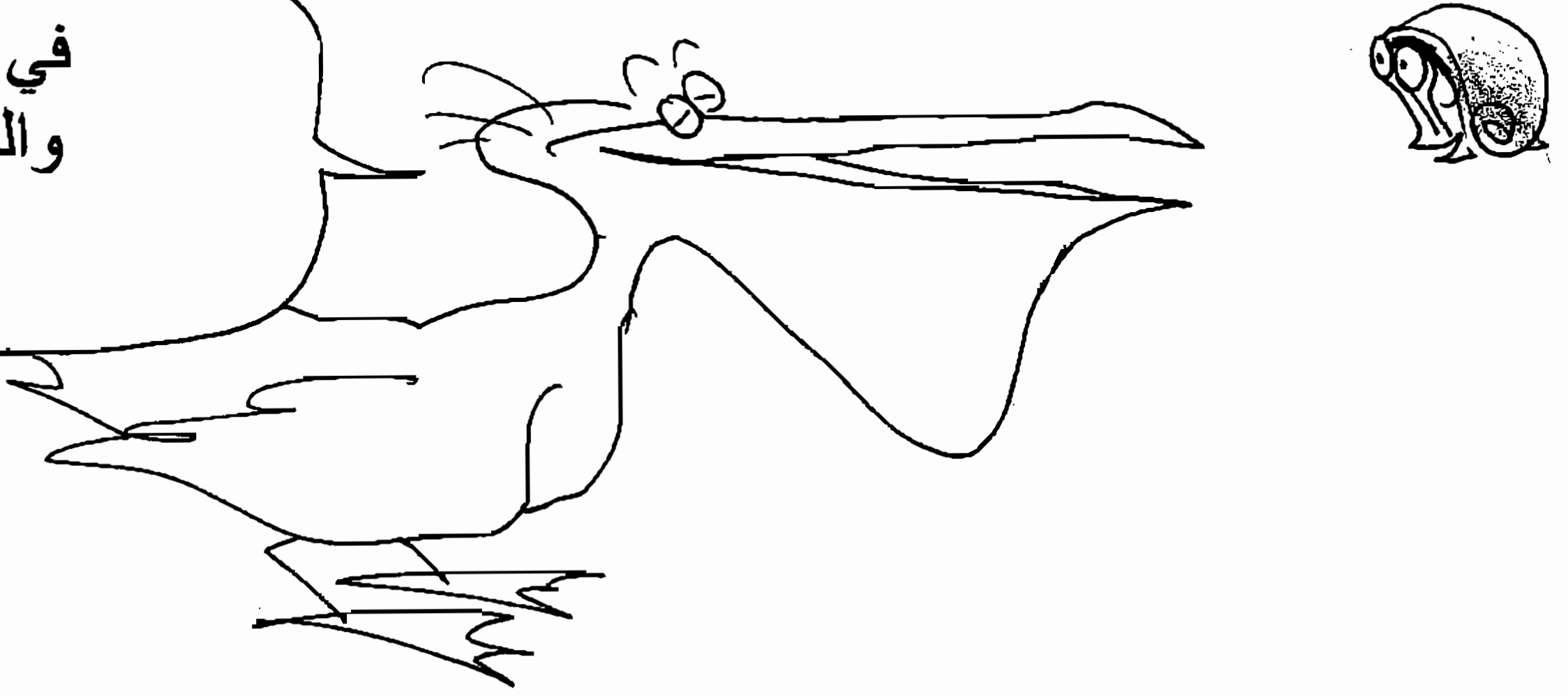


من أجل تأطير هذا النموذج الكوني ودمج هذه البيانات الجديدة، استنتج علماء الفيزياء الفلكية أن الكون يتكون من:



- 74% من الطاقة السوداء
- 22% من المادة الداكنة
- 4% من المادة المرئية

في هذه المرحلة، يمكننا أن نتساءل عن جدوى الملاحظة والمراقبة، في المجال المرئي، أليس من الأجدى إهمال هذه الـ 4% البئيسة؟



مهلاً، لقد نسيتم نظرية الحبال. بفضلها، سيتضح ويتبين يوماً ما كل شيء، سنمنحك نظرية كل شيء (\*).

في انتظار ذلك نحن إنها نظرية لا شيء....

# لقد دخلت الفيزياء والفيزياء الفلكية في ورطة غير مسبوقة.

أعتقد أنه من المهم أن نعرض مقدمة خطاب  
أحد رؤساء الجامعات منذ أكثر من عشرين سنة:  
« رغم أن نظرية الحبال لم تُقدم الى الآن أي تفسير  
لأي نظرية، ولم تقترح أي تجربة ولا أي نموذج  
كان، فإن حجم الأبحاث العلمية المنشورة  
والتي تتزايد عاما بعد عام في جميع البلدان  
يبرز الأهمية القصوى والحيوية البالغة  
لهذا الفرع الجديد من المعرفة. » (\*)



الفجوة تتسع عاما بعد عام بين التطور المدهش لأجهزة الرصد  
والمراقبة من جهة وبين قدرة الباحثين على تحليل وتصميم النماذج  
لهذه البيانات من جهة أخرى. لقد تميّعت الأمور تماما.  
يشهد هذا العصر طفرة تكنولوجية مذهلة وسقوطا حرا للمجال الأساسي.





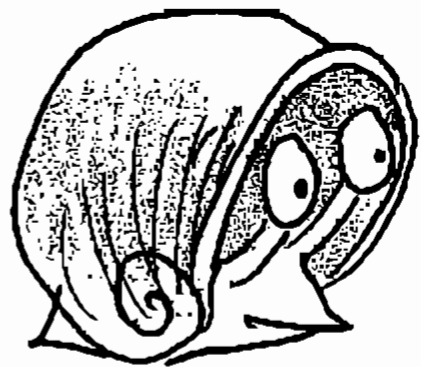
يتأكد قانون بيتر سمول يوما بعد يوم، والذي يزعم  
أن ضارب القدرة التخيلية والابداعية للباحث وقوة  
الحاسوب الخاص به ثابت.

كلمة سر هذا العصر هي المحاكات الرقمية.  
حال عالم الفيزياء الفلكية الذي يفنى عمره،  
دون جدوى، في محاولة فهم لغز ديناميكية  
المجرات كحال باحث يُطلق ألف عملية حسابية  
مقتصرًا على الأسس النظرية لقانون نيوتن  
ومكتفيا كل مرة بتغيير الإعدادات فقط  
وأملًا في حصول المعجزة.



اللجنة، لقد تَبَخَّرَت الأذرع  
الحلزونية لمجرتي مجددا خلال  
لفة واحدة.

ΜΕΡΔΕ!



أقوى الحواسيب في العالم لن يضاهي رزمة  
من النورونات المرتبطة بإحكام.



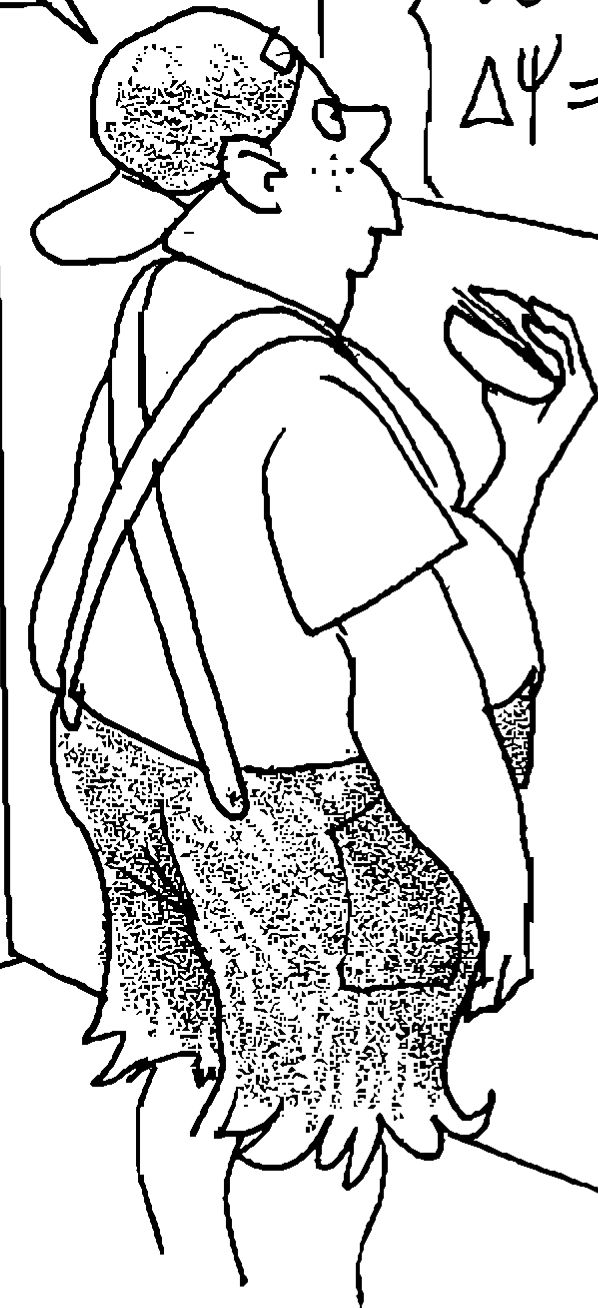


لقد نجحنا سابقا في وضع نماذج تحاكي عمل الذرات وكذا النجوم ولكننا (\*)، لا زلنا لا نمتلك لِحَدِّ الآن أي نموذج نظري يحاكي المجرات. باحثونا النظريون المعاصرون لا يمتلكون المعارف وأدوات الفكر الهندسية لمنافسة علماء كبار بقامة إدينغتون (\*\*). وتشادراسيخار. (\*\*\*)

إن المعارف في الهندسة والفيزياء الرياضية عند علماء الفيزياء الفلكية العاديين... منعدمة بكل بساطة.

?

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial f}{\partial t} + v \cdot \frac{\partial f}{\partial r} - \frac{\partial \psi}{\partial r} = 0 \\ \Delta \psi = 4\pi G \rho \end{array} \right.$$



(\*\*) قاس درجة حرارة  
وضغط قلب النجم (عام 1923).  
(\*\*\*) قاس حدود الأقزام البيضاء  
(تحمل اسمه). جائزة نوبل 1983.

(\*) التمكن والتضلع في الحساب النظري مكن الأمريكي من أصل سويسري فريتز زويكي بالتنبؤ بظاهرة السوبرنوفاء، عام 1931، وقام بعرض سيناريوه الخاص في مؤتمر شهير بمعهد كاليفورنيا للتكنولوجيا وذلك قبل أن يتم اكتشاف هذه الأخيرة ودراستها.



بالمقابل، انتشر وتثبت نظام مهني ذي فعالية هائلة، بفضل الأنترنت وقواعد المعلومات "سير" (\*) على سبيل المثال، الذي يراكم الإستشهادات وتحميلات المقالات العلمية، وهو ما يسمح لمجموعات منظمات التعزيز المتبادل فيما بينها بطريقة اصطناعية تماما، وذلك عن طريق تبادل الاستشهادات والتنويهات. الأدهى من ذلك، هو أن هذه المجموعات قد سطت أيضا على نظام مراجعة المجالات العلمية مستفيدين من الغفلية "مشار اليه"، ولقد انشؤوا أيضا مجلاتهم الخاصة وكانت النتيجة في النهاية هي انغلاق هذا النظام حول نفسه تماما داخل مجال الأفكار السائدة والمهيمنة، مانعين تماما انبثاق أي فكرة جديدة أو نماذج مبتكرة فعلا. وهذا ما أنتج طوفانا من الأكاذيب العلمية مثل نظرية الحبال (والتي لا توجد لها أصلا أي صيغة نظرية صريحة).

SPIRE (\*)



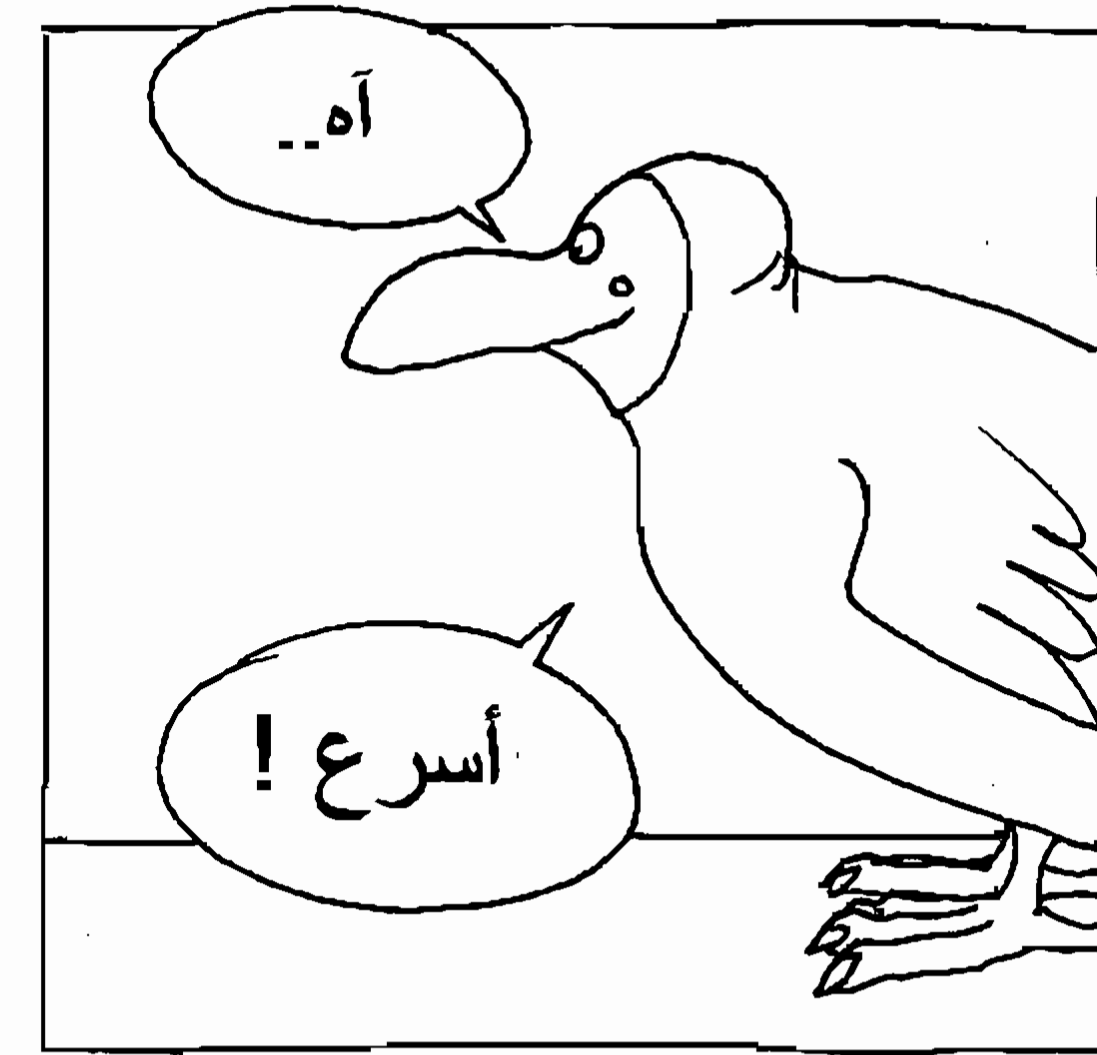
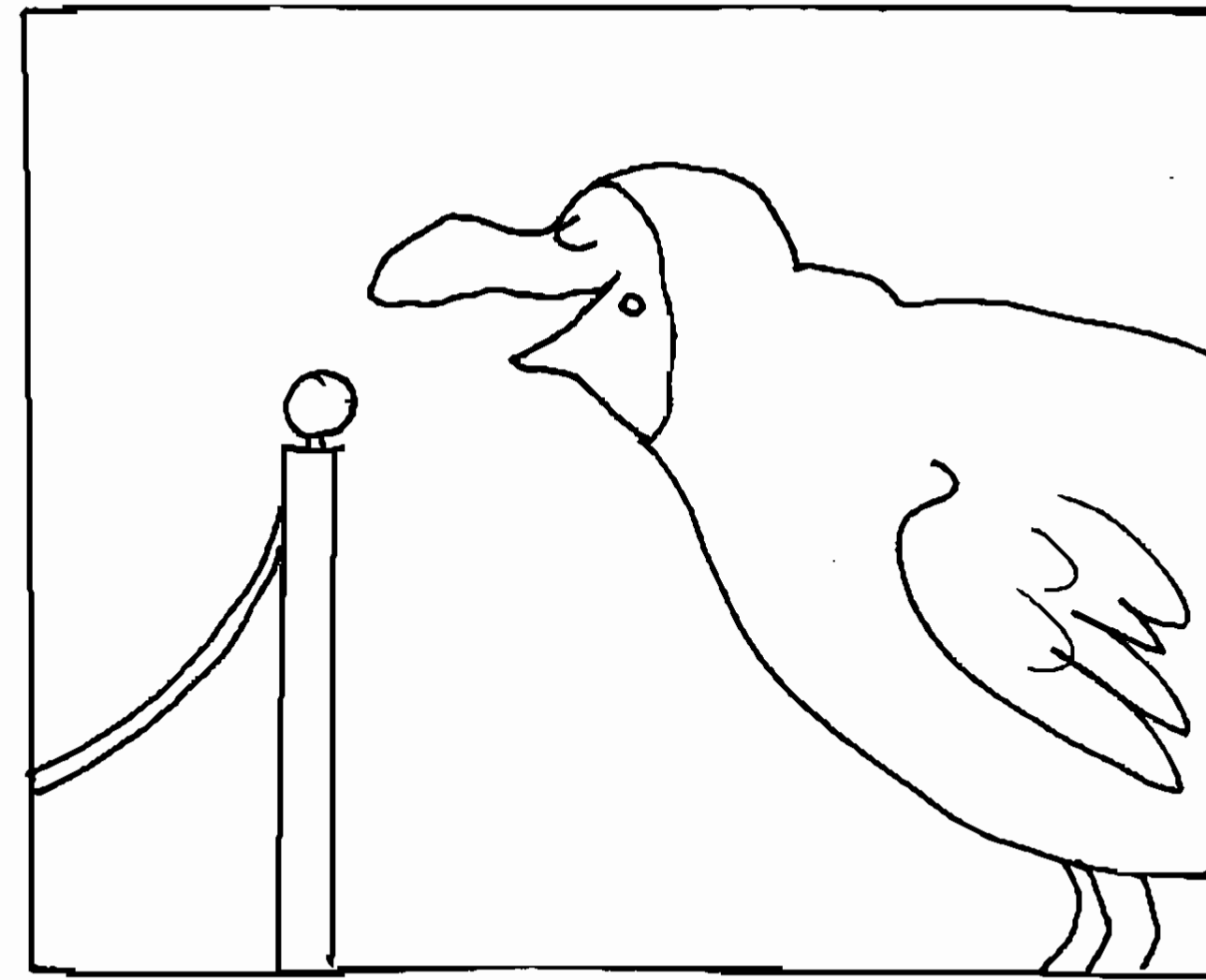
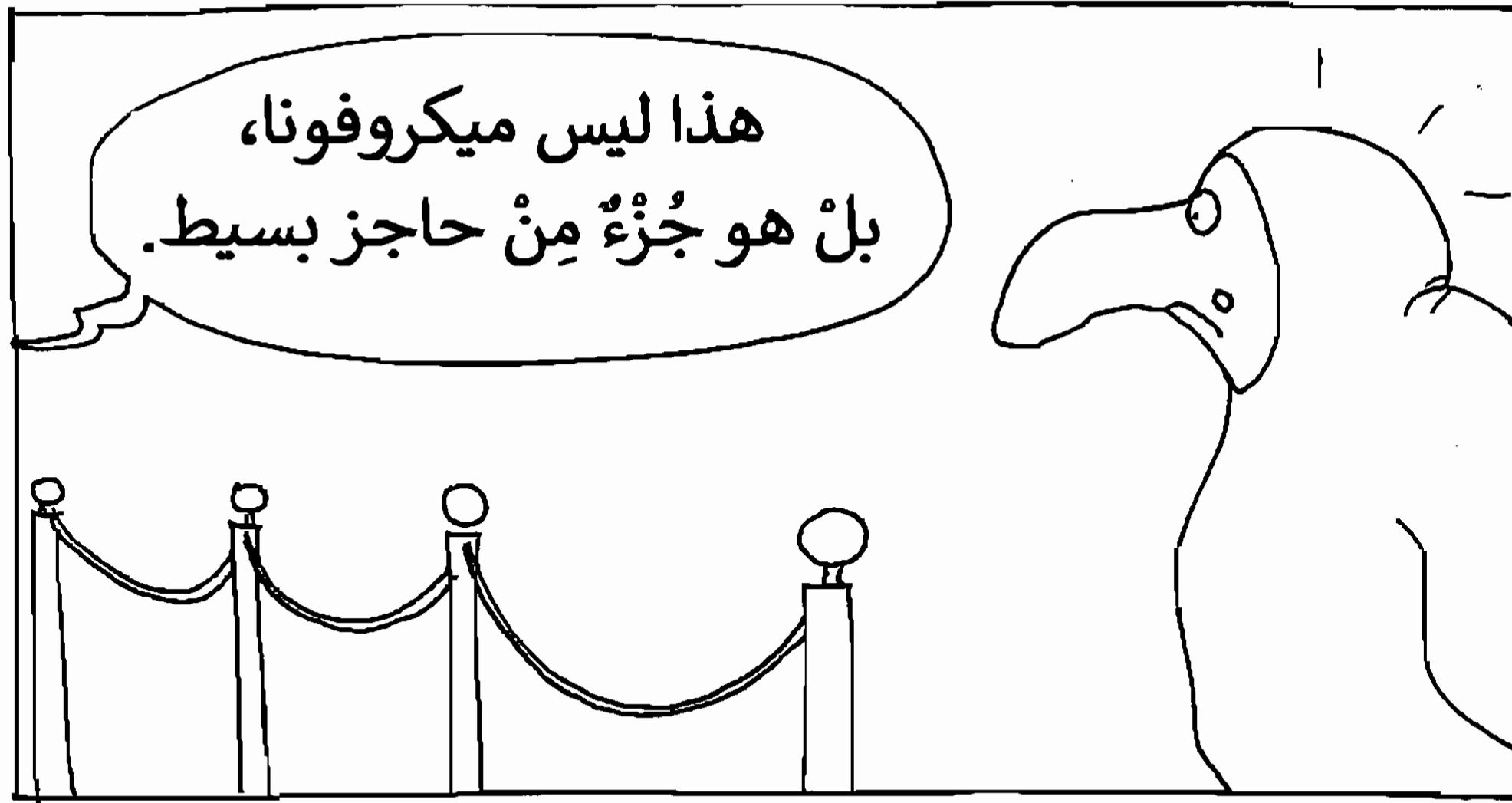
بعض مستملحات "الكون الأنيق" لبرايان غرين

الصفحة الرابعة: وحي علمي. من الأكبر اللانهائي الى الأصغر اللامتناهي. توحيد جميع نظريات الفيزياء.

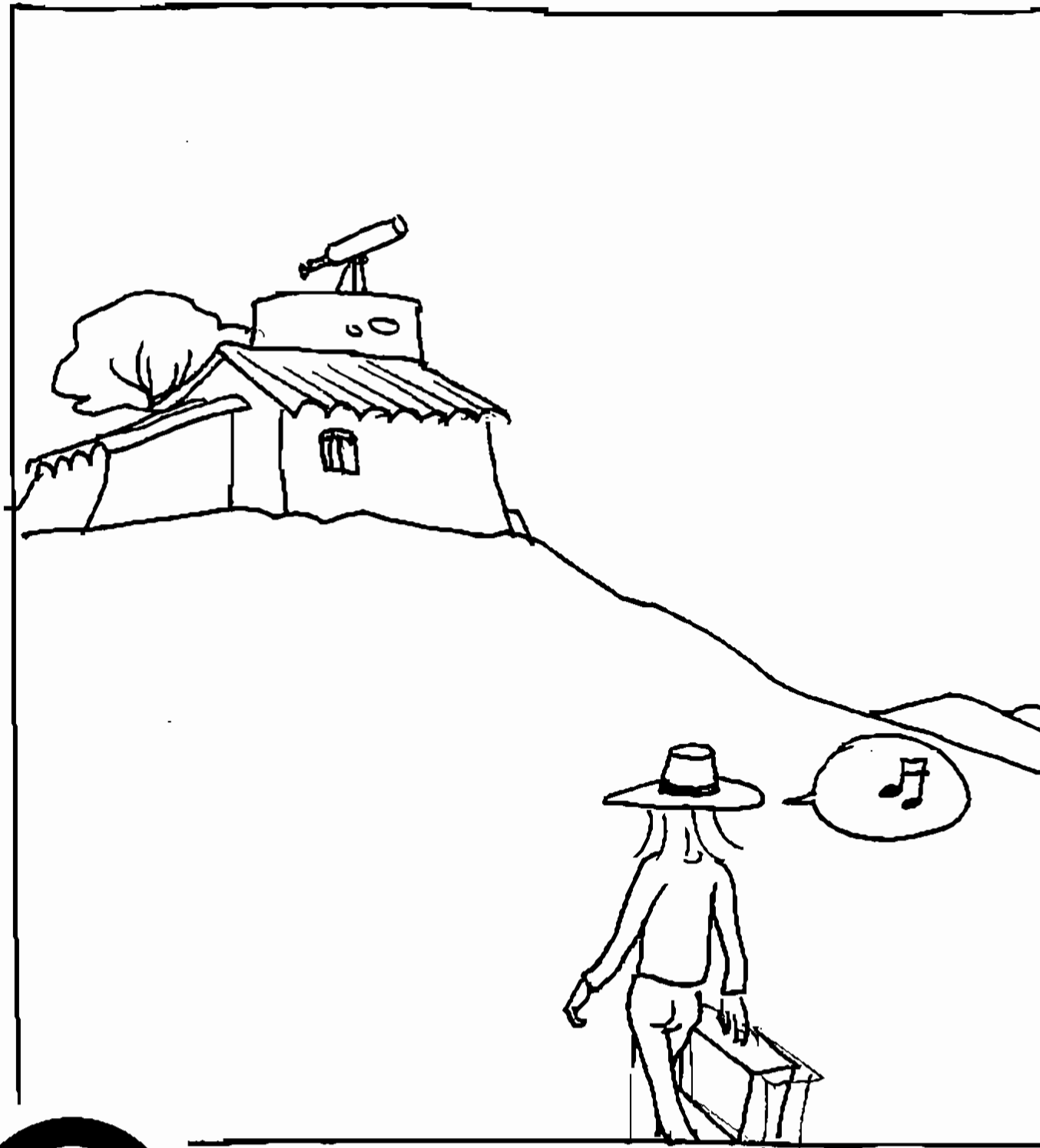
الصفحة 189: سنرى كيف أن نظرية الحبال، ورغم كونها الأكثر وعدا بين جميع النظريات التي درسها الباحثون، فليس في استطاعة هؤلاء اقتراح توقعات دقيقة بشكل كاف لمقارنتها بالبيانات التجريبية.

الصفحة 189: من الممكن جدا أن يعمل جيل كامل من الفيزيائيين على دراسة وتطوير نظرية الحبال دون أي صدى تجريبي.

الصفحة 189: إدوارد ويتن (الأب الروحي للحبال الكونية وصاحب نظرية "م" الأسطورية) هو خليفة آينشتاين الحقيقي في دور أعظم عالم فيزياء على قيد الحياة. البعض الآخر يذهب أبعد من ذلك ويجزم أنه أعظم عالم فيزياء في كل العصور.



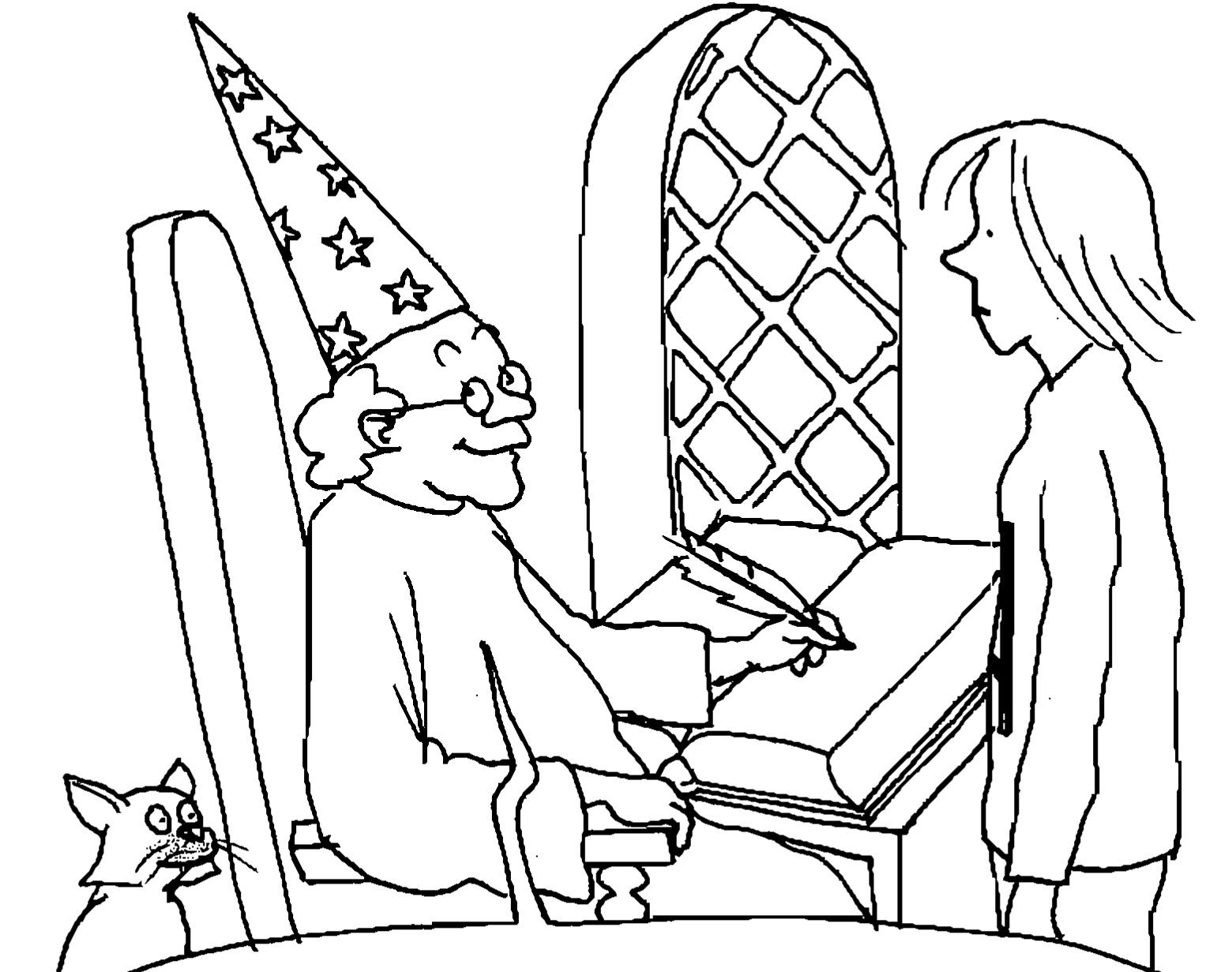
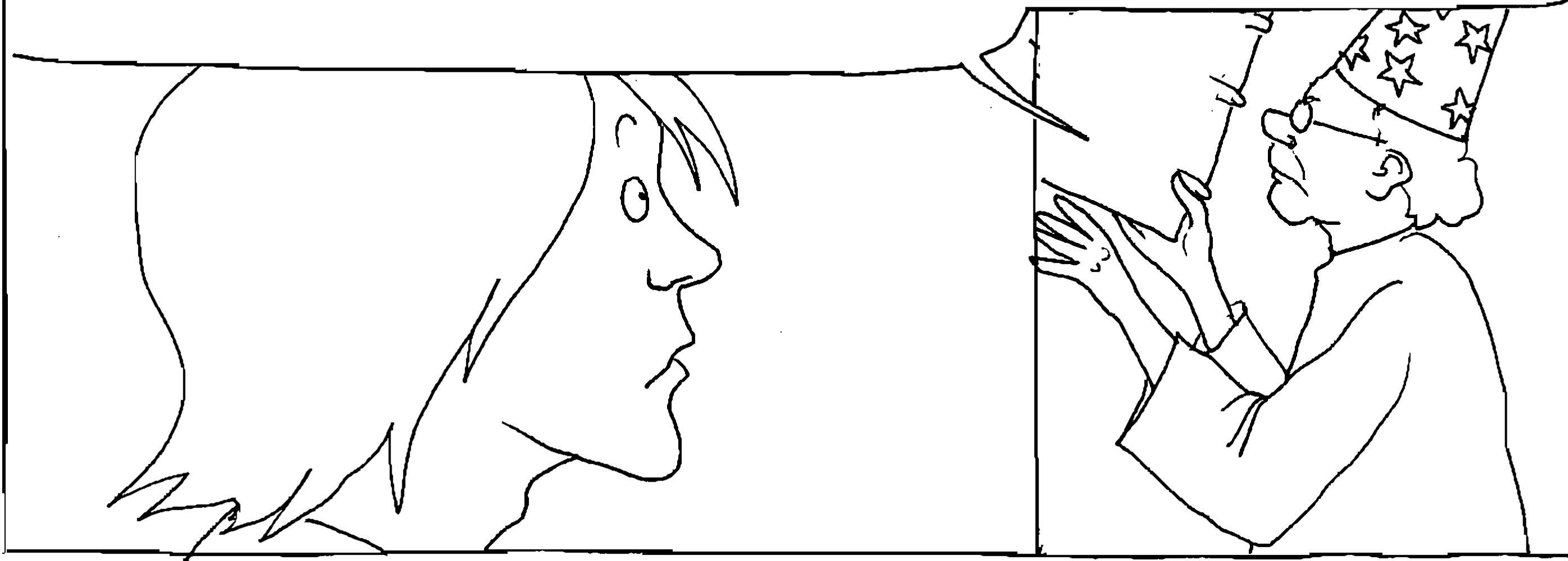
في عصرنا الحالي، يتواجد العلم في عين عاصفة إعلامية هوجاء. هناك تراكم لسمع غير مستحقة، استفاد خلالها "علماء"، دون المستوى، من هالة كبيرة ناتجة ببساطة على قدرتهم الخطابية (فن اللقاء والتعميم).



لِنَعُدْ إلى حكاية تسارع الكون وقصة هذه الطاقة السوداء الطاردة. ترى إلى ما يرجع ذلك؟

أقترح أن نقوم بزيارة سيد المجموعات.

أنت تَبْحَثُ عن ماهِيَّةِ المادة وجميع صفاتها. ولكن ألا تعلمُ أنَّ الكل هندسة.



مرحبا يا سليم. ما الذي جاء بِكَ  
هذه المرّة؟ (\*)

"ك" : m

هل تعني بأن كلَّ جسيم كتلته "ك" هو...  
كائن هندسي؟



طبعا، هِنْدَسِيٌّ مائة بالمائة.

# أخبرني كيف تتحرك وسأخبرك من أنت.



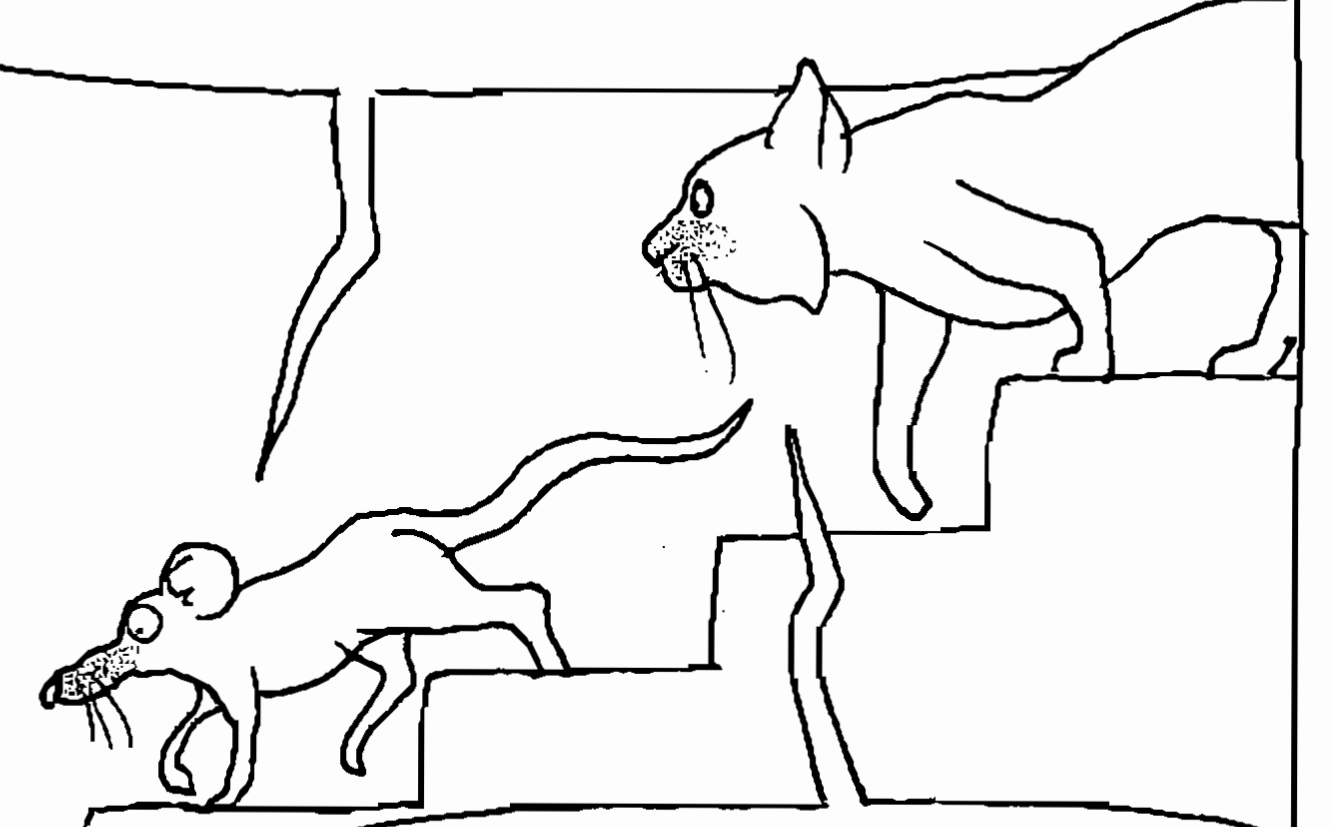
هل سبق لك أن رأيت أو أمسكت  
جُسيما كُتلته "ك" (m) ؟ أخبرني؟



لا أعتقد ذلك. نَحْسَبُ في البداية أننا نمسك بالأشياء  
بين أيدينا وفي النهاية لا نعرف مَاهِيَّةَ ما نُمسك به.

أيها الداخلون إلى هذا المكان، تسلحوا بالصبر والمثابرة...

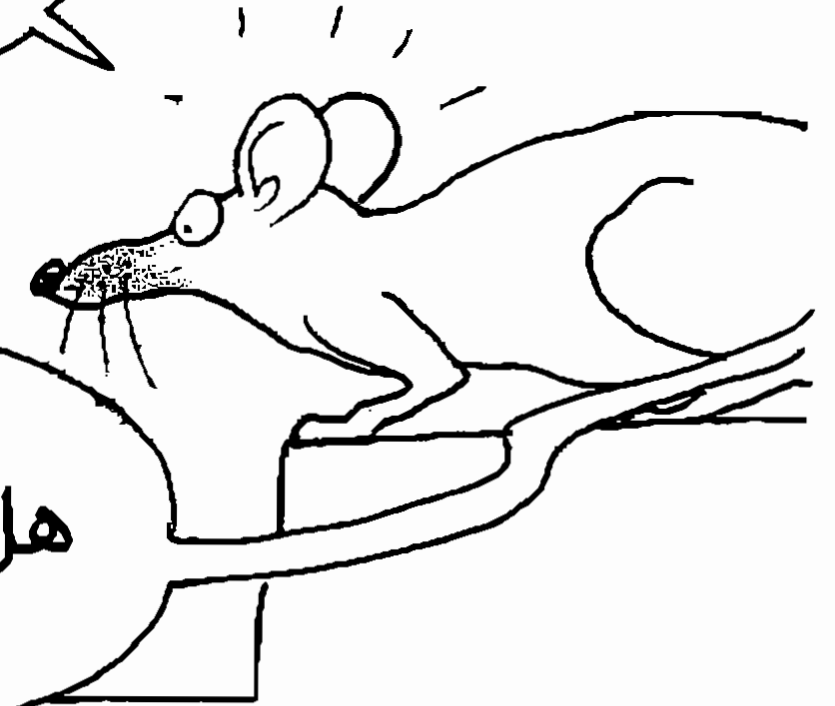
وكأني أنزل إلى سراديب ودهاليز الكون.



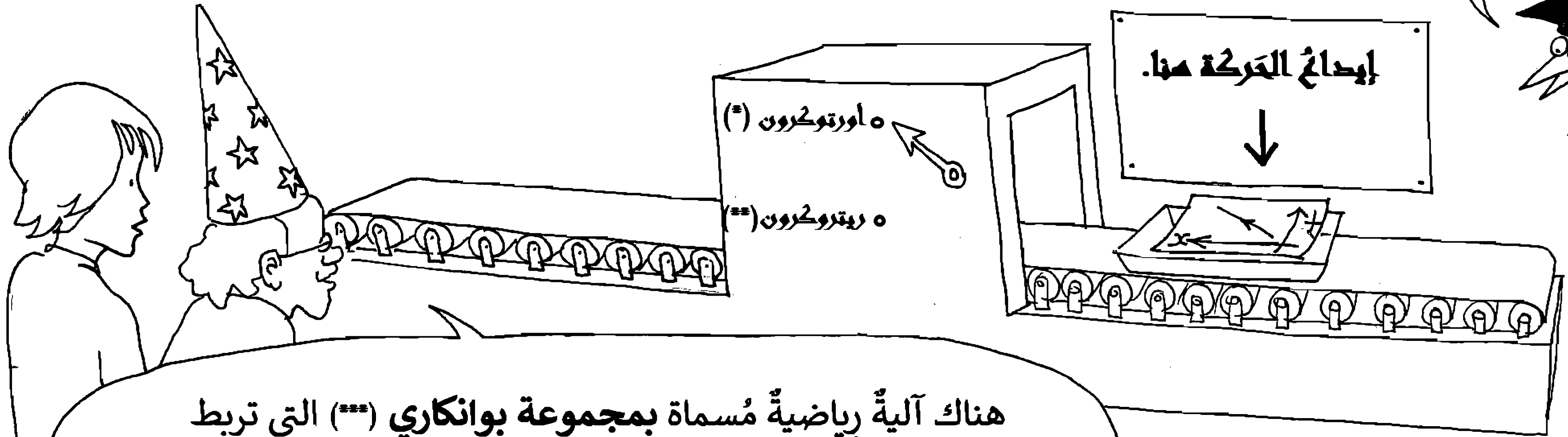
هذا لأنك مُجرّد جِرْد مُختبرات.  
نحن ذاهبان للقاء الجانب السفلي للأشياء، إنها الفيزياء  
الرّياضية ببساطة.

أعتقد أنني أخطأت بالمجيء  
إلى هنا.

هل كنت تُفضّل أن تزور طبيبا نفسيا؟

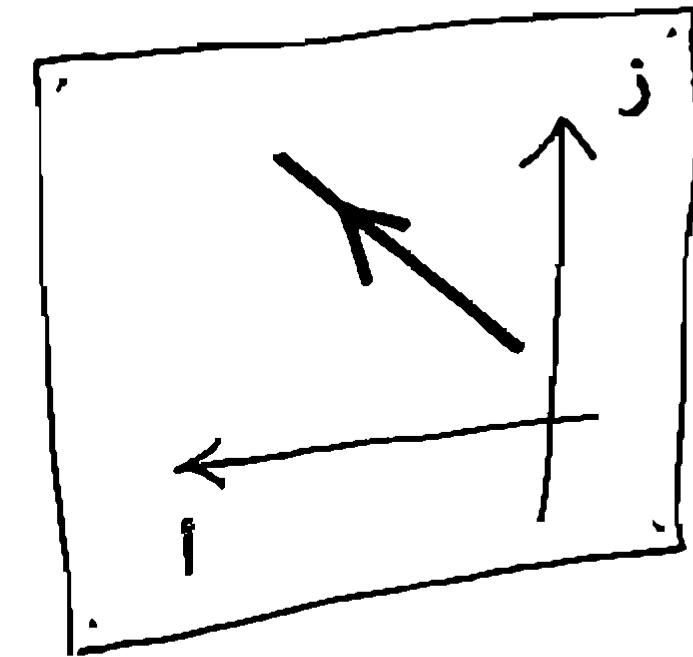
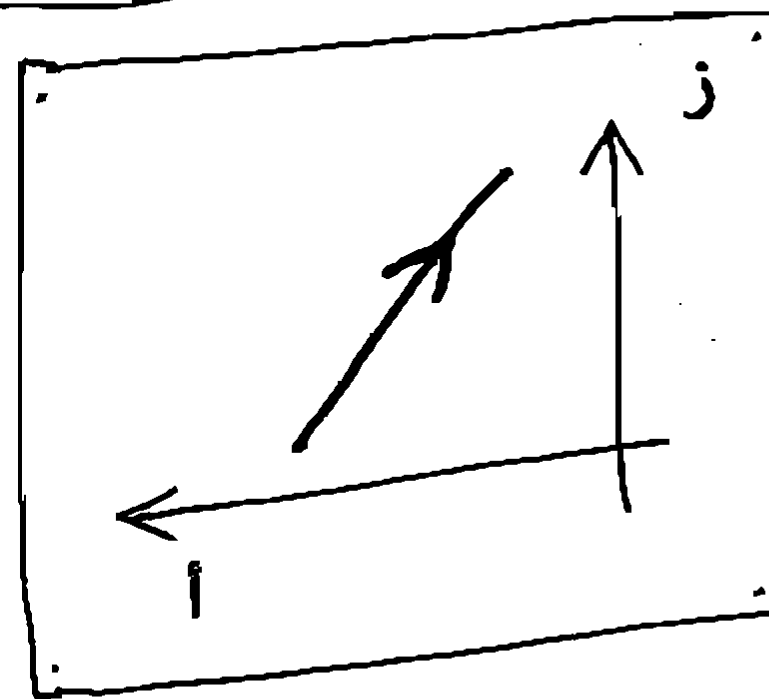
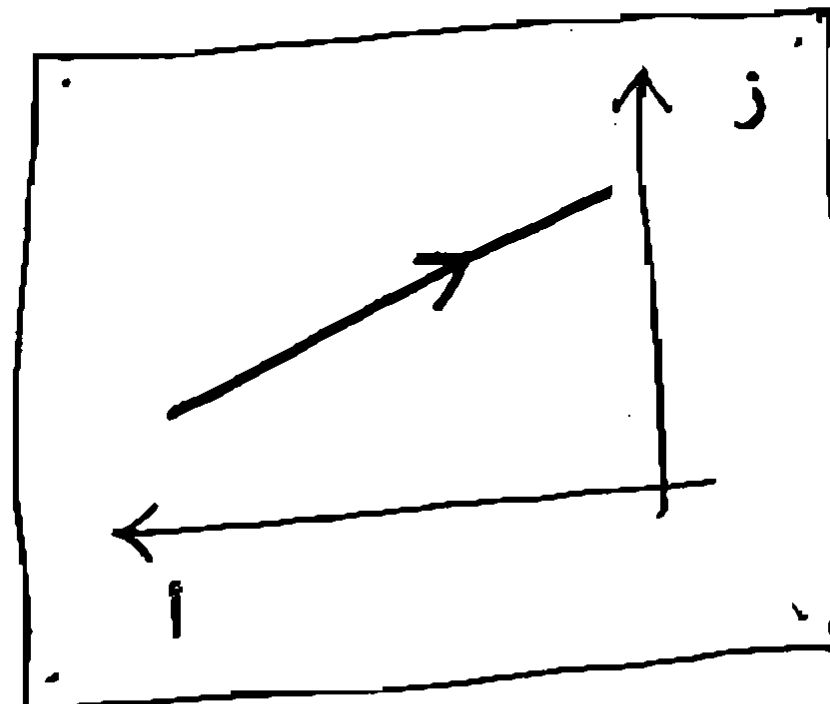
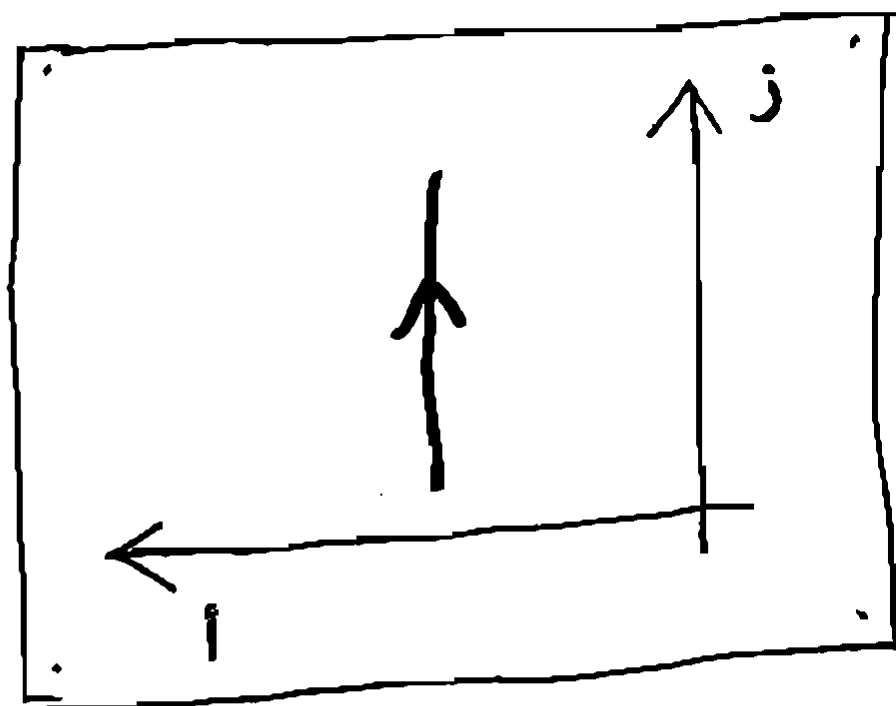


كُلُّ ما سَيَلِي مَشْرُوح بِشَكْلِ مُبَسِّطٍ فِي المَلْحَقِ 4، بِالنِّسْبَةِ لِلقُرَّاءِ الذِّينَ يَمْتَلِكُونِ مَعْرِفَةَ (بَسِيطَةَ) فِي الرِّيَاضِيَّاتِ.  
بَيْنَما سَنَكْتَفِي بِالصُّورِ بِالنِّسْبَةِ لِلآخَرِينَ.



هناك آليَّة رياضيَّة مُسمَّاة بِمجموعَة بوانكاري (\*\*\*) التي تربط كل حركة بحركة أخرى. الجهاز في حالتنا مُثَبَّتٌ على وضعيَّة "أورتوكرون" وهو ما يجعل أن كل حركة "ماضي-مستقبل" ترتبط بحركة أخرى "ماضي-مستقبل".

الأمور على ما يرام لحدِّ الآن.



(\*) دوران المصفوفة مع التماثل المستمر: Orthochrone

(\*\*) Retrochrone

(\*\*\*) Groupe de Poincaré

إذا قُمتَ بِحِركَةٍ في الزَّمانِ، أورتوكرون، أي مُوجها في مَنحى "ماضي-مستقبل"، فإن نِصفَ عناصرِ مجموعة بُوانكاريه ستحول حركتك في نفس المنحى الزَّمني ولكن النِصفَ الآخر سيحول حركتك في المنحى المُغاير، أي "مستقبل-ماضي".

ما قِصَّةُ هذا الذِّراعِ الثَّنائِي المَوْضِعِ:  
أورتوكرون وريتروكرون؟

يا إلهي. هل توجد جُسيمات تُرجِعُ  
في الزمن؟

هذا هو مِفْتاحُ صندوقِ  
العفاريت. (\*)

المَجْموعَةُ والفَضَاءُ مُرتَبِطانِ بِشكْلِ وَثِيقٍ. إنهما يَمْنحان  
بَعْضُهما البعض الوجود.

سَتُرْشِدُنَا المَجْموعَةُ.

حَسَنًا ولكن، هَلِ  
المَجْموعَةُ هي الواقع؟

هَذَا لا يُجِيبُ عَن سؤالي. هل تُوجد جُسيمات تُرجِعُ في الزمن؟

شغل الآلة، ولكن ضع الذراع في وضعية  
"ريترورون" هذه المرة.

بمعنى آخر، سأحرك عناصر  
"ريترورونية" من مجموعة  
بوانكاري.

تشويق: نتيجة هذه  
العملية في الصفحة  
الموالية.

لقد جئت تسأل عن ماهية المادة،  
حسب اعتقادي. لنقم بالتجربة:  
لتكن حركة "ماضي-مستقبل"  
لجسيم كتلته "ك". (m)

آه، أنا لا أحب هذا مطلقا.

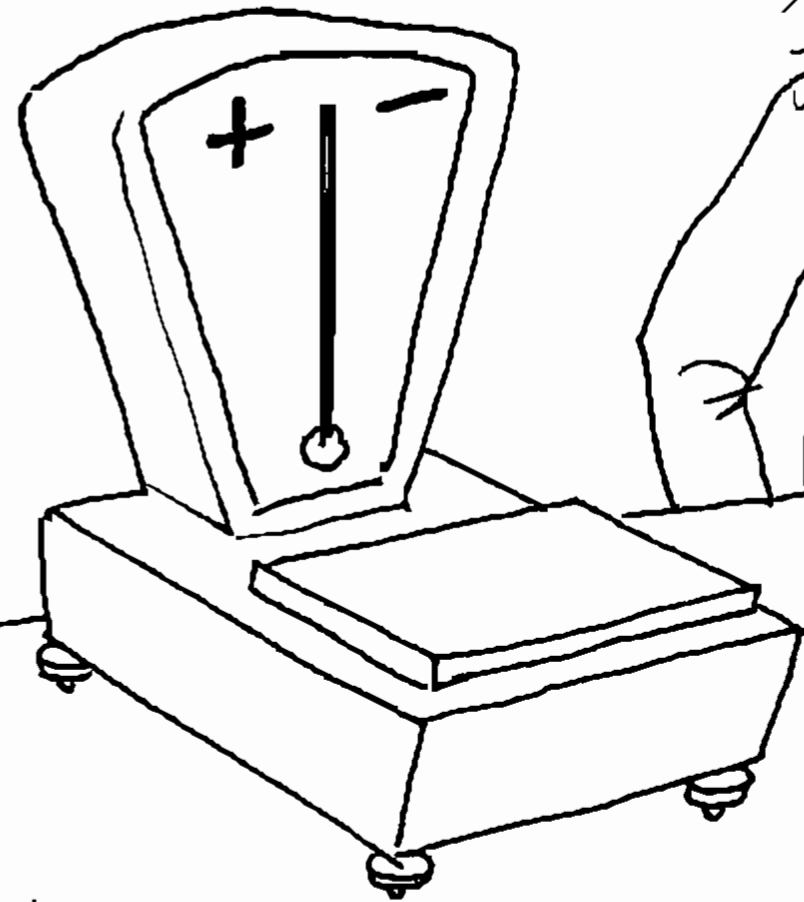
إذا كنت خائفا إلى هذا الحد، فيمكنك  
أن تتوجه إلى أصحاب نظرية الحبال. فلن تزعجك  
أي اكتشافات غير متوقعة هناك.



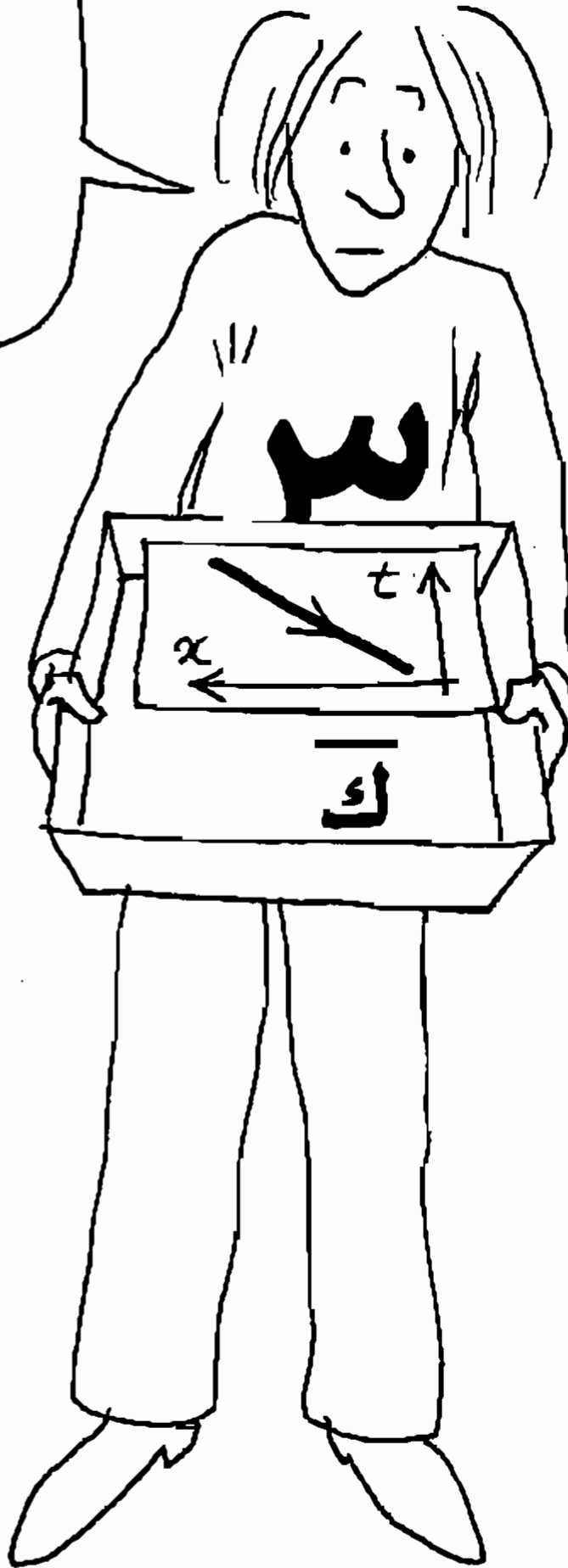
# كُتْلُ وطاقاتٍ سلبية

حَصَلَتْ على حركةِ نَقْطةِ ماديةِ نِسْبِيَّةٍ تتحركُ في المنحى "مستقبل-ماضي". يَرْجِعُ الجُسيمُ في الزَّمنِ فعلاً، بالمقابل أصبحت كُتلتُه تساوي:  $\bar{m}$ .

سنرى ما سيحصل.



ما هذا الميزان؟



ما الجديد؟



ها نحن ذا. ما الجسيمات، التي قلنا عنها أنها ترجع في الزمن، إلا ذات كتلة وطاقة سالبين. (طاقة = ك × س<sup>2</sup>)

$$\bar{E} = \bar{m}c^2$$

(ك: كتلة، س: سرعة الضوء)

أخبرتكم سابقاً أن هذا الوضع غير طبيعي. فإذا اصطدم جسيمان ذوي طاقات متناقضة (أحدها موجبة والأخرى سالبة) ينتج عن ذلك:  $\bar{E} + E = 0$ ، أي... لا شيء.  $E + \bar{E} = 0$  (\*)

إنتظر، ماذا سيحصل للفوتونات ذات الوزن المنعدم.

فم بالتجربة. شغل مجموعة بوانكاري.

توقف عن هذا الهراء. نحن في المجال النظري وعلى الورق فقط.

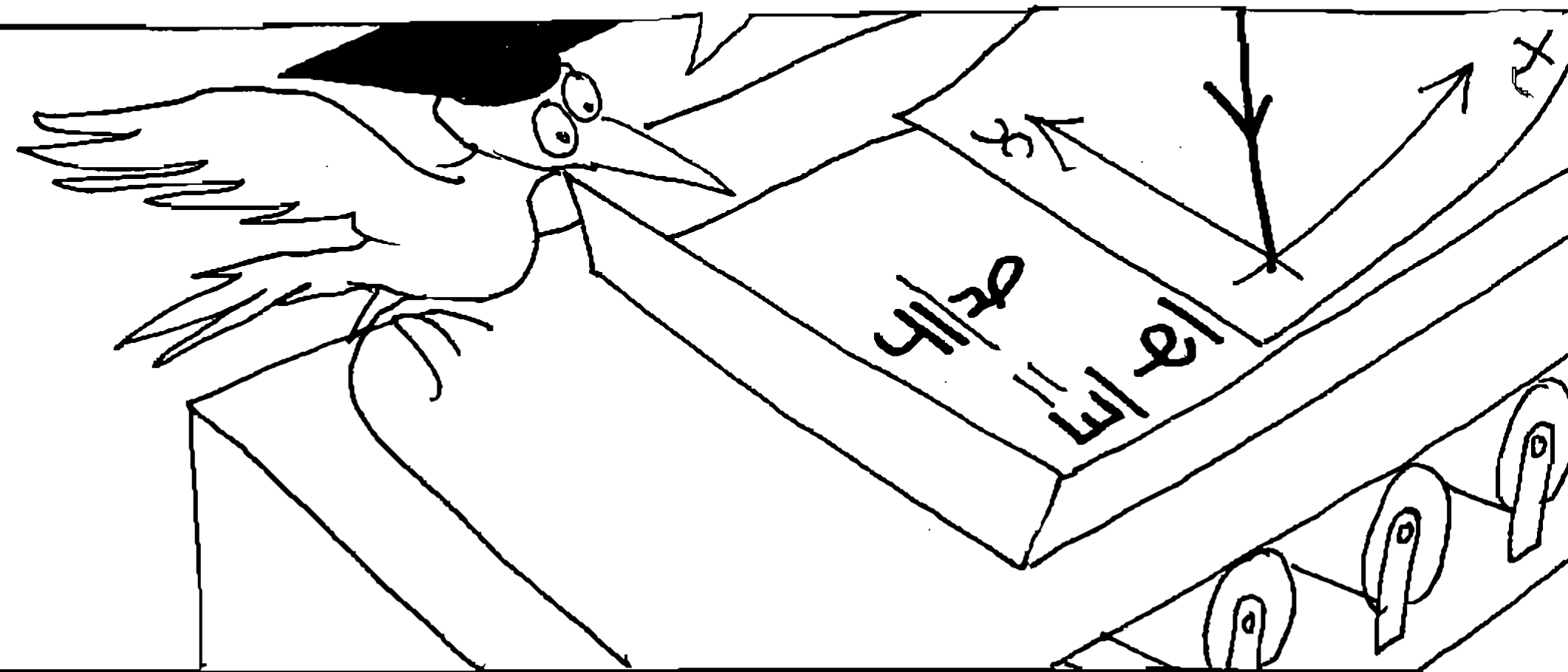
(\*) لا، ليس فوتونات فيما نسميه الغاء المادة ومُضادها حيث تُحفظ الطاقة والتي من الممكن نعتها بالتجريد من المادة.

والآن مع الفوتون  $\varphi$  ذو الطاقة:  $E=h \times \nu = h/\tau$   
حيث تمثل  $T$  دور الموجة الخاصة و  $h$  ثابت بلانك.

وطبعا الذراع في وضعية "ريتروكرون"  
لتحويل الحركة من "ماضي-مستقبل"  
إلى "مستقبل-ماضي".

يبدو الامر بسيطا  
للغاية.

لِلْفُوتونات، التي تسير عكس الزمن، طاقة سلبية:  $\bar{E}=h/\bar{\tau}$  لأن  $\bar{\tau}$  سالبة.



إذن فنحن غير قادرين على  
مشاهدة ورصد هذه الكتل  
السالبة.

لا نستطيعُ عيناك وأجهزة القياس الخاصة بك رصد  
الفوتونات ذات الطاقة السالبة التي تُصدرها وتُستقبلها  
الجسيمات السلبية الكتلة.  $\bar{m}$

تماما.

ومذا عن علاقتها بالجاذبية؟

'ك وك يتجاذبان حسب نيوتن  
'ك وك يتجاذبان حسب نيوتن  
'ك وك يتنافران حسب مضاد-نيوتن

ق: القوة  
ث: ثابت الجاذبية  
'ك وك: كتل  
م: المسافة  
F:  
G:  
m, m':  
d:

طبّق المعادلة:

$$F = G \frac{mm'}{d^2} \quad | \quad Q = \frac{m \times m' \times c^2}{2}$$



سُئِلَ بِفِعْلِ الكُّتْلِ الموجبة التي تَتَكَوَّنُ منها العلبة،  
أليس كذلك؟

لا، فكّر أكثر.

لو استطعتُ أن أحجز كتلة سلبية في هذه العلبة  
فسأنجح في جعلها تطير عن طريق دافع الأرض.

سَتَمُرُّ عِبْرَ العلبة وتطير.

تتشكّل المادة، ذات الكثافة العادية، من ذرات غاية في الصّغر يفصل بينها الفراغ. ولا ترتبط هذه الذّرات فيما بينها إلا بفضل قوَى إلكترومغناطيسية. هذه القوَى هي التي تمنعك من السقوط والمرور عبر الكرسي الذي تجلس عليه الآن وأنت تطالع هذا الكتاب، وذلك رغم أن الكرسيّ بدوره مُشكل من ذراتٍ مُنمنمة يفصل بينها الفراغ. لو ألغينا هذه القوى الإللكترومغناطيسية، وهي تتجلى في تبادل الفوتونات ذات الطاقة الموجبة، بشكل مفاجئ،(\*) فسَتَعْبُرُونَ في الحال عبر كرسيكم ثم عَبَّرَ الأرضية في سقوط حُرٍّ نحو مَرَكِزِ الأرض، بما أن القوة الوحيدة المحسوسة في هذه الحال هي قُوّة الجاذبية.

تستطيع الكتل السلبية أن ترتبط وتتفاعل فيما بينها بفضل قوة إلكترومغناطيسية تتمثل في تبادل فوتونات ذات شحنة سالبة. و لن يكون في استطاعة مجموعة من الكتل السالبة التفاعل مع مادتنا إلا عن طريق قُوّة الجاذبية. وبما أن هاذان النوعين من المادة متنافرتان فإن أي مركب مكون من كتل سالبة سيتعرض لتأثير ضد-جاذبي من طرف الأرض. بالمقابل سيكون في استطاعة هذا المركب أن يعبر أي حاجز مادي.

سيكون غير مرئي وغير قابل للرصد بأجهزة القياس والمراقبة. العكس صحيح أيضا، فسيكون في استطاعة ركاب مركبة مكونة من كتل سلبية عبور الأرض دون أن تُرَ أو تُشاهد.

الإدارة.

ما فهمته هو أن هذه "الآلية-المجموعة" تتنبأ وتتكهن بوجود أشياء جديدة في الفيزياء.

ولكن، أليست هذه مَحْضُ خُزَعِبَلَاتٍ رياضية خالصة ومجانية

جميع الطَّفَرَاتِ العلمية، التي شهدها العالم،  
تَمَرُّ عبر تَغْيِيرٍ عميق في فهمنا للتصميم الهندسي للكون.

ألا نخلط بين الرياضيات والواقع؟

لم يكن ظهور النسبية الخاصة والعامة سوى تغيرات عميقة وواقعية لرؤيتنا للتصميم الهندسي للكون.  
وفي السياق الهندسي يصبح السؤال الأساسي هو كيف تصبح الحركة في هذا الفضاء الجديد.

لقد صَهَرَتِ النَّسَبِيَّةُ الْخَاصَّةُ الْمَكَانَ وَالزَّمَانَ فِي شَيْءٍ وَاحِدٍ: الْأَسْطَحُ الْفَائِقَةُ (4 أبعاد: 4D).  
إِنَّهُ زَمَكَانٌ تَتَمُّ فِيهِ الْحَرَكَةُ حَسَبَ جِيُودِيْسِيَاهَا الْخَاصَّةِ. بِالْمُقَابِلِ، أَضَافَتِ النَّسَبِيَّةُ الْعَامَّةُ الْإِنْحِنَاءَ.  
تُصَنَّفُ نَظْرِيَّةُ الْمَجْمُوعَاتِ الْأَنْوَاعِ الْمَخْتَلِفَةِ لِلْحَرَكَةِ، الَّتِي مِنَ الْمُمْكِنِ أَنْ تُسَجَلَ عَلَى الْأَسْطَحِ الْفَائِقَةِ،  
بَيْنَمَا يَبْقَى دَوْرُ الْفِيْزِيَاءِ الرِّيَاضِيَّةِ هُوَ رِبْطُ هَذِهِ الْحَرَكَاتِ بِأَشْيَاءٍ فِي الْكُونِ، حَسَبِ الْمَبْدَأِ التَّالِيِ:

أخبرني عن حركتك، أخبرك من أنت.

إذن، حسب هذا السياق الهندسي، عندما نُحَدِّدُ نَوْعًا جَدِيدًا مِنَ الْحَرَكَةِ الْمُمْكِنَةِ،  
بِفَضْلِ آليَّةِ الْمَجْمُوعَاتِ فَهَذَا يَعْنِي وَجُودَ أَشْيَاءٍ فِي الْكُونِ مُشْتَقَّةٍ مِنْ هَذِهِ الْحَرَكَةِ.

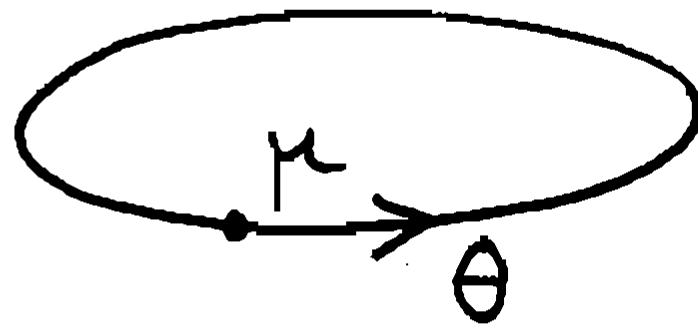
بلا... بلا...

ولكن مهلاً، أريد مثلاً مَلْمُوسًا وَإِلَّا فَإِنْ خِطَابَاتِكُمْ تُشْبِهُ  
مَا يَتَفَوَّهُ بِهِ أَصْحَابُ نَظْرِيَّةِ الْحَبَالِ.

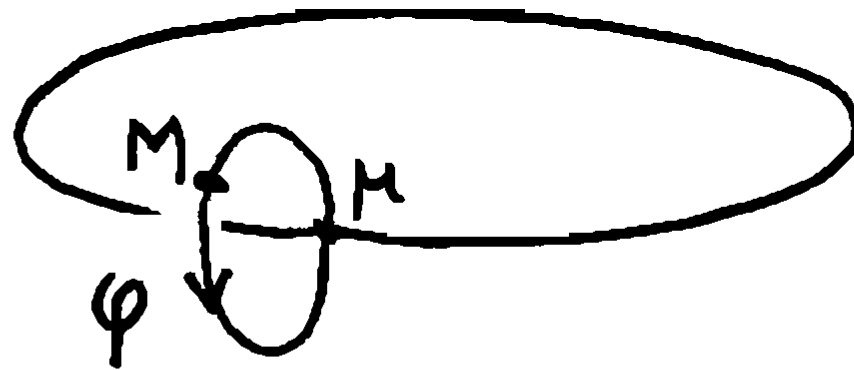
لا يملك هؤلاء الناسُ لا سِياقًا هَنْدَسِيًّا وَلَا مَجْمُوعَاتٍ وَلَا حَرَكَةَ  
وَلَا أَشْيَاءَ. بِإِخْتِصَارٍ شَدِيدٍ: إِنَّهُمْ لَا يَعْرِفُونَ مَا يَقُولُونَهُ.

# بَعْدُ خَامِسٌ

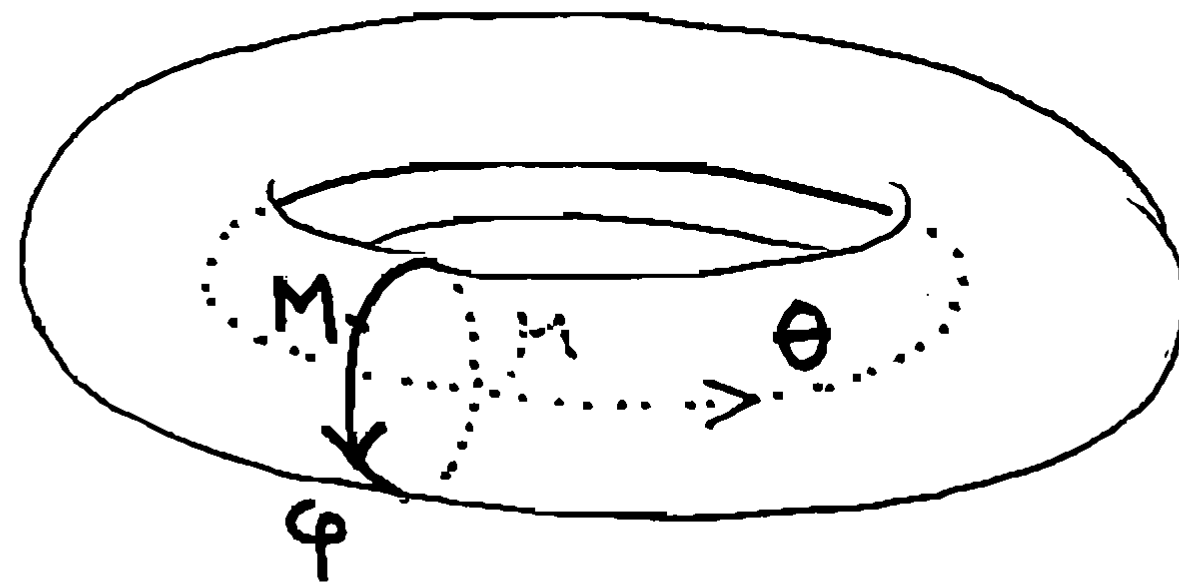
بإضافة بُعد جديد سنُثري السِّياق الهندسيّ.  
لِيَكُنْ فضاءً أحاديا مغلقا نُمثله بدائرة بسيطة.



سنُضيفُ في كل نقطةٍ من هذه الدائرة بُعدًا مغلقا  
إضافيا وسنسميه لَيْفٌ (أو خيط).

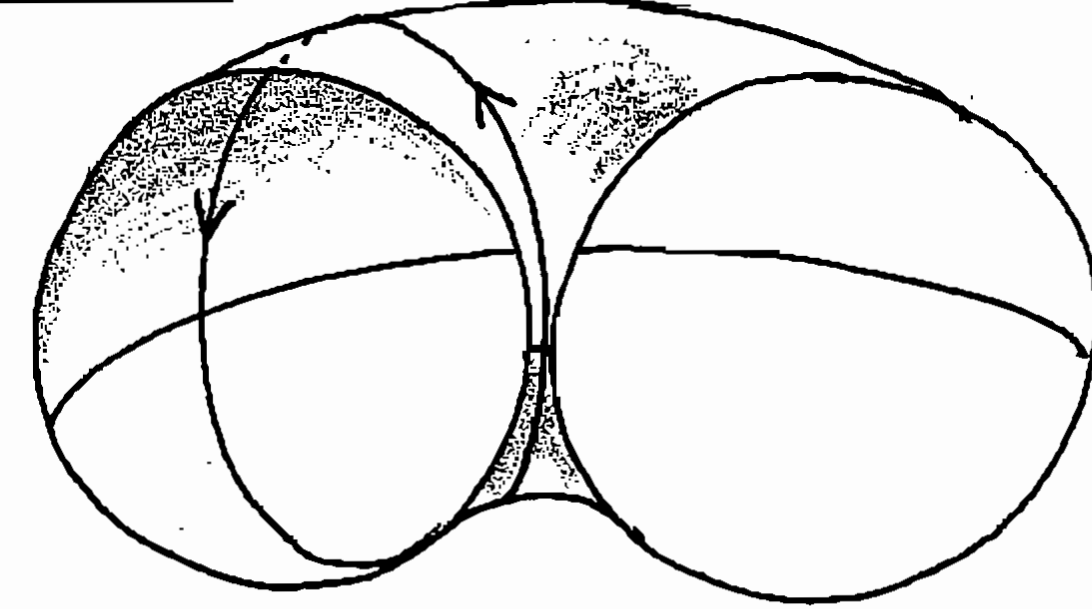
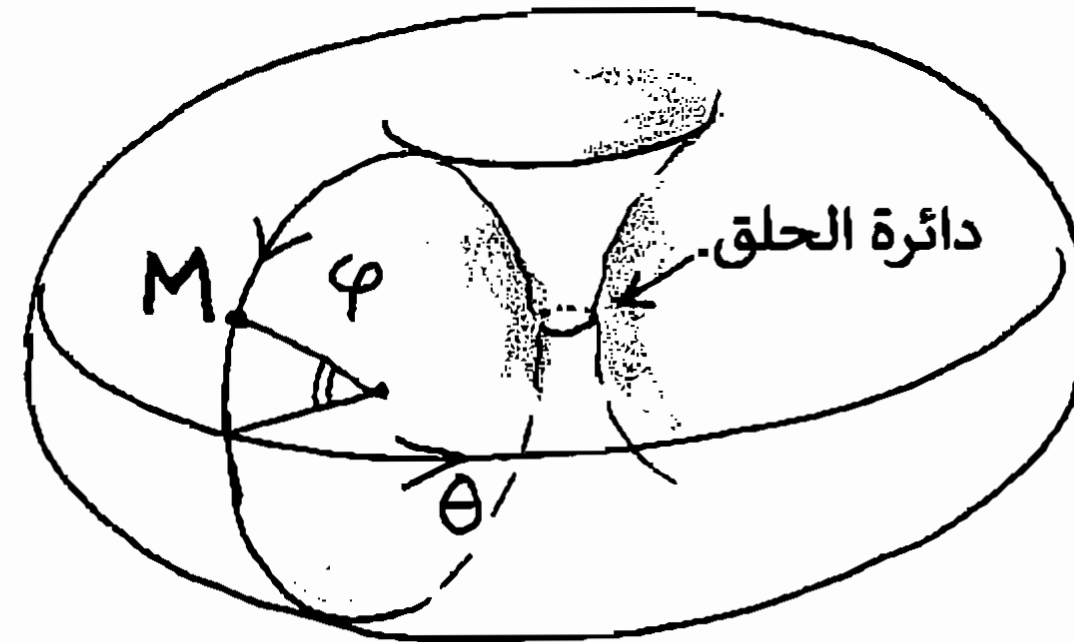
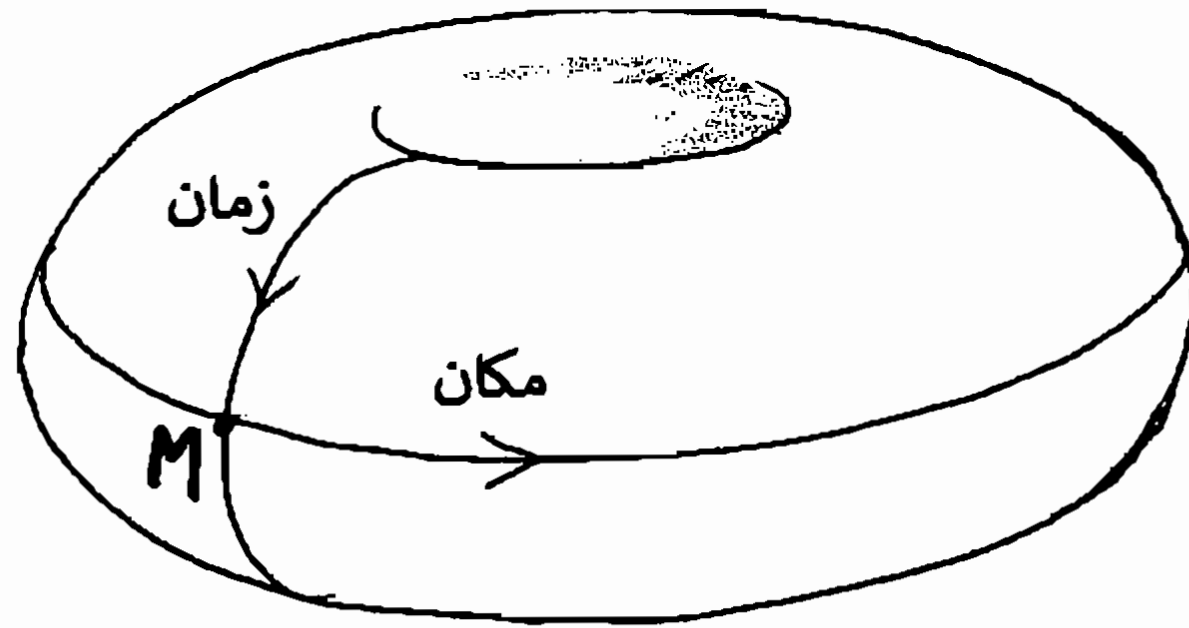


الشَّيْءُ الْمُحَصَّلُ عليه هو نتوء مستدير  
ذي بعدين: ن2. T2

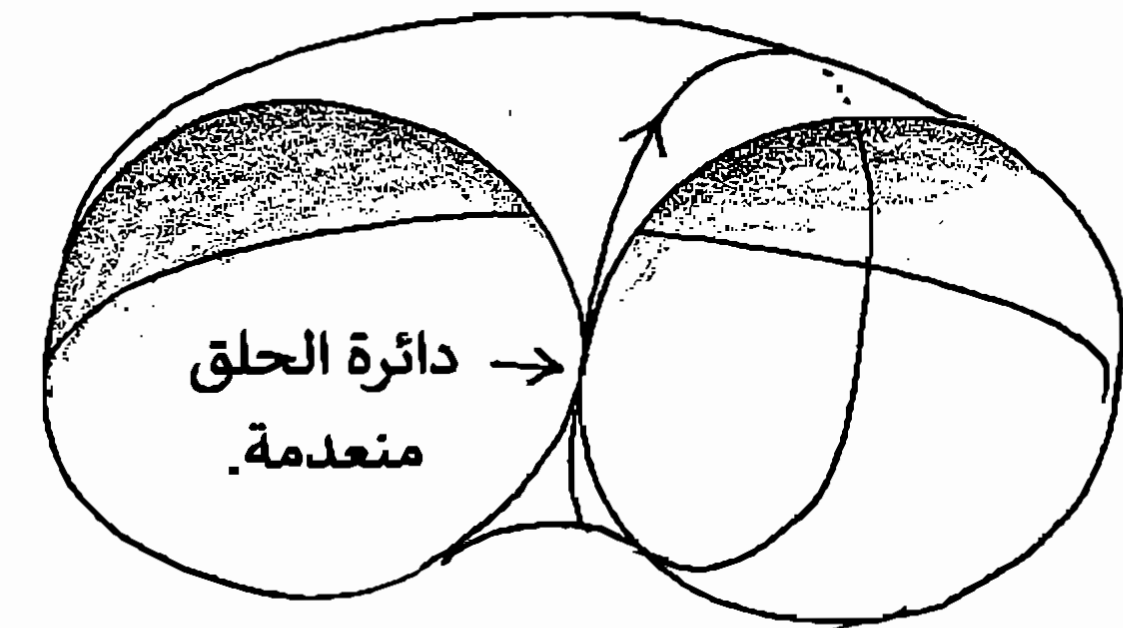
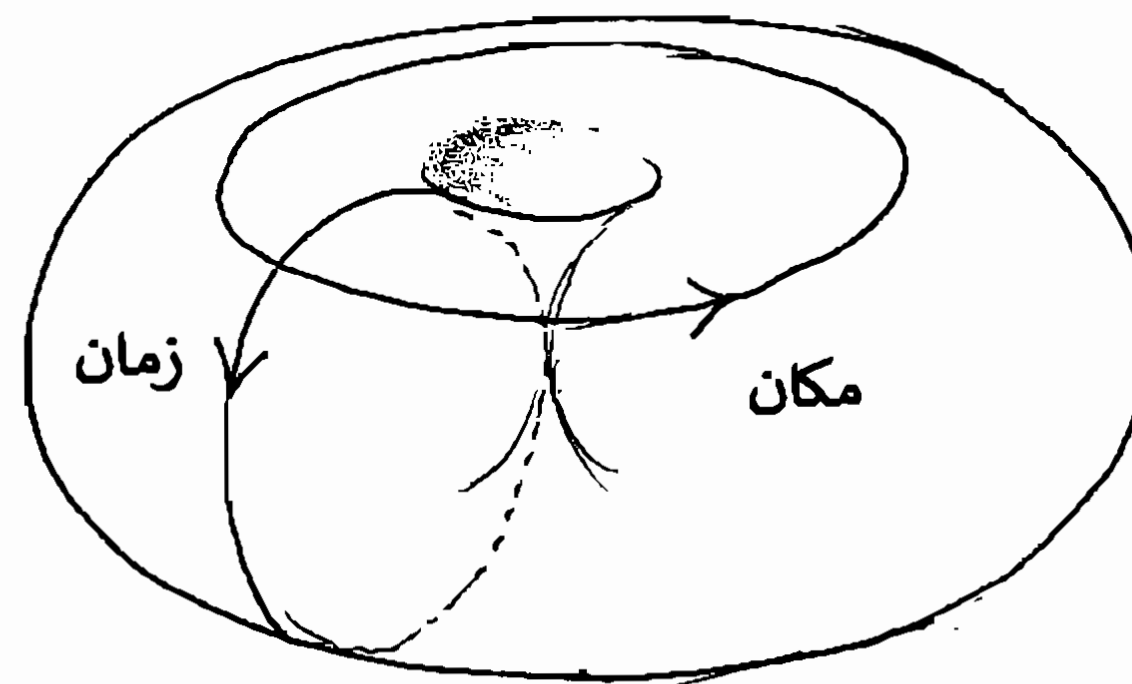




ماذا نعرف عن طوبولوجيا (\*) الفضاء الذي نعيش فيه؟  
نحن لا نعرف حتى هل هو لا نهائي أو مُغلق حول نفسه. نستطيع مثلا  
أن نتخيل زمكانا ذي بُعدين له طوبولوجيا نتوء مستدير ن2: T2



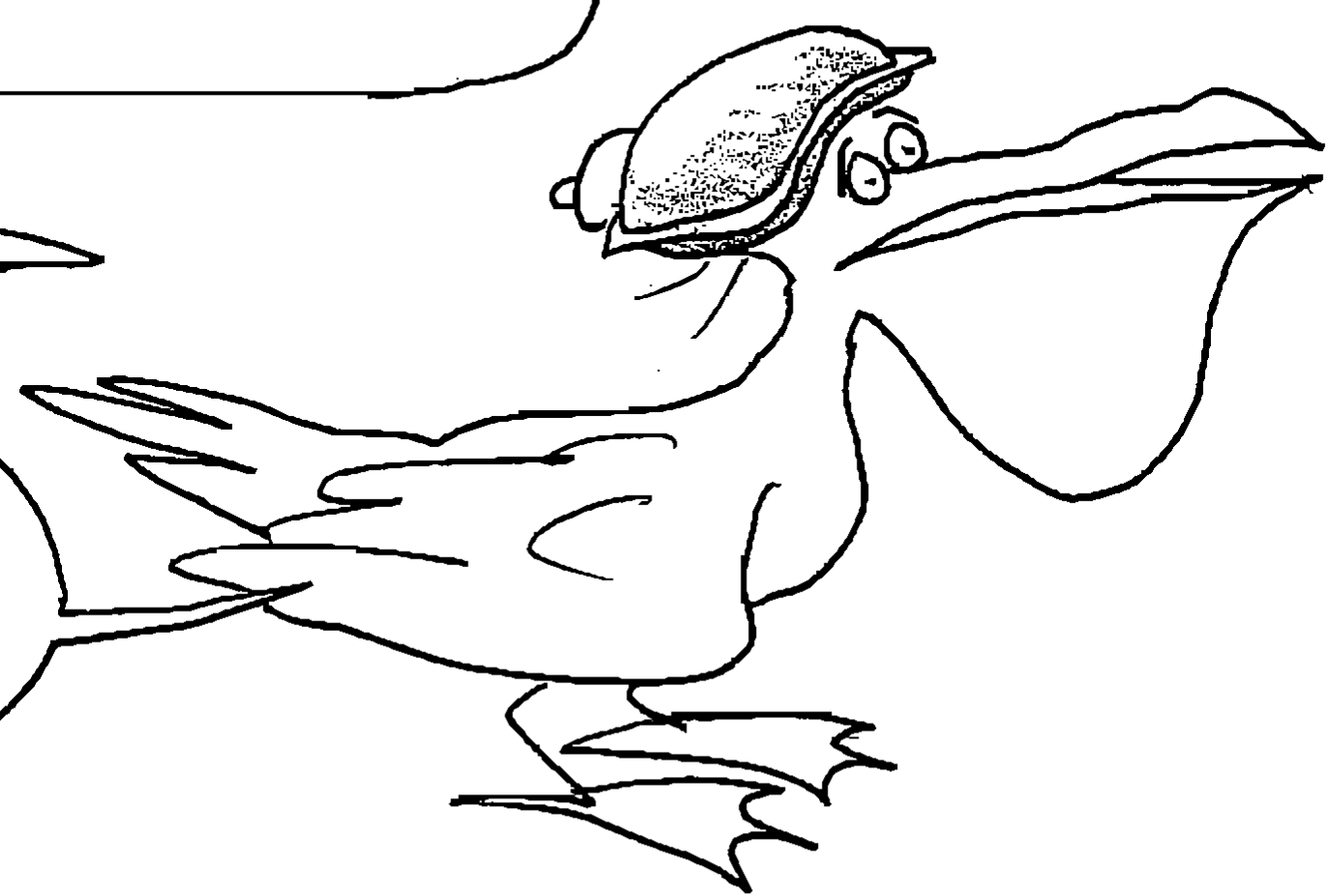
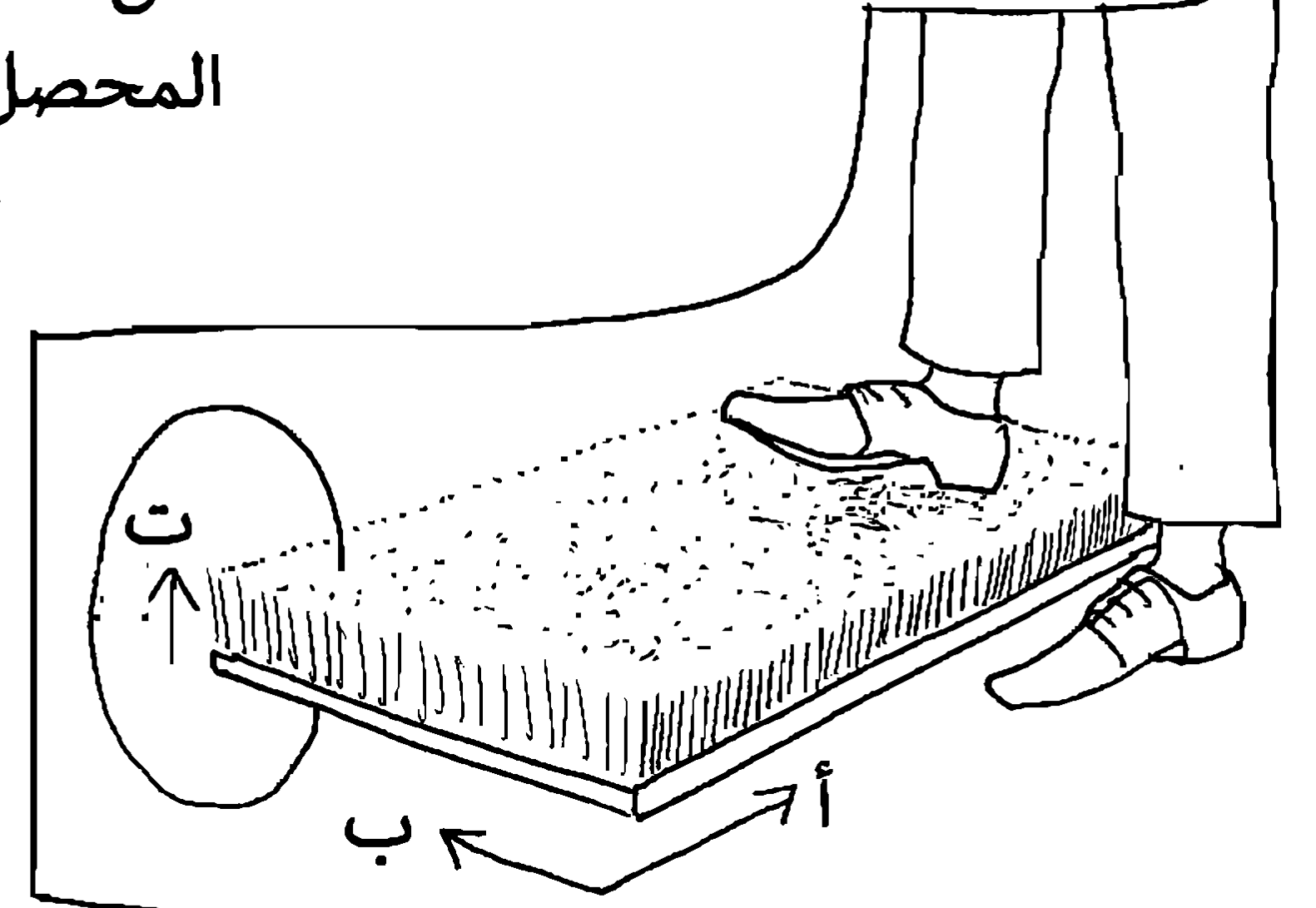
في كل نقطة من الدائرة، التي تمثل الزمن  $\varphi$ ، نُثبِتُ أو نرسم دائرة أخرى  $\theta$ ، والكل يُمثل  
بالنسبة لنا فضاءً مُغلقاً (\*\*). دائرة الحلق تمثل الانفجار العظيم والانهيال النهائي في آن واحد، دون تفرد أولي.  
في حالة ما إذا أضربنا على وجود تفرّدٍ. نستطيع أن نعمل على نتوء مستدير ذي دائرة حلق منعدمة.



(\*) طوبولوجيا: دراسة المجموعات المتغيرة التي لا تتغير طبيعة محتوياتها

(\*\*) نستطيع أن نختار دائرة زمن في أي نقطة من دائرة الفضاء (المكان) دون أية مشاكل.

أستطيعُ أن أضيفَ دائرةً جديدةً في زَمكاني ثُنائي الأبعاد، لأنشئُ نِتوءاً مستديراً ن3.  
سَنتحوّلُ إذن من فضاء ذي بعدين إلى آخر ذي ثلاث أبعاد، أي أننا قمنا بعملية حزم (\*) .  
تُمثل هذه الحَصيرةُ صورةً مُعبرةً عن هذا التحول من فضاء ثنائيٍّ إلى ثلاثيِّ الأبعادِ.  
لكل نقطة (أ، ب) لشيء في السطح المُستو نُقيم خيطاتٍ. الشيء الثلاثي الأبعاد  
المحصل عليه نسميه حزمة. علينا أن نتخيل عالماً حيث تنغلق ألياف الحصائر  
حول نفسها (وتصبح بالتالي غير صالحة للاستعمال). باختصار نستطيع  
أن نتخيل فضاءنا رباعي الأبعاد الذي نعيش فيه (ثلاثة تمثل الأبعاد  
وواحدة تمثل الزمن) نِتوءاً مستديراً ذي أربعة أبعاد ن4.  
نستطيع إعادة العملية مرة أخرى "زرع وانماء ليف جديد  
في كل نقطة" تنغلق حول نفسها. سنحصل إذن على نِتوءاً  
مستديراً ذي خمسة أبعاد ن5. تَتِمُّ حركات نقطتنا  
المادية النسبية في هذا الفضاء الخماسي الأبعاد.

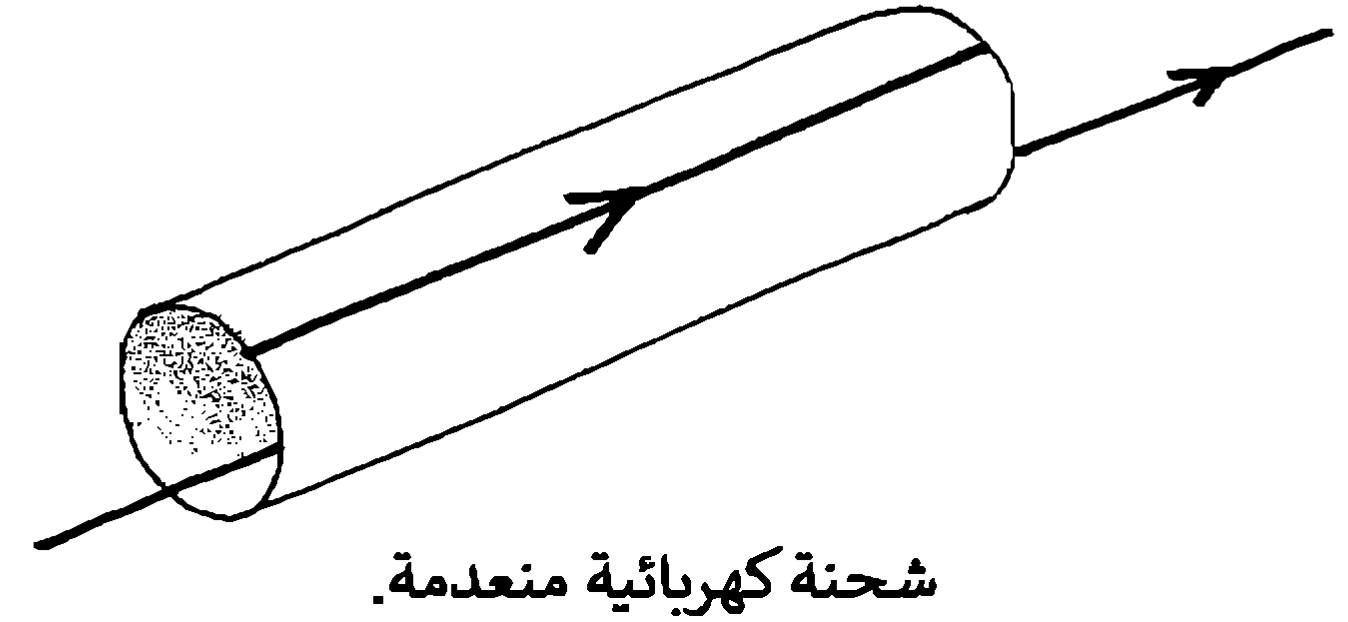
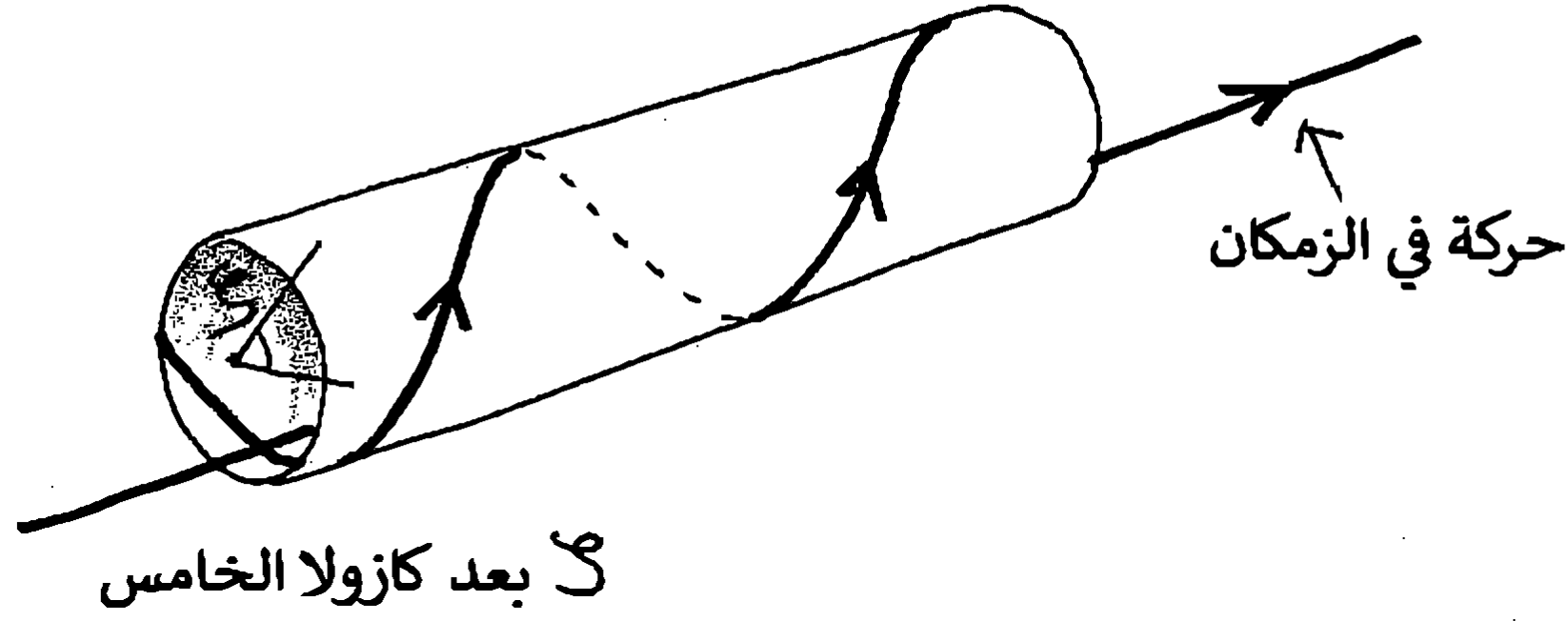


أَتَقُومُ بِجَمِيعِ هَاتِهِ الْحِسَابَاتِ  
الرياضية للوصول لهدف معيّن؟

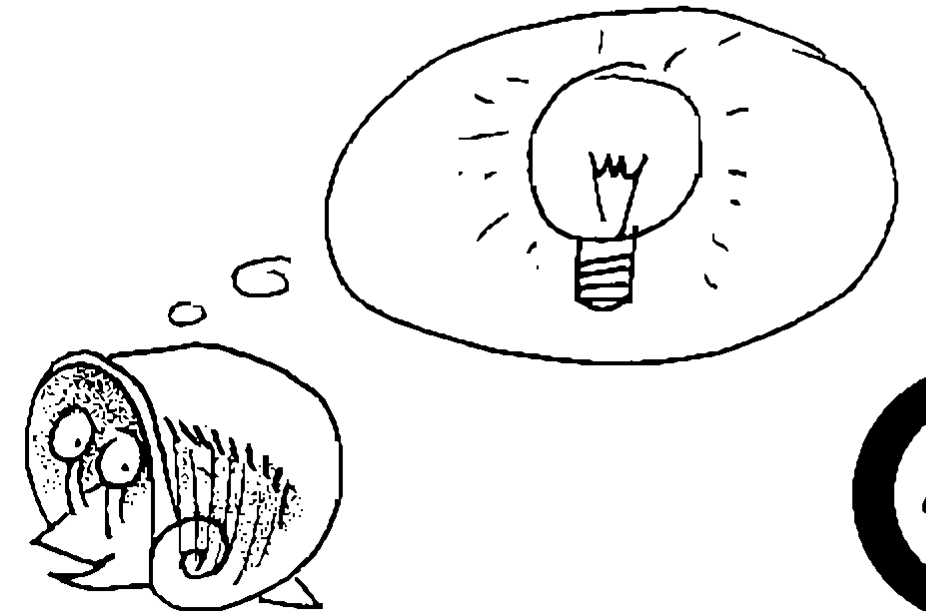
# فضاء كالوزا

نَعْرِفُ مُسَبِّقًا أَنَّ الْفِيْزِيَاءَ هِيَ الْهَنْدَسَةُ. إِنْ تَسْجِيلُ حَرَكَةِ جُؤْسِيمٍ مَا فِي سَطْحِ فَائِقٍ ذِي خَمْسَةِ أْبْعَادٍ يُعَادِلُ اعْتِبَارَ نَقْطَةِ مَادِيَةٍ نَسْبِيَةٍ مَشْحُونَةٍ كَهْرِبَائِيًّا بِشَحْنَةٍ ش. وَعَلَى اعْتِبَارِ هَذَا الْبَعْدِ الْخَامِسِ، الْمَسْمُومِي بَعْدَ كَازُولَا، مَغْلُوقٍ حَوْلَ نَفْسِهِ يَفْضِي إِلَى كَوْنِ هَذِهِ الشَّحْنَةِ لَا يُمْكِنُهَا أَنْ تَكُونَ سِوَى قِيَمٍ صَحِيْحَةٍ طَبِيعِيَّةٍ (الْكَمِّيَّةُ الْهَنْدَسِيَّةُ). نَسْتَطِيعُ أَنْ نَقْلُصَ أْبْعَادَ فُؤْءِ مَا إِلَى نَقْطَةٍ وَاحِدَةٍ. إِذْنِ، سَتَقْتَصِرُ حَرَكَةُ نَقْطَةِ مَادِيَةٍ نَسْبِيَةٍ مَشْحُونَةٍ كَهْرِبَائِيًّا إِلَى مُنْحَنِ لُولِبِي:

الإدارة.



آه، لقد فهمت. سَبَبُ الْمَنْحَى الْاَلْتِفَافِي فِي الْمَنْحَنِ الْوَلْبِي هُوَ الشَّحْنَةُ الْكَهْرِبَائِيَّةُ.



طبعاً، خَلْفَ كُلِّ هَنْدَسِيَّةٍ،  
مَجْمُوعَةٌ تَابِعَةٌ. (\*)

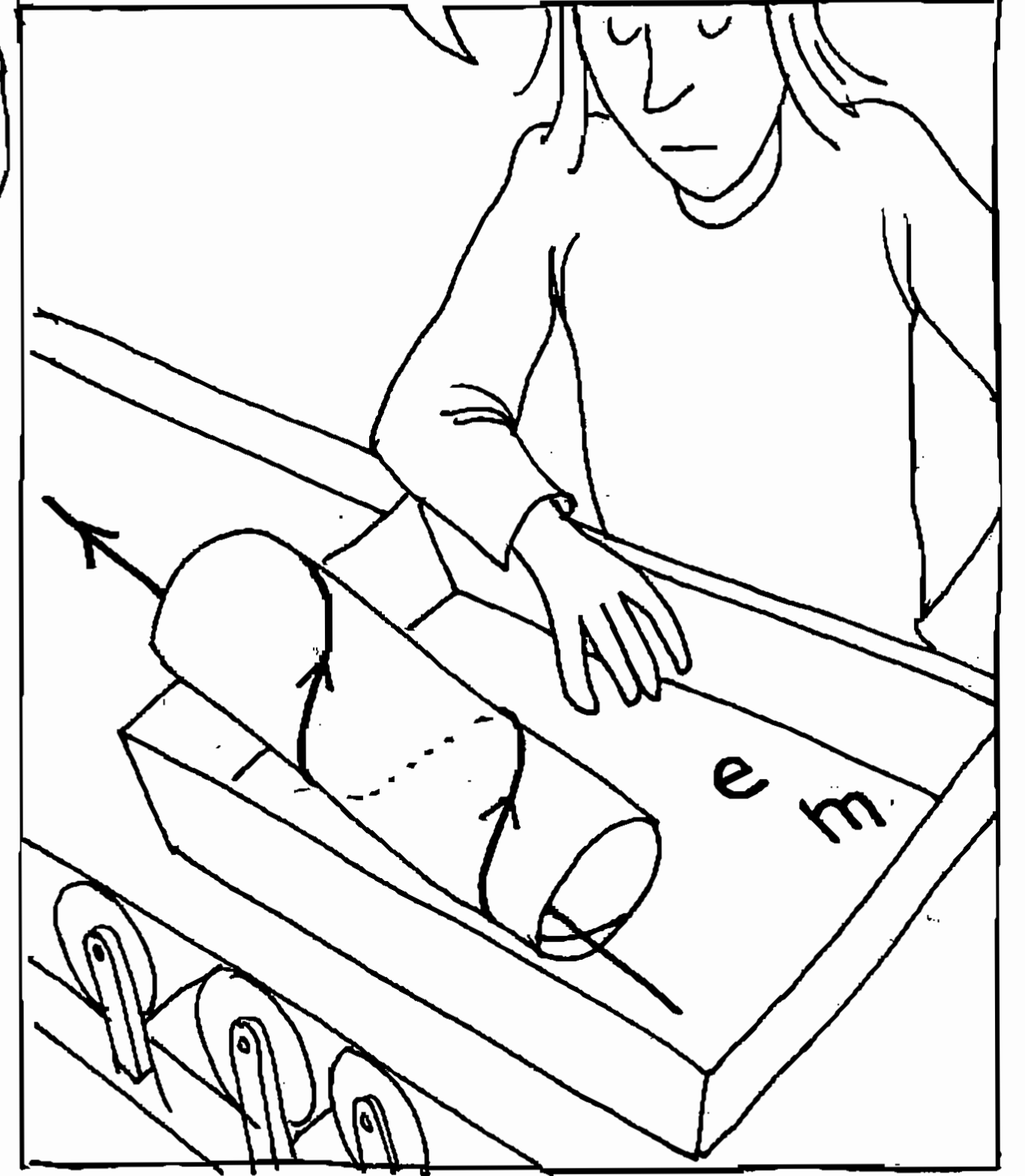
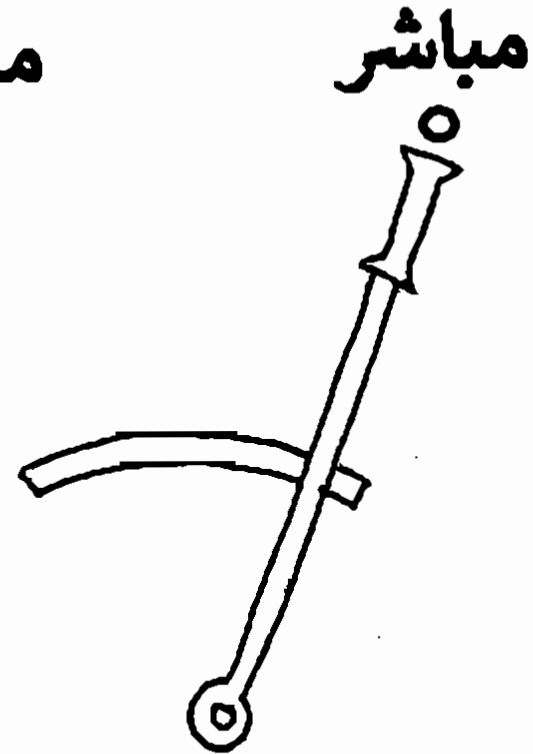
أليست هناك أي مجموعة  
خلف كل ذلك؟

حسنًا سأدخل الحركة التالية:  
الكتلة  $m$  والشحنة  $e$ .

لَدَيْنَا هُنَا ذِرَاعٌ يَسْمَحُ بِعَكْسٍ مَنْحَى دُورَانِ اللُّوْلِبِ.  
لنرى تأثيره على الكتلة والشحنة.

□ أورتوكرون  
□ ريتروكرون

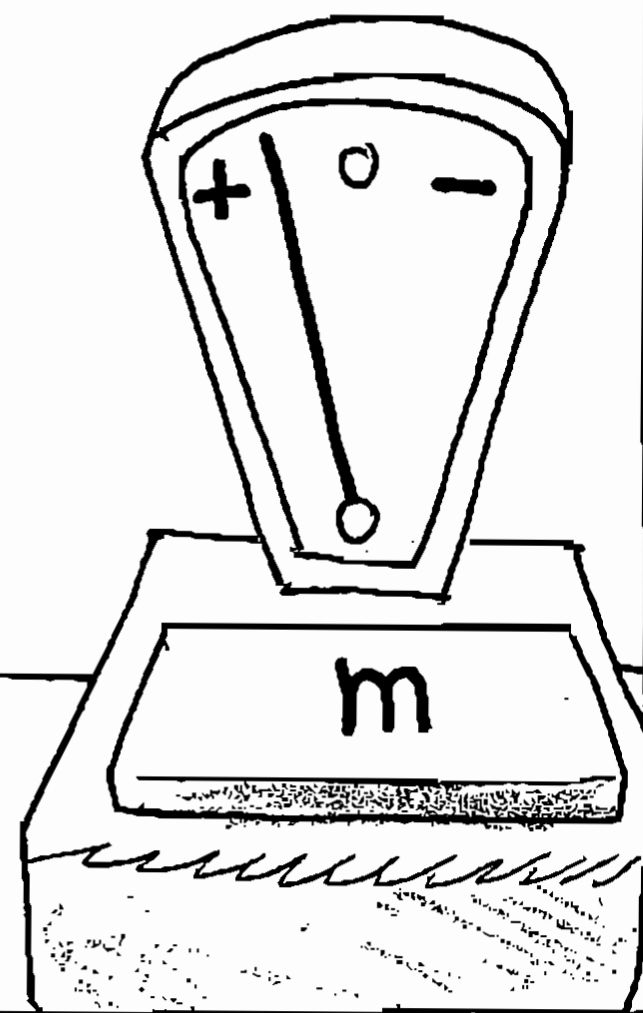
مباشر  
معاكس



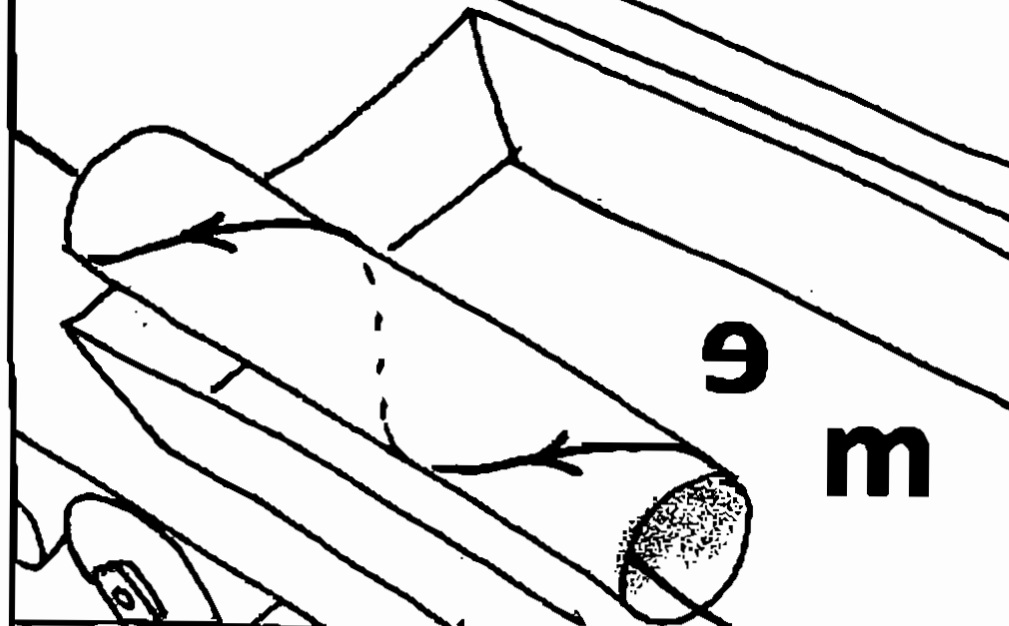
لم تتغير الكتلة، بينما انعكست الشحنة.

$$e = -e$$

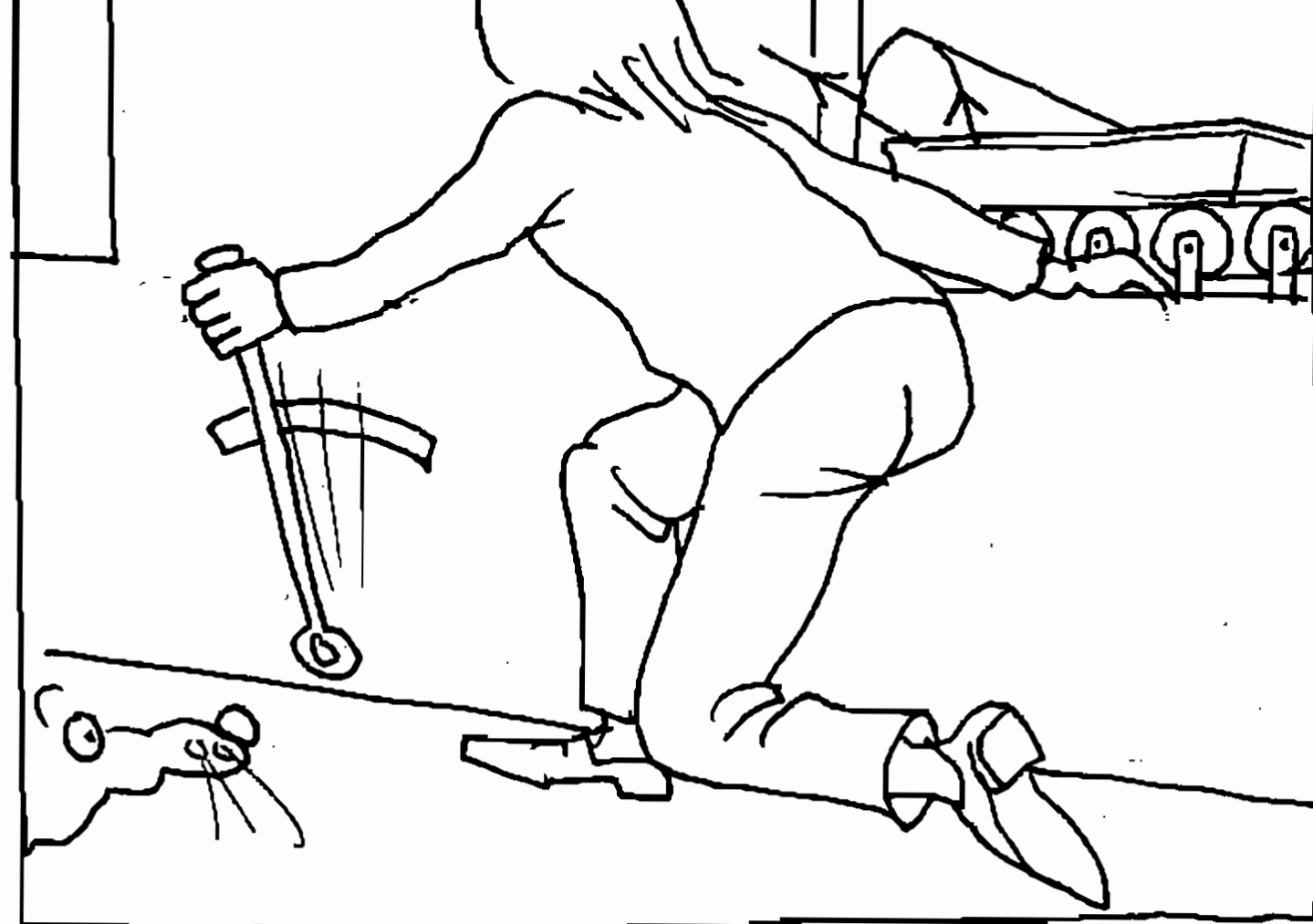
$$m = m$$



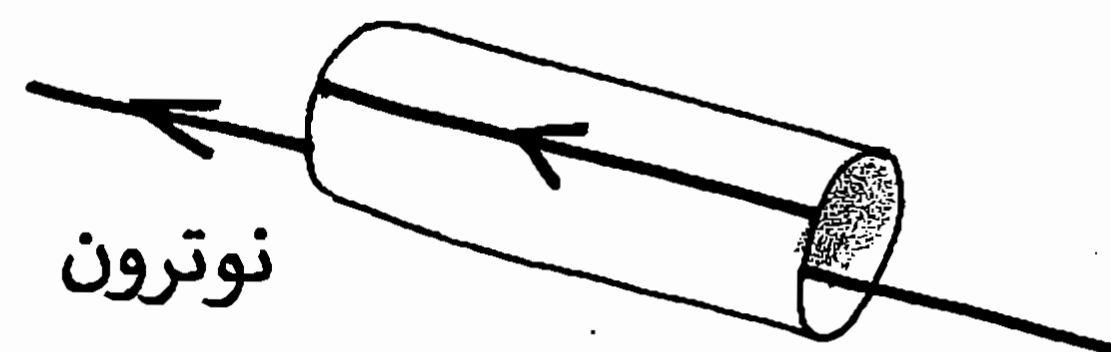
ها هي النتيجة.



هيا، لنحاول.



يُذكرنا إنعكاسُ الشحنة بالتَّحول: مادة ← مضاد المادة. ولكن حسب هذا النموذج التخطيطي، فسيكون النوترون ذي الشحنة المنعدمة هو نفسه مضاد مادته وهذا أمر غير صحيح. تملك الجسيمات، في الحقيقة، في بطاقة تعريفها الخاصة عددا من الشحنات الكميّة (هادرونية ولبتونية... إلخ) وتدخل الشحنة الكهربائية ضمن هذه المجموعة من الشحن. تحوّل جسيم إلى جسيمه المضاد يقتضي عكس جميع هذه الشحن الكمية ومن ضمنها الشحنة الكهربائية، إن لم تكن منعدمة. ما يجب أن نتذكره هو أن الشحن تنعكس، بينما الكتلة لا تتغير.



المهم هو أن لِمُضَادِ المادة كُتلة مُوجبة.

لمذا لا نُضيف أبعادًا جَدِيدَةً حتى نُظهر جميع أوجه الجسيمات؟



من السَّهْل قَوْلُ ذلك، قد تجد الحل عند أصحاب نظرية الحبال.  
نجحت الإلكترومغناطيسية والشُّحن الكهربائية مع البعد الخامس فقط.  
ولكن، بما أن البعد الخامس ينعكس تلقائيًا عندما نشرع في التماثل الحُملي (\*)  
التي يمكن أن نمثلها كصورة هندسية ملائمة للتماثل مادة-مادة مضادة.

إذن لكل جسيم مُضاده الخاص، فحتى لو كانت شحنته الإلكترونية منعدمة فيتبقى  
له أحماله الكَمِّيَّة التي يمكن ان يعكسها التماثل الحُملي.

الحالة الخاصة الوحيدة هي الفوتون.

لمذا؟

لأن جميع أحماله الكَمِّيَّة مُنعدمة.

بَلا، طاقتَه (\*) :  $E = h \times \nu = h / \tau$

ولكن، ماذا تبقى له؟ لا شيء؟

□ أورتوكرون

□ ريتروكرون

معاكس

مباشر

حسنا، ما هي النتيجة؟

لنرى ما في جُعبه هذه المجموعة.  
هذه المرة، سأعكس مَنحى مَسار  
هذا البُعد الخامس ومَنحى مَسار  
الزمن أيضا.

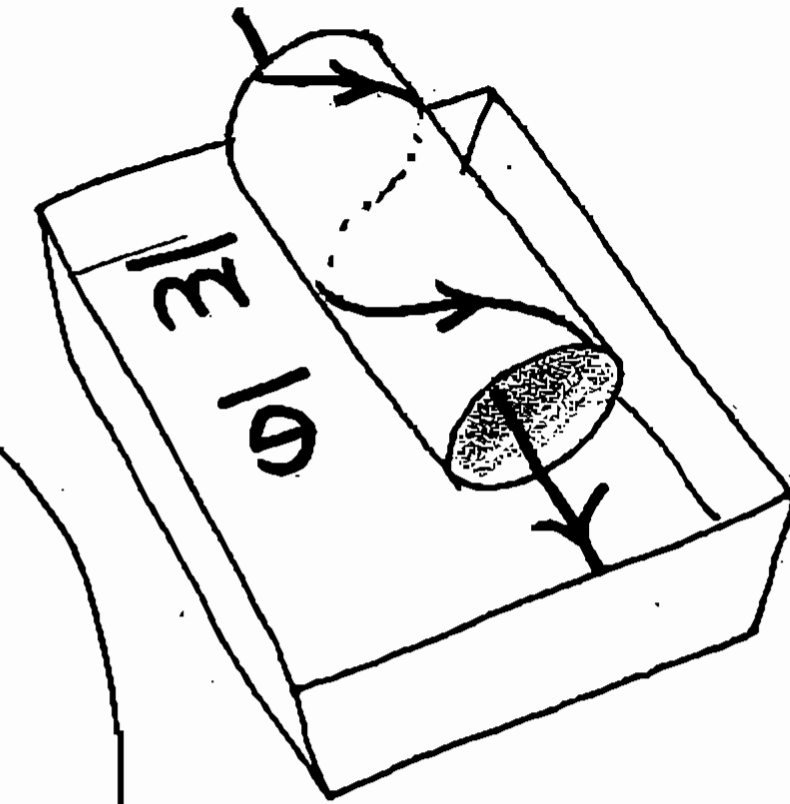
لا يوجد شيء يُوقف  
عزيمة هذا الولد.

شحنة معكوسة  $\bar{m}$  وكتلة معكوسة  $\bar{e}$  أيضا.  
معنى هذا اننا حصلنا على مضاد المادة ذي كتلة  
وطاقة سالبين. أي أن التناظر مادة-مادة مضادة موجود  
أيضا في عالم الكتل السلبية. حسنا ماذا بعد هذه الكتل والطاقات  
المعكوسة، كيف تبدو هذه المادة الأخرى؟

خلاصة: سنجد هذه الازدواجية مادة-مادة مضادة  
في عالم الطاقات السلبية أيضا، حيث تستطيع مادة سلبية  
أن تلغى مع مضادها، ونفس الشيء بالنسبة للكتل السلبية وينتج  
عنها فوتون ذي طاقة سالبة.

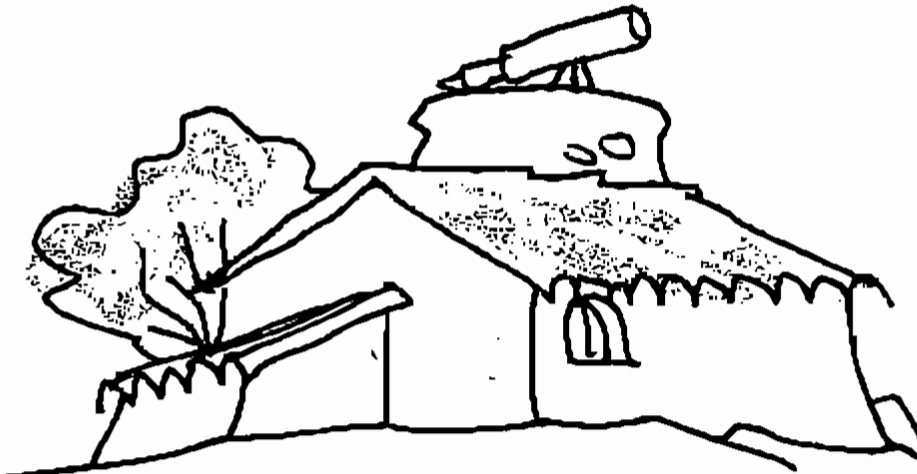
حسناً... حسناً، نحن نسيحُ في عالم الخيال وأنا أوافقك على كل  
شيء. ولكن، كيف تبدو هذه الجسيمات ذات الطاقة السالبة؟

سنجد بروتونات  $\bar{p}$  وإلكترونات  $\bar{e}$   
ونوترونات  $\bar{n}$  ونيوترونات  $\bar{\nu}$  إلخ.  
وكلها ذات طاقة سالبة.





هيه، أنت... توقف!

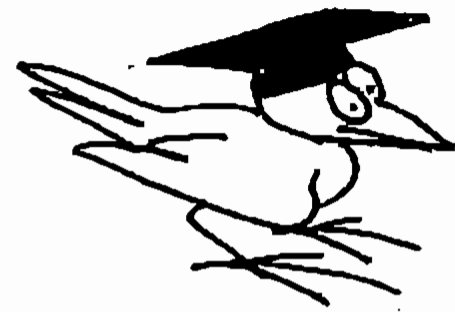


حسنا، ماذا سنفعل  
الآن؟

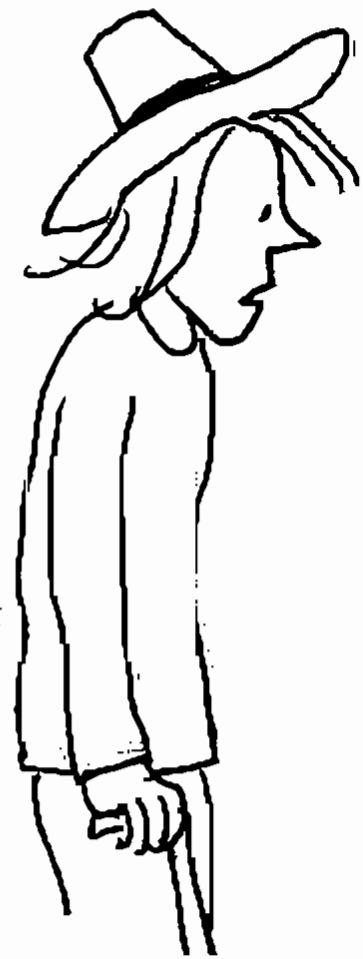


أنت من عليه  
أن يُجيب

ياه، فيزيائيون نظريون...



عليك أن تخضع لِفحص الإرهاب المَعْرِفي. ضع حقيبتك  
على حزام التوصيل. هل تحمل سلع محظورة أو ممنوعة؟





حصلنا على جوابٍ أوّل: السير إلى الخلف في الزمن ما هو إلا امتلاك كتلة وطاقة سالبين.

كيف كانت الرحلة؟

أنا سعيد بمعرفة ذلك. ولكن ما معنى السير في المنحى ماضي-مستقبل؟

معناه أن طاقتك إيجابية ببساطة.

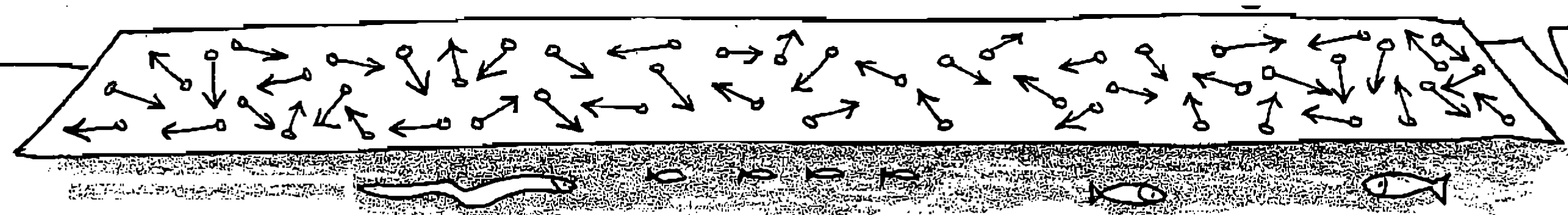
آآآه....

يبقى أن نصنع نموذجا كونيا يمتلئ فيه الفضاء بكتل موجبة وسالبة. إذا تخطت كثافة المادة السالبة مثلتها الموجبة، لسبب ما علينا دراسته، فسينتج عن ذلك تسارعٌ. هذه هي إذن هذه الطاقة السوداء العجيبة.

لنأجل هذا النقاش لوقت لاحق ولنفحص سلوك هذا الكون ذي الأهالي الموجبة والسالبة.

# شرح المياكل العملاقة.

لقد سبق أن تكلمنا في ألبوم ألف مليار شمس (1986) ظاهرة أساسية في علم الفيزياء الفلكية: "عدم الاستقرار الجاذبي" أو "عدم الاستقرار جين" (الصفحات 12 إلى 23)، سوف نستعيد الفكرة مع تغيير طفيف في النموذج. ستمثل المادة بكترات رصاصية متناثرة فوق سجاد واسع، رخو ومرن، مغطى بطبقة من الماء. تتحرك هذه الكريات بحرية فوق هذا السطح بسرعة عشوائية أي سرعة التحريض الحراري لهذا الوسط الثنائي الأبعاد.

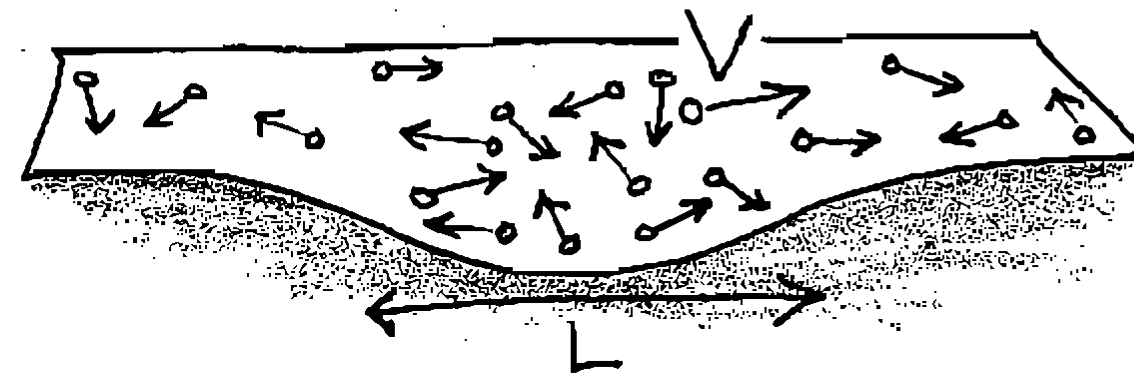


عندما يحصل تجمّع وتكثف محلي للمادة، فهي تجذب المادة المجاورة (ظاهرة التراكم). زمن نمو هذه النطفة هو زت:  $\frac{1}{\sqrt{\rho}}$ ، حيث تمثل  $\rho$  الكثافة.

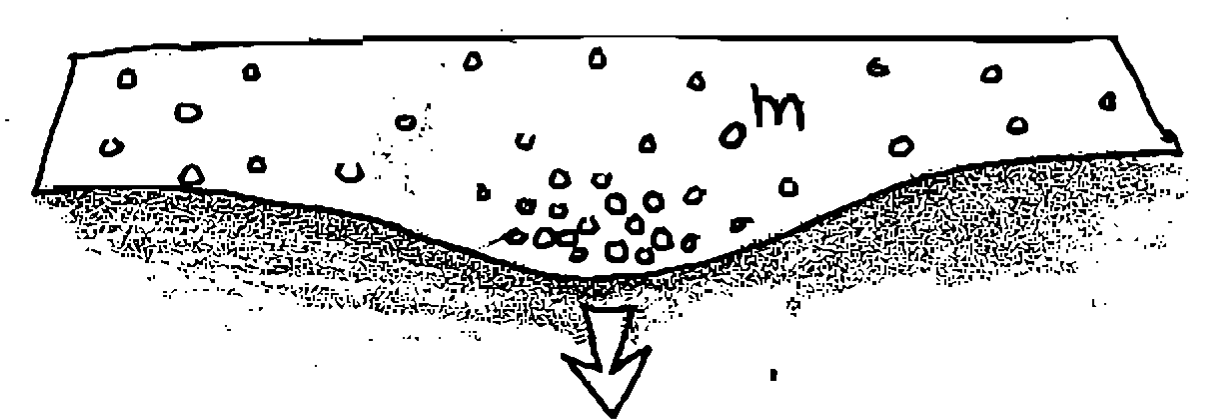
بالمقابل ستؤول هذه الكتلة للزوال والاندثار

$$t_d = \frac{L}{v}$$

في الزمن زت:  $\frac{L}{v}$



$$t_d = \frac{L}{v}$$

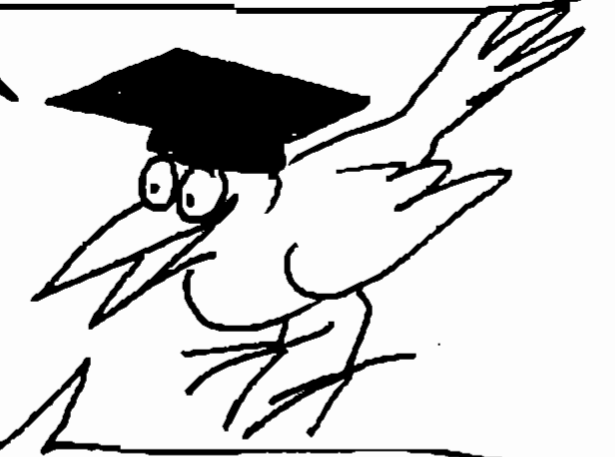


$$t_a = \frac{1}{\sqrt{4\pi G \rho}}$$

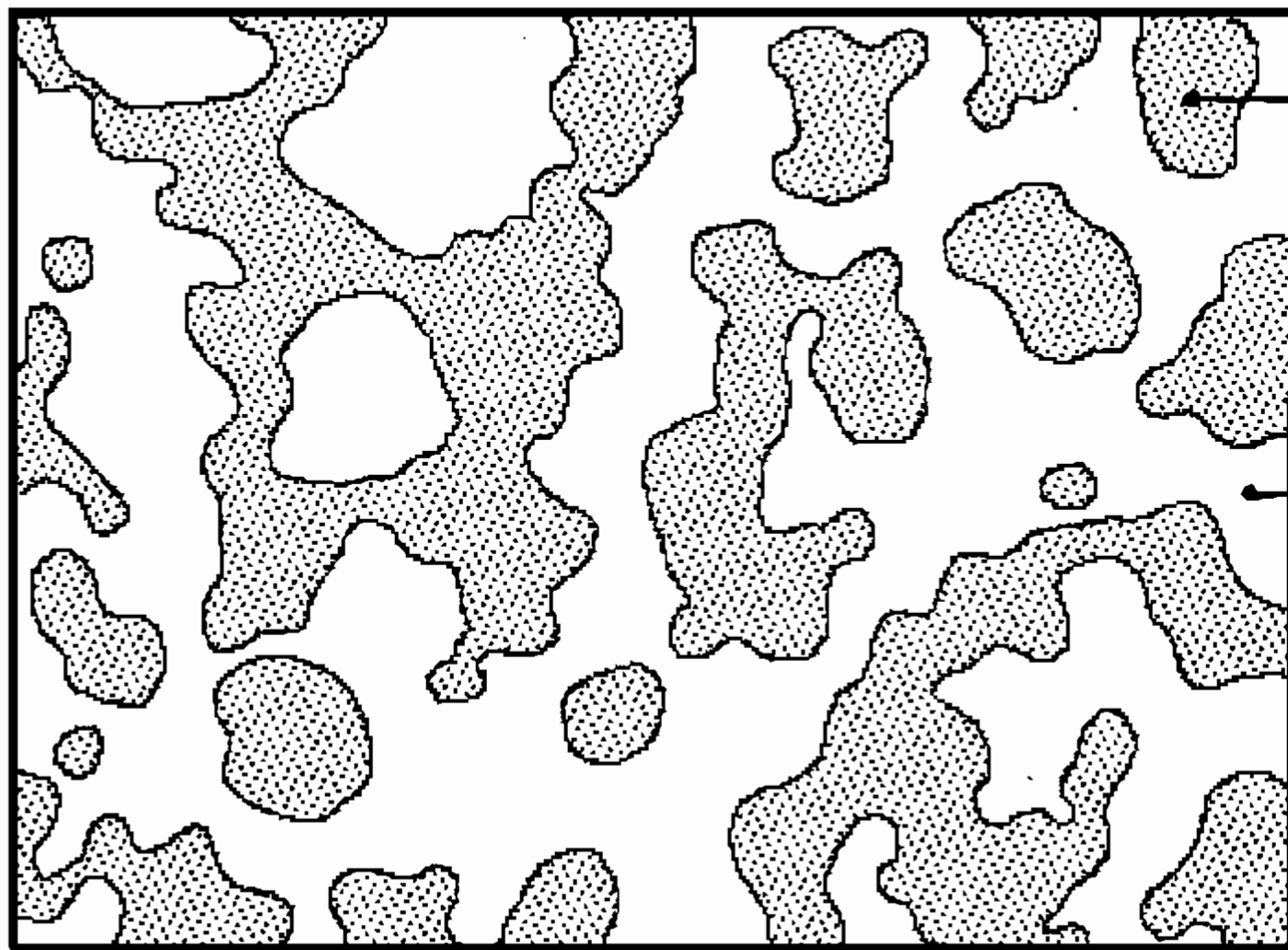
الحرارة المطلقة معرفة حسب المعادلة التالية:  $\frac{3}{2}kT = \frac{1}{2}mV^2$ ، حيث  $k$  هو ثابت بولتزمان ( $1.38 \times 10^{-23}$  MKSA)



سَتَظْهَرُ الْكُتْلُ الَّتِي تَمْتَلِكُ قَطْرَ جِينِ (\*)،  
وَبِرُوزِهَا، إِحْصَائِيًّا، أَرْجَحُ وَأَكْثَرُ اِحْتِمَالًا  
مِنَ الْكُتْلِ الْأَكْبَرِ حَجْمًا.



بِمَا أَنَّ الْكُتْلَ السَّالِبَةَ تَتَجَادَبُ فِيهَا بَيْنَهَا فَسْتُكُونُ وَتُشَكِّلُ كُتْلَهَا الْخَاصَّةَ. وَإِذَا انْطَلَقْنَا مِنْ وَسْطِ مَا  
بِهِ كُتْلٌ مُوجِبَةٌ وَسَّالِبَةٌ ذَاتِ نَفْسِ الْكثَافَةِ وَنَفْسِ التَّحْرِيزِ الْحَرَارِيِّ، فَسَتَقَاسِمُ هَذِهِ الْأَخِيرَةُ الْفَضَاءَ  
الْمَتَّاحَ لِأَنَّهَا سَتَتَنَافَرُ فِيهَا بَيْنَهَا.

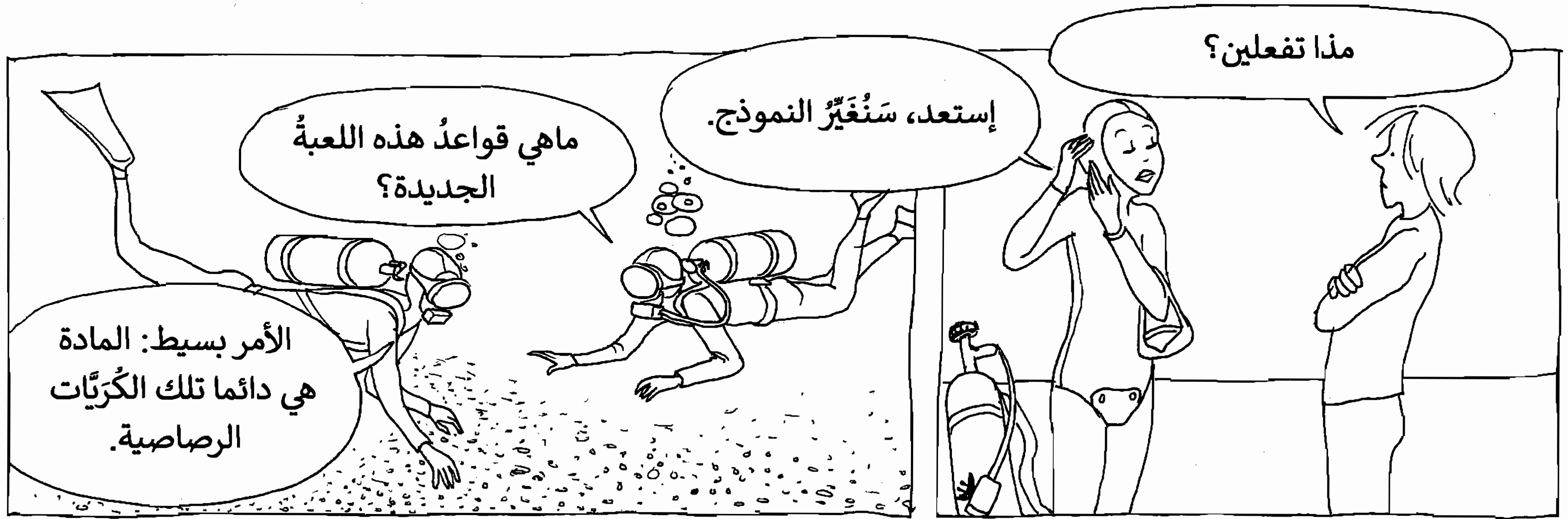


مادة ذات كتلة موجبة

مادة ذات كتلة سالبة

كَمَثَلِ أَنْاسٍ لَا يُطِيقُونَ  
بَعْضَهُمُ الْبَعْضَ.





ماذا تفعلين؟

إستعد، سَنُغَيِّرُ النموذج.

ماهي قواعدُ هذه اللعبةُ الجديدة؟

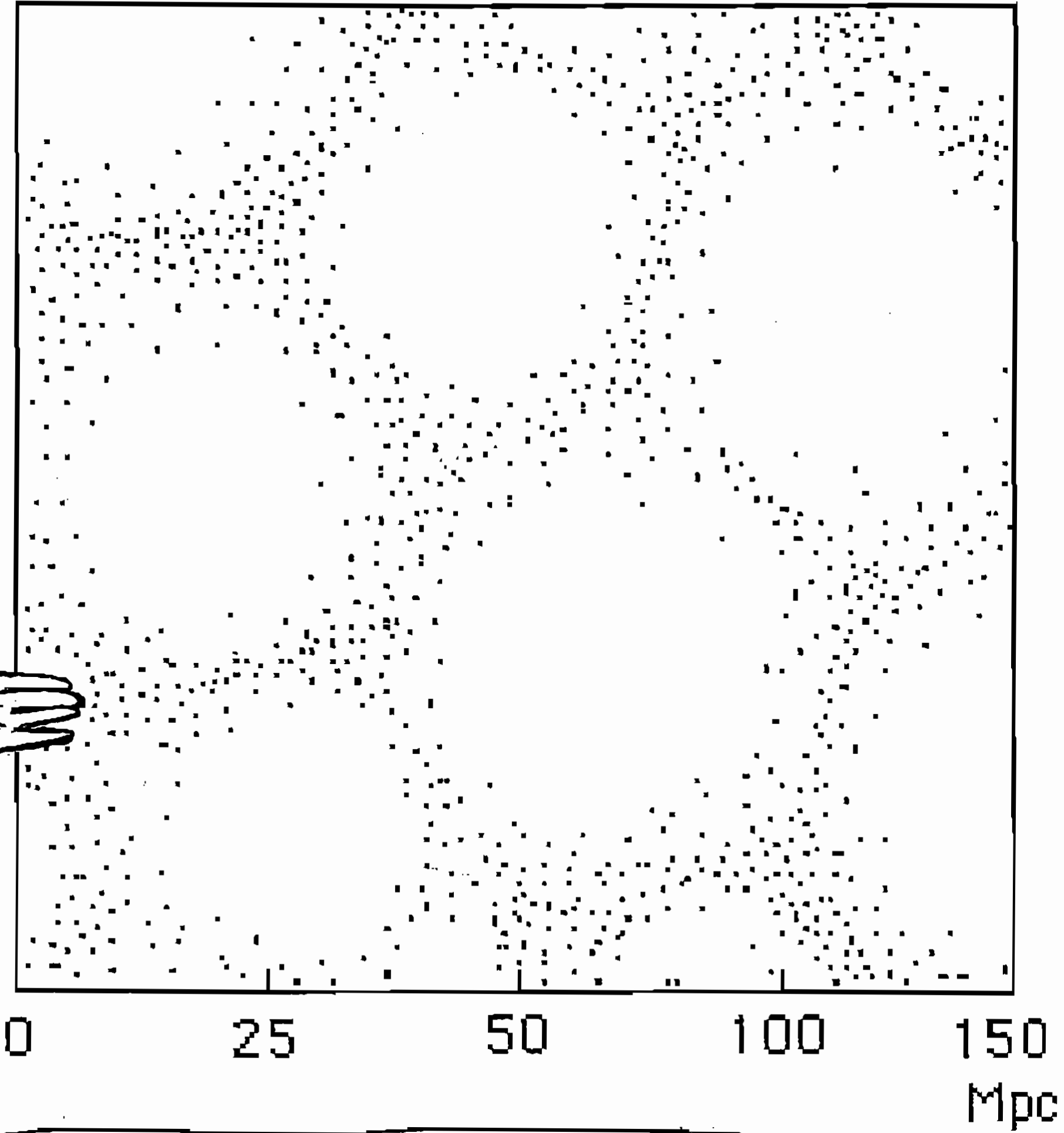
الأمر بسيط: المادة هي دائما تلك الكُرَيَّات الرصاصية.

من الواضح أن المادة تنتشر وتتوزع بين هذه النتوءات التي تبدو وكأنها تظهر من أي مكان.

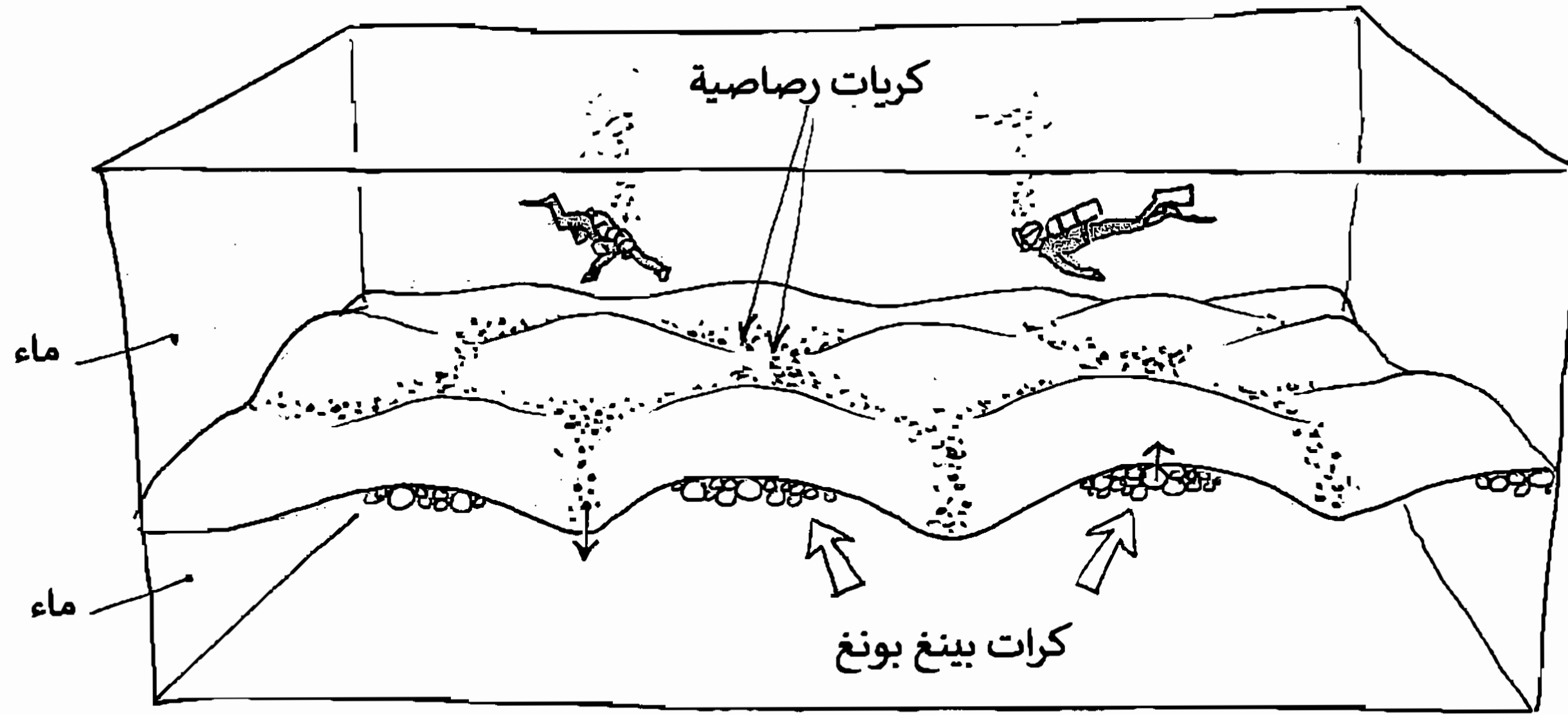
وكان شيء ما قد رفع السطح.

إن التجمع الثاني، الأهالي ذوي الكتل السالبة، هو المسؤول عن انتشار المادة في هذا النوع من الأودية، في المناطق المنخفضة.

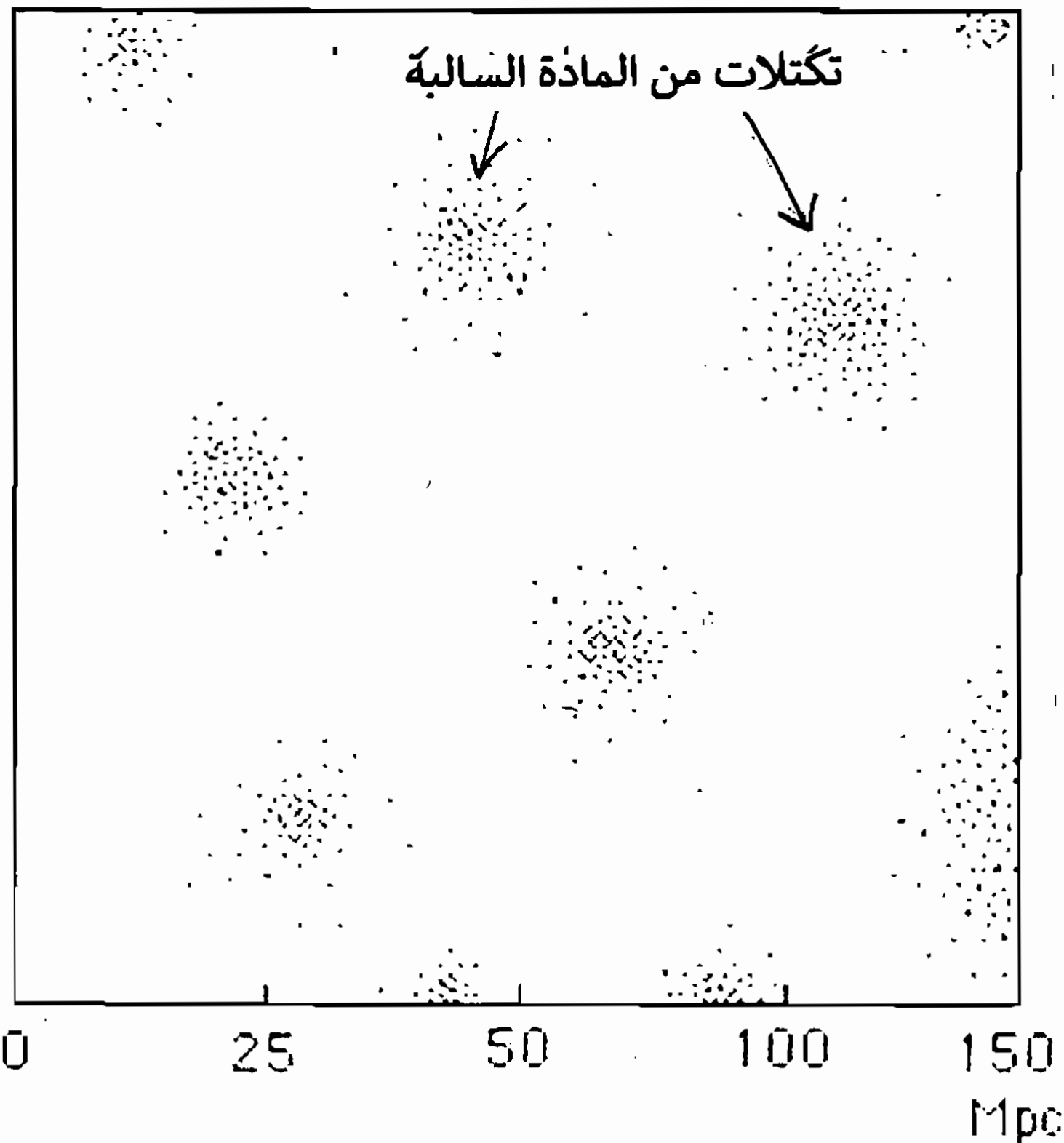
إنه منظر جميل جدًا.



قُطر كل عُقدة في هذا البيان التخطيطي  
يَناهِز مائة مليون سنة ضوئية.



الهدف من هذا النموذج هو توضيح مفهوم عدم الاستقرار الجاذبي المشترك الذي يهيم خليطا من الكتل الموجبة والسالبة وذلك عندما تكون كثافة الكتلة السالبة  $\rho$  أهم وأكبر.

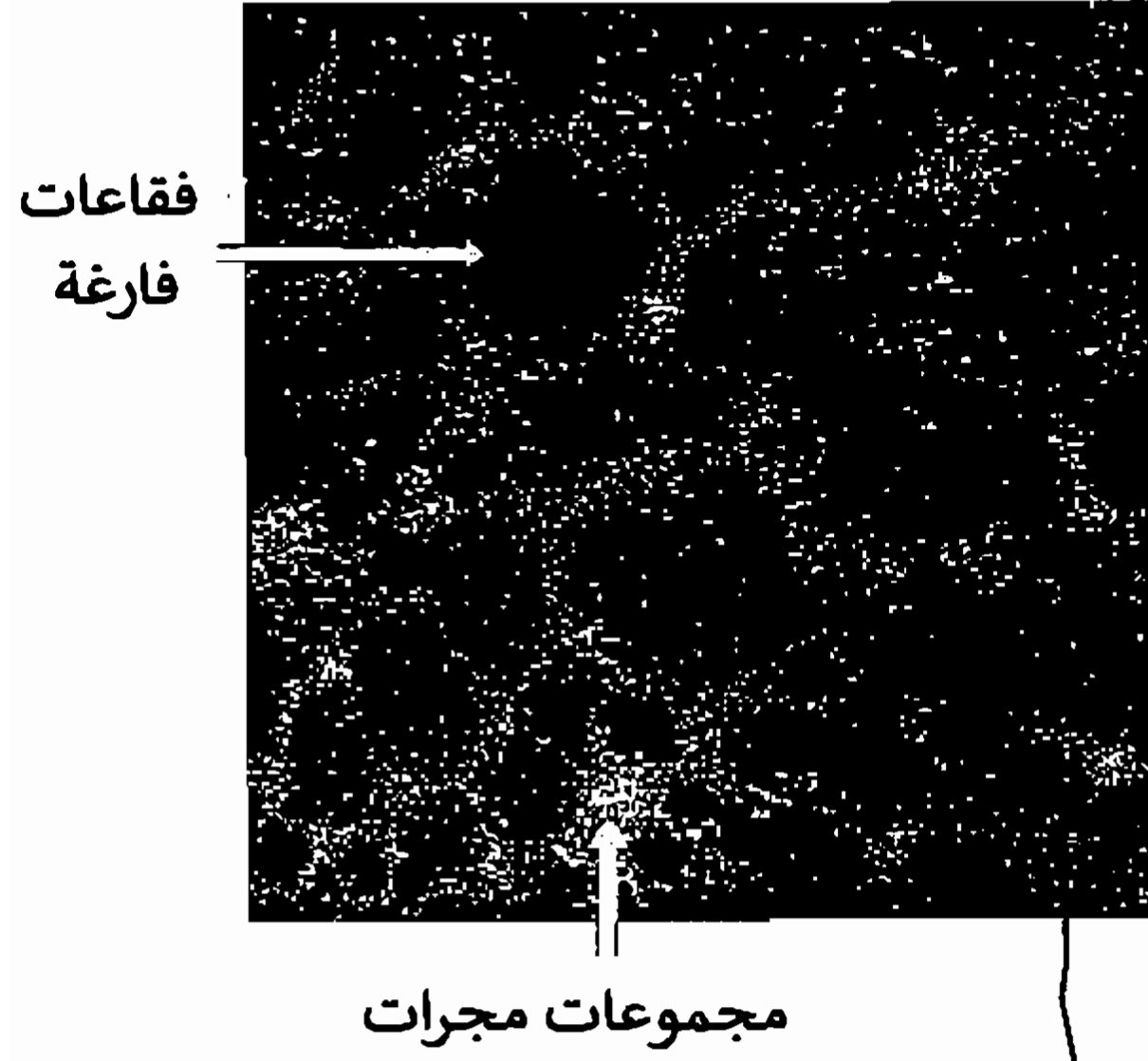


سَتَشَكُّلُ تَكْتَلَاتِهَا بِشَكْلٍ أَسْرَعَ وَتَتَفَرِّضُ هَيْكَلَهَا فِي الْكَوْنِ عَلَى نِطَاقٍ أَوْسَعِ. الْغِشَاءُ الْمَطَاطِي يَذَكِّرُنَا بِاسْتِحَالَةِ رُؤْيَيْهَا مِنْ طَرَفٍ مَلَاخِظٍ يَنْتَمِي لِلْكَتْلِ الْمَوْجِبَةِ. فِي الْأَسْفَلِ عَلَى الْيَسَارِ هَذَا مَا سِيرَاهُ مَلَاخِظٌ يَنْتَمِي لِلْكَتْلِ السَّالِبَةِ وَالَّذِي لَنْ يَشَاهِدَ مَادَّتَنَا الْخَاصَّةَ، لِأَنِّي سَتَكُونُ خَارِجَ نِطَاقِ الرُّؤْيَةِ، وَالَّتِي سَتَتَوَزَعُ بِطَرِيقَةٍ غَيْرِ كَامِلَةٍ عَلَى شَاكِلَةِ فِقَاعَاتِ الصَّابُونِ الْمَجَاوِرَةِ حَوْلَ الْفَرَائِغَاتِ الَّتِي قَطْرُهَا مِائَةٌ مِليُونِ سَنَةِ ضَوْئِيَّةٍ.

لقد أُنجِزَتْ فِي 1992 مُحَاكِمَاتٌ رَقْمِيَّةٌ لِخَلِيطٍ مِنْ مَادَّتَيْنِ أَعْطَتِ نَتَائِجَ وَصُورَ تَوَافِقَ مَا تَمَّ رَصْدُهُ وَمَشَاهِدَتُهُ، بَيْنَمَا نَتِجُ عَنِ النَّمُودِجِ الْكَلَّاسِيكِيِّ، رَغْمَ إِضَافَةِ قُوَّةِ الْمَادَّةِ الْدَاكِنَةِ السَّلْبِيَّةِ، شَكْلًا خَيْطِيًّا لَا يُوَافِقُ مَا تَمَّ مَشَاهِدَتُهُ.



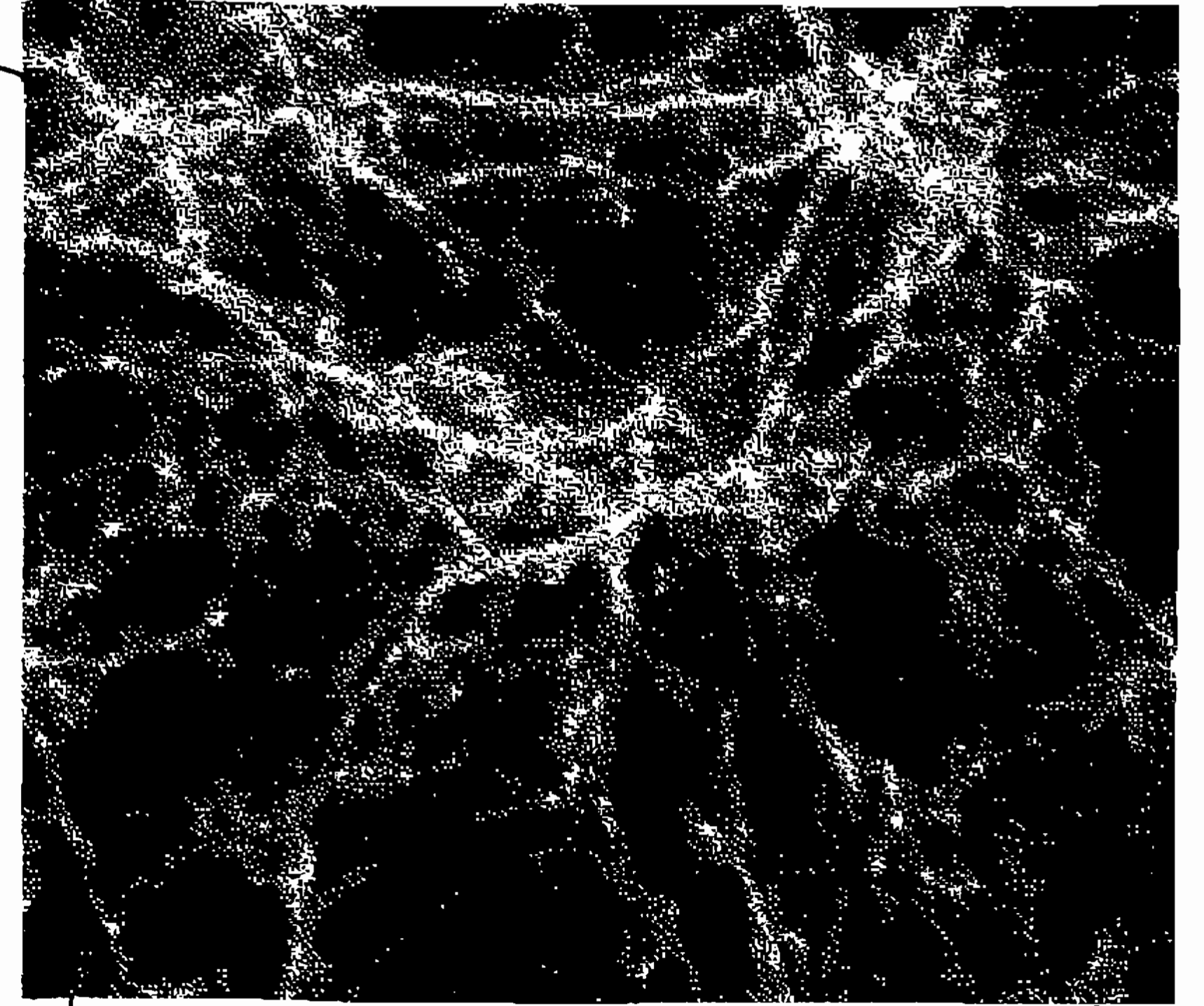
# السريالية العلمية



في الأعلى على اليسار: الجزء المرئي من الكون، ويتضح فيه المظهر الفراغي عاما بعد عام.

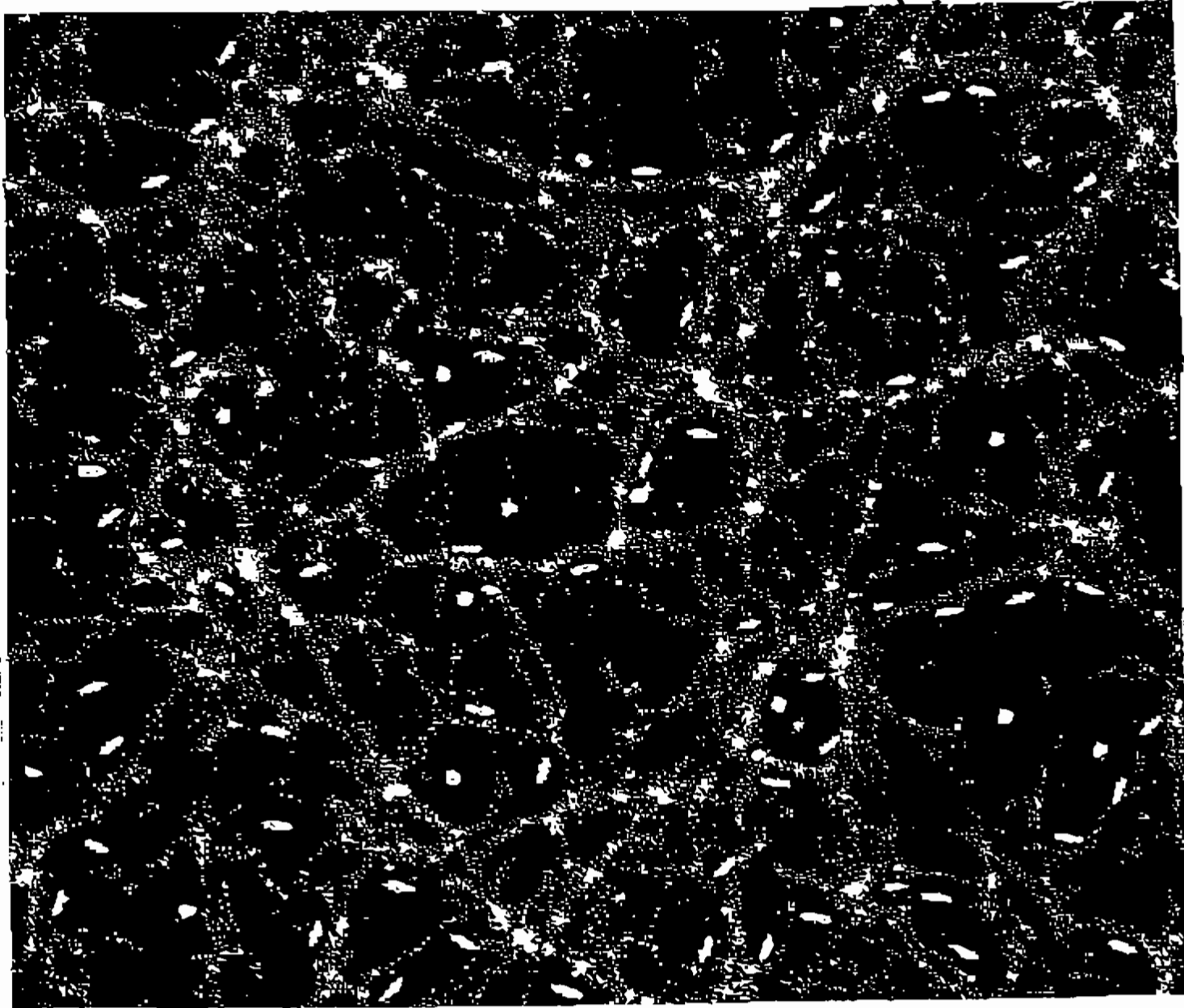
في الأسفل على اليسار: الجزء غير المرئي من الكون، المستنتج من فك شيفرة التأثير الجزئي للعدسة الجاذبية.

في الأعلى على اليمين: نتائج محاكات المادة الداكنة الباردة وهي توافق تماما الملاحظات الثانية ولكن ليس ما نراه.

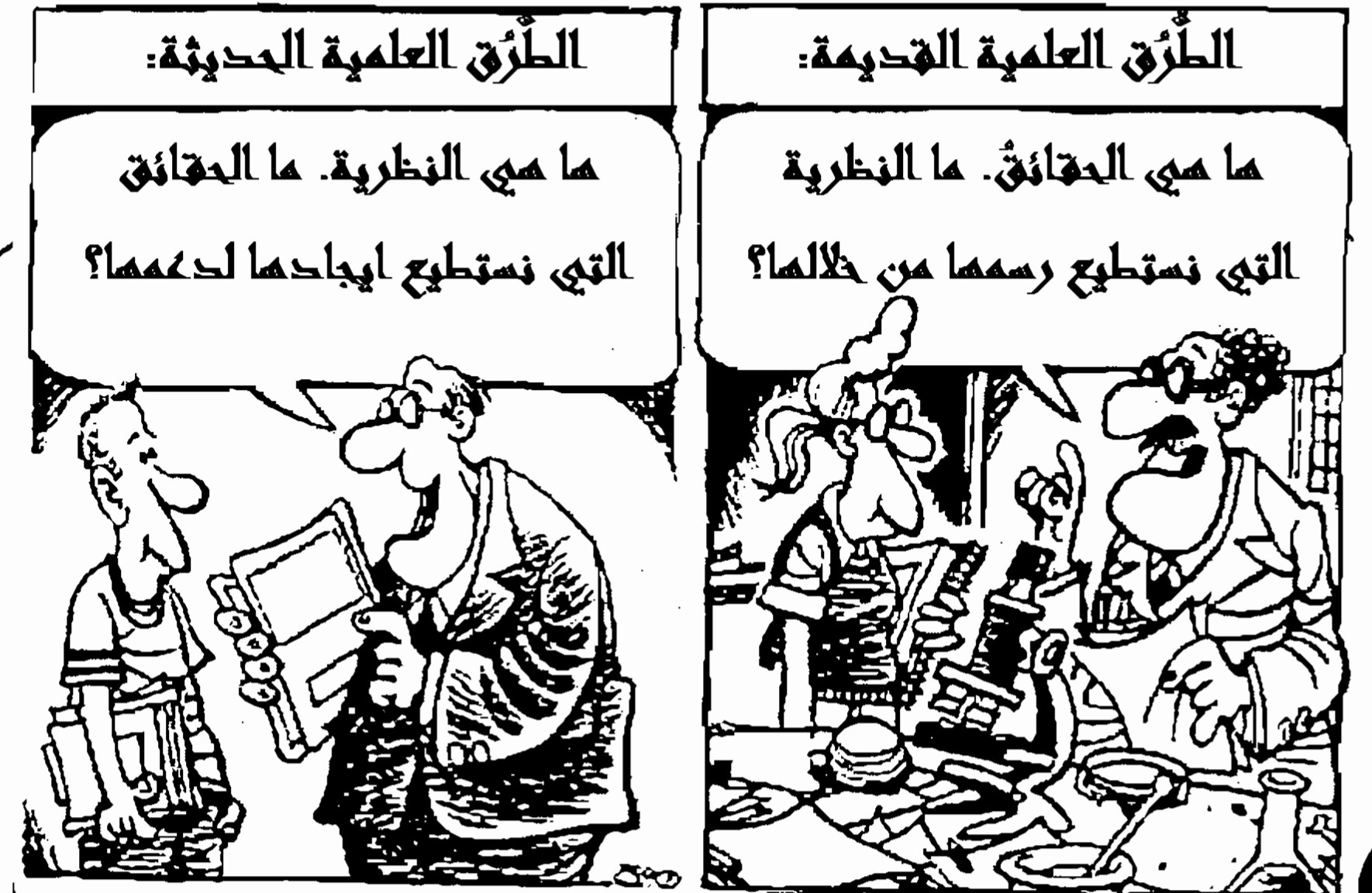


محاكات: الكون عندما كان عمره ملياري سنة.

لم يتبق لنا سوى رسم خارطة الطاقة السوداء.

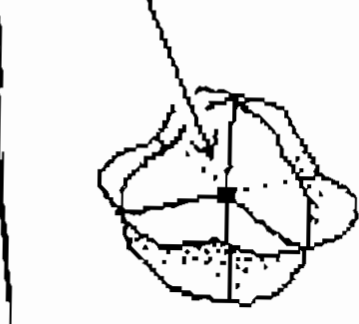


خارطة المادة المظلمة

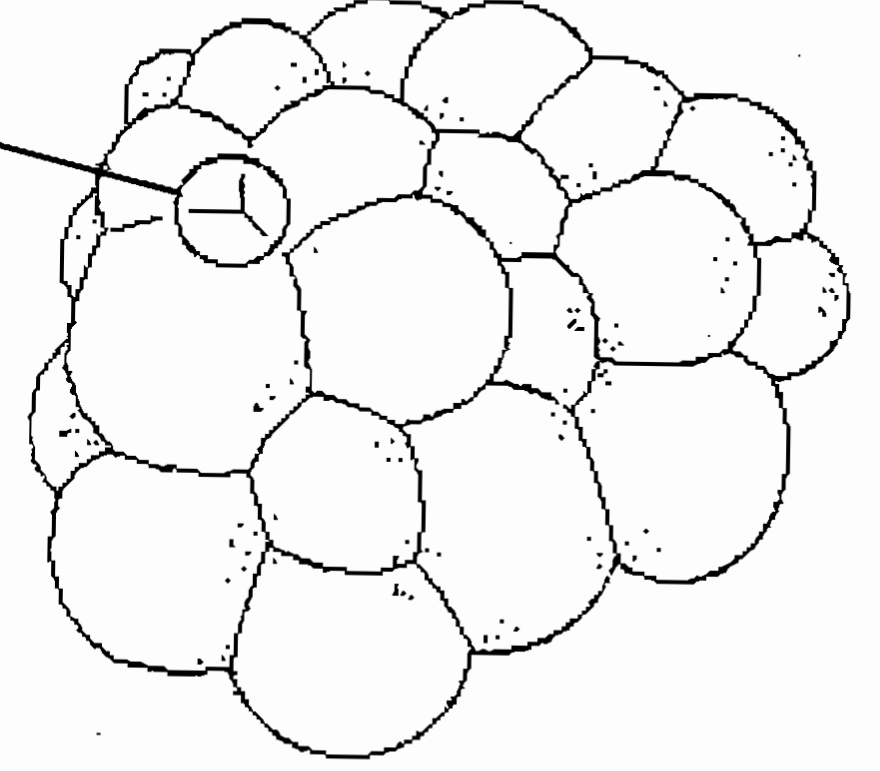


أنتم تتشبثون، بِشكْلِ يائسٍ، بهذه 4% المرئية التافهة من الكون.  
حاولوا أن تكونوا حدثيين قليلا، وتطلَّعوا إلى هاته القفزات العملاقة  
للفيزياء الجديدة. على أي لن تُفلتوا من هذه الحقيقة التي لا مفر منها،  
أعني: التأثيرات المهمة للعدسة الجاذبية التي تثبت وجود  
المادة الداكنة.

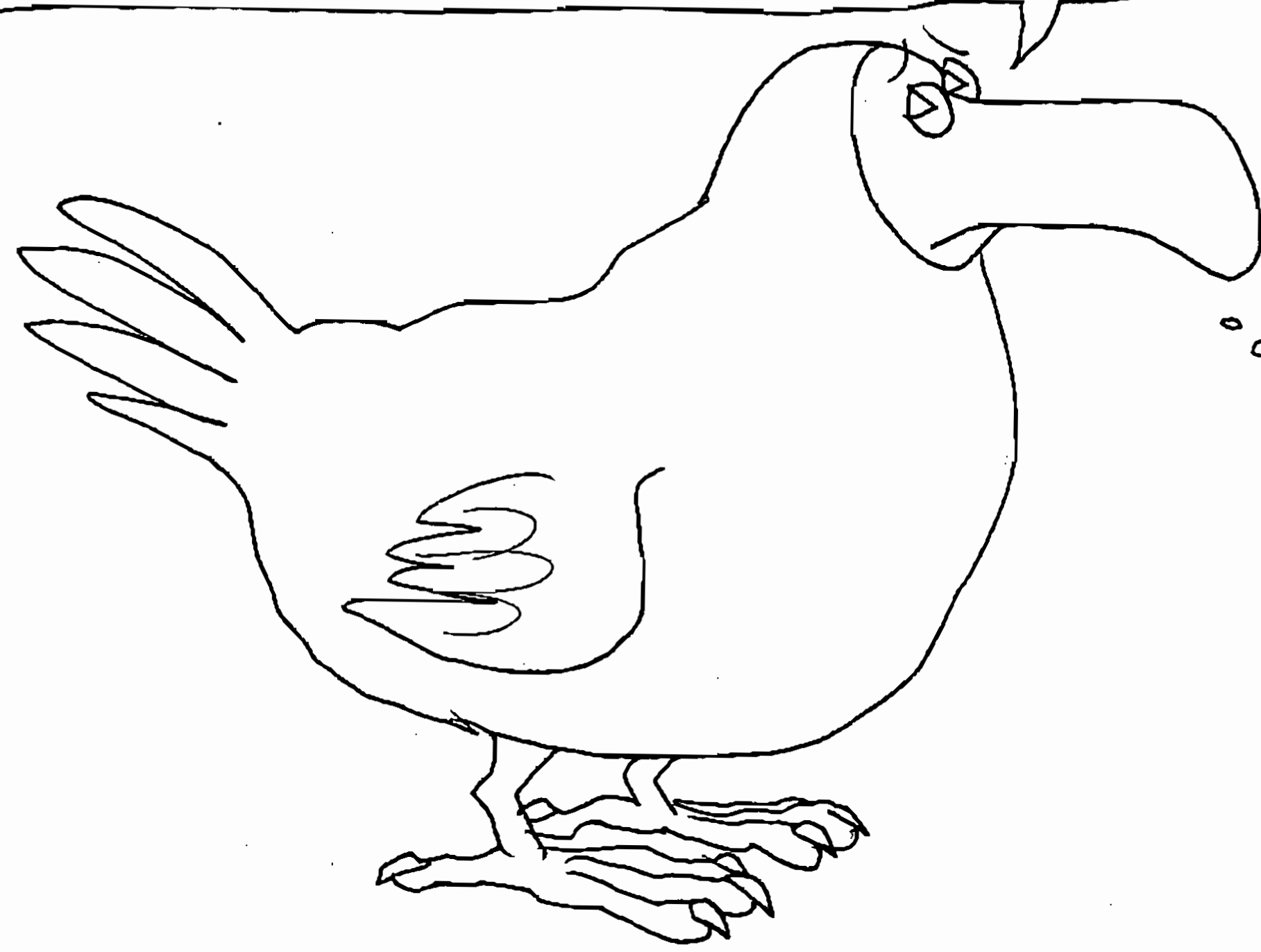
مجموعة مجرات



تقاطع ثلاث بُقع.



فقاعات صابون مُتجاورة



فقاعات صابون متجاورة

آه، أعتقد أن سليم قد أحضر عنصرا جديدا.



# تأثير عدسة جاذبية السالب (\*)

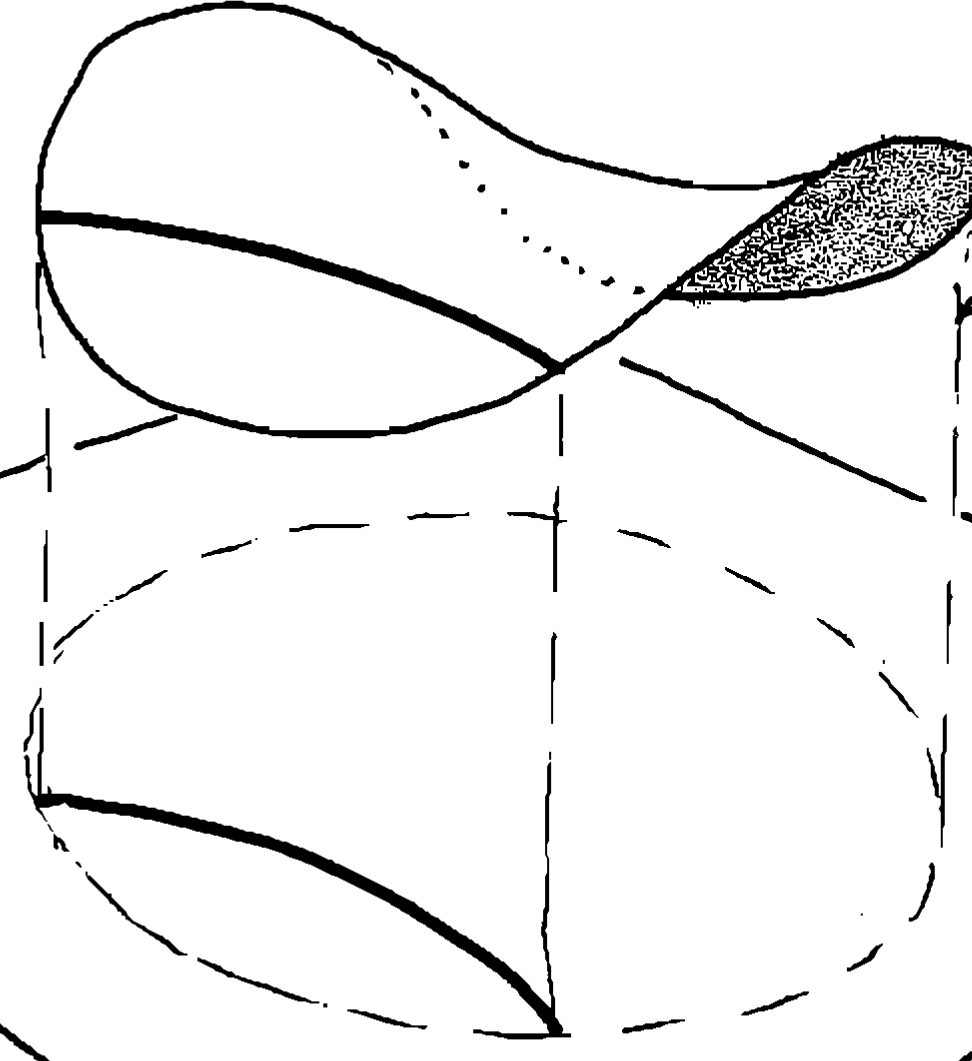
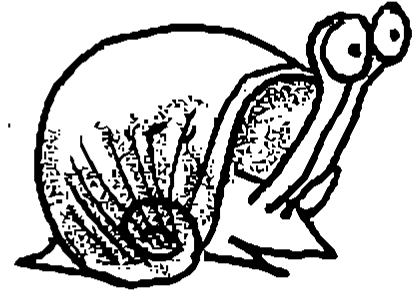


(\*) للاختصاصيين: تأثيرُ العدسة الجاذبية السالب هو الحَلُّ لمعادلة أينشتاين، وهو الشيء الذي لم يفكر فيه أحد سابقاً. سنرجع لهذه النقطة بالتفصيل في الملحق. من أجل تفاصيل إضافية المرجو مراجعة: علم الكونيات الأكوان التوأم: علم الفيزياء الفلكية والفضاء لجين بوتي.

Jean-Pierre Petit : Twin Universe Cosmology : Astronomy and Space Science 226 : 273-307, 1995 et <http://arxiv.org/abs/0801.1477>

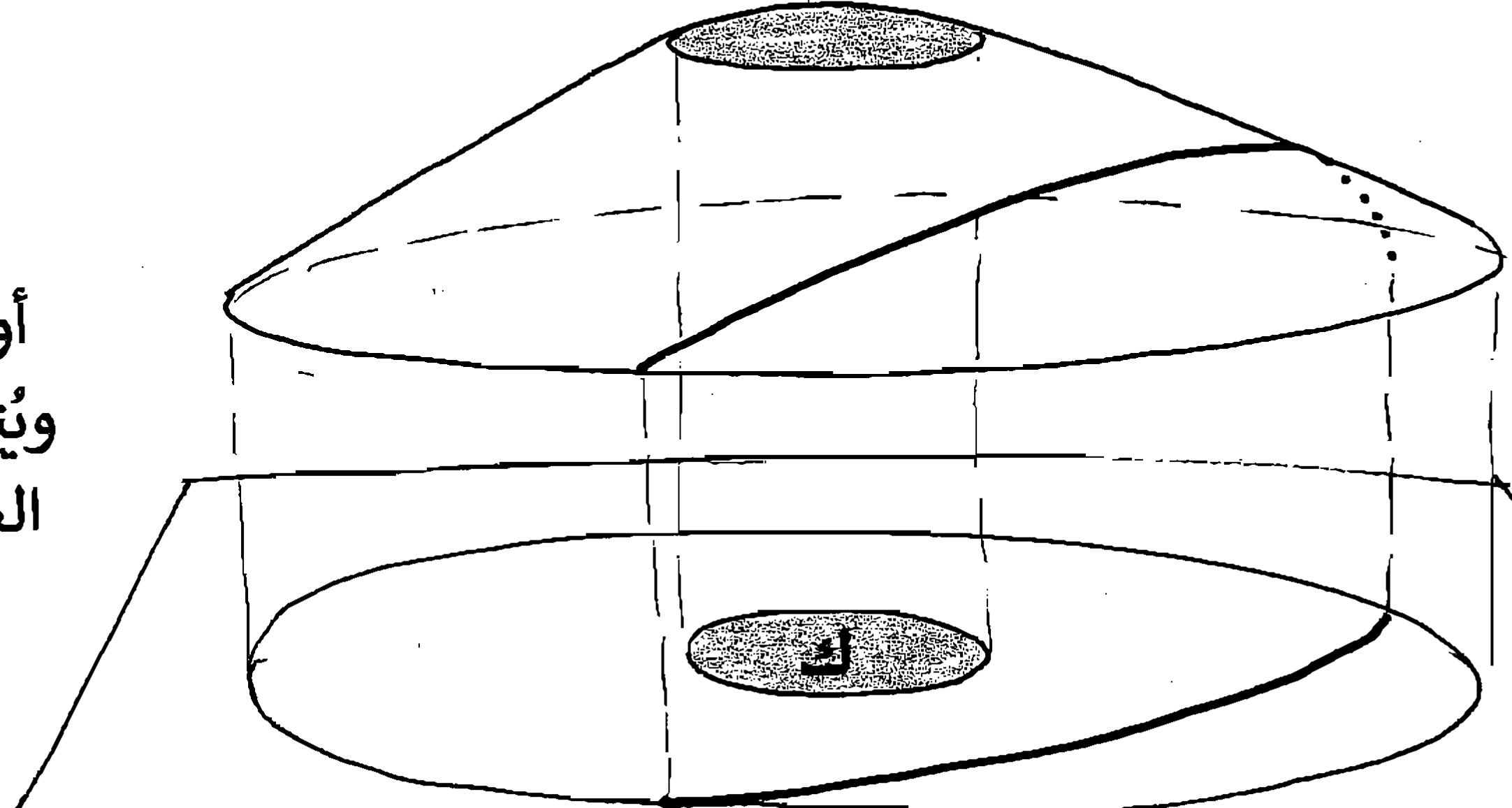
أعتقد أن فكرة ما قد خطرت على رَجُلٍ صناعة ما،  
وأنتج هذه الرقائق في شكل سِرَجِ حِصَان. إنه رياضياتي تحول  
إلى الصناعات الغذائية حتما.

ماذا؟!



عندما نرسمُ جيوديسيا سَطْحِ ذِي انحناءٍ سالبٍ، إسقاطهُ المُسْتَوِي يذْكَرُ ويوحى بقوة طاردة.  
لا تَنْسُوا المَخْرُوطِي العكسي الضعيف.

رأس المَخْرُوطِي العكسي هو عبارة قُلُوسَة  
أو قُبْعَة، صغيرة وكروية الشكل، سطح منحنٍ،  
ويُتَمُّها جِذْعُ المَخْرُوطِي، سطح اقليدي. الإسقاط  
العمودي يعطينا الانطباع بأن جسما في مسار ما  
يَتَعَرَّضُ لِجَذْبٍ كُتْلَة ك.



كيف نستطيع أن نجعل المستوى المُحاذاي لجذع المخروطي يتطابق مع نظيره في القَبَّعة الكروية؟

ماذا بعد؟ هل سنُمارسُ الفُروسية على ظهر رقائق البطاطس؟

لا يوجد أسهل من ذلك. إنحناء الكُرّة هو  $4\pi$  (\*)  
كَمِّيَّة الانحناء الزاوي في قُبعة كروية مساحتها  $S$  و  $\theta$  هي:

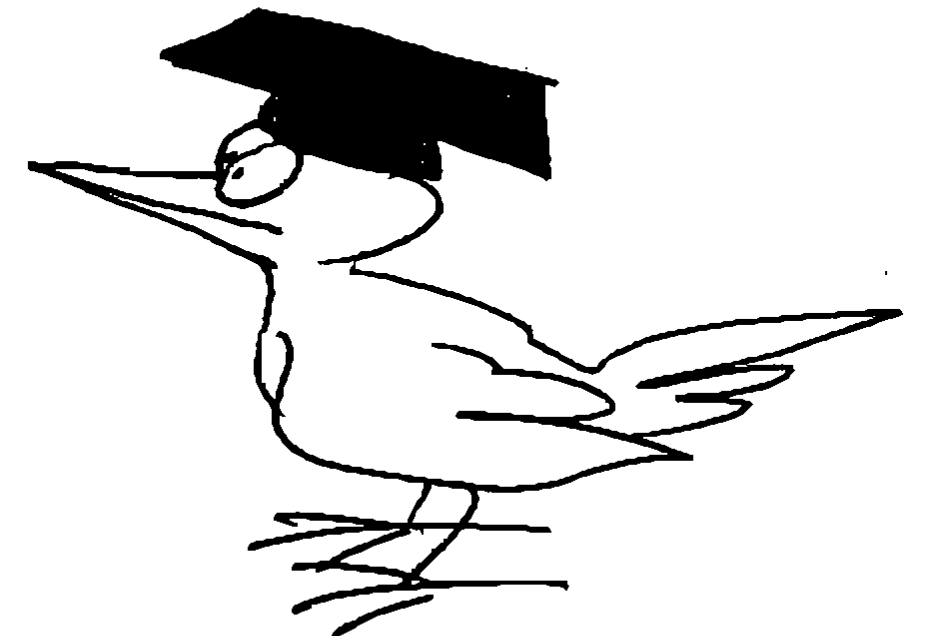
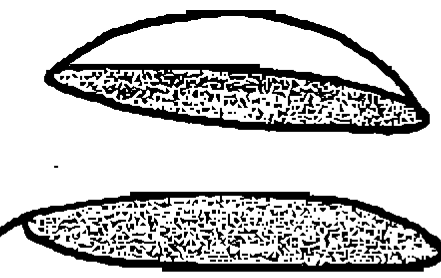
$$\theta = 4\pi \frac{S}{S}$$

$$4\pi \frac{S_{\text{سك}}}{S_{\text{سك}}}$$

حتى تتطابق هذه المستويات المُتْحاذية، يكفي أن يكون هذا الجذع المخروطي مُقْتَطَعُ  $\theta$  من مقطعٍ

وسنتصرفُ بحيثُ يُصبحُ للمقطع نفس المحيط.

كم نحن رائعون.



هل من الممكن أن نتخيل  
مخروطيا سالبا خفيفا؟

طبعاً، ما علينا سوى أن نلصق  
رقائق سالبة، مع جذع مخروطي  
سالب، جنباً إلى جنب.

يال الهول...

المخروطي السالب هو قرص  
أقحمنا فيه قطعة زاوية  $\theta$

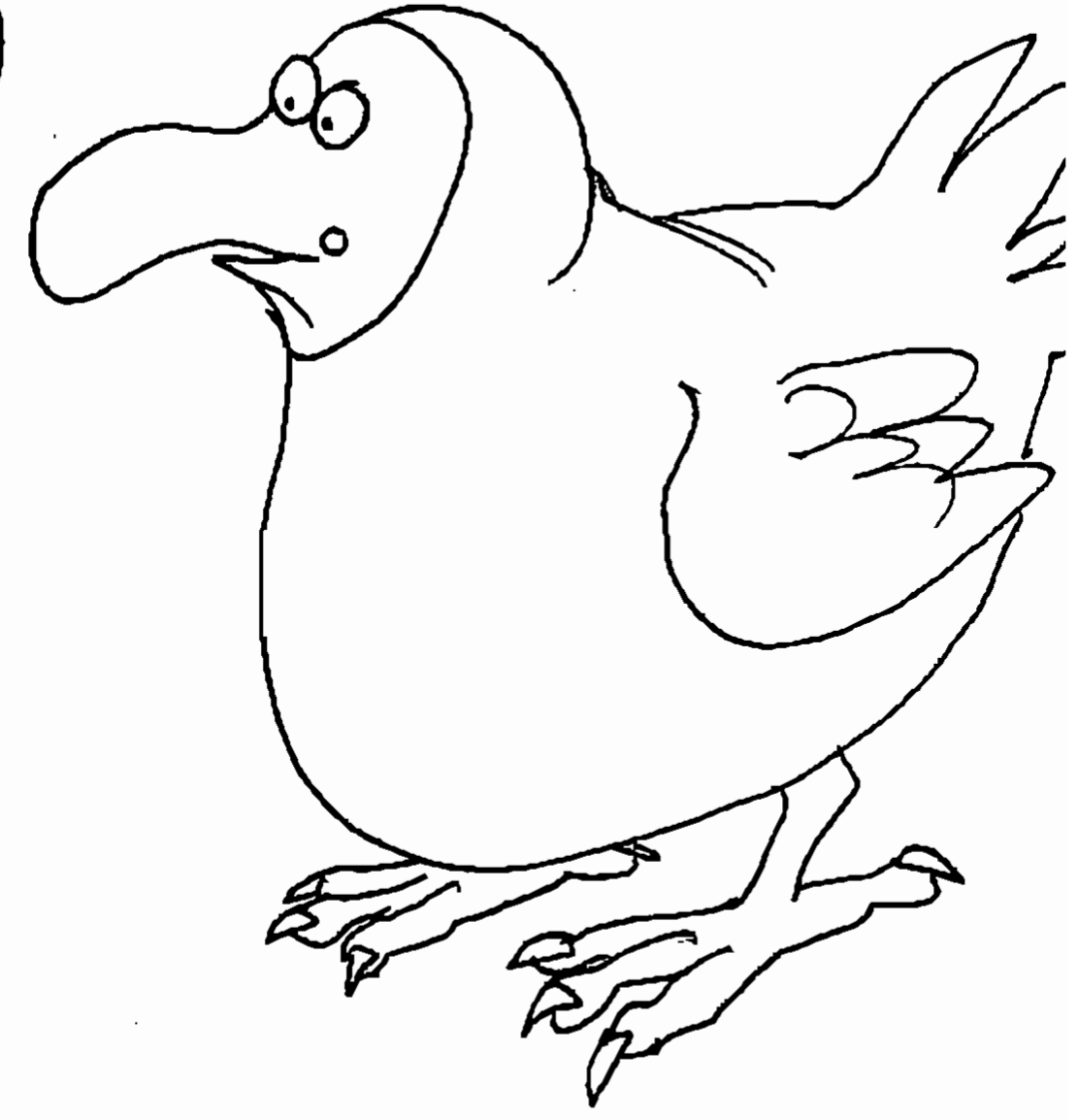
وكيف نحافظ على إتصال وتجانس  
المستوى المحاذي؟

ليس هناك قاعدة أسهل من قاعدة المخروطي العكسي الضعيف (\*). لقد قسنا الانحناء  
السالب للمخروطي، الرقائق، ووجدنا القيمة: 11- . كانت العملية صعبة ودقيقة جداً لأننا لم  
نحصل على شريط لاصق يُمكن أن يمثل رقائق البطاطس.

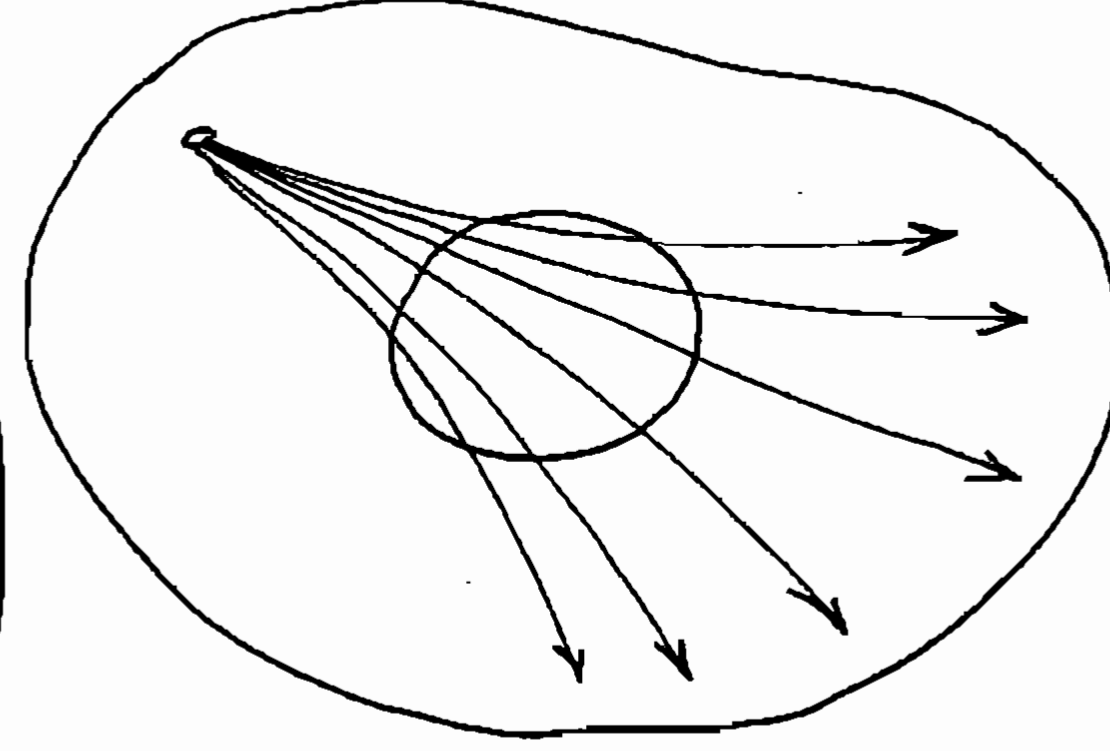
أرى أنه من واجب صانعي رقائق البطاطس، أن ينشروا  
صورة هذا الانحناء. حتى نعرف ما نحن بصدد أكله.

(\* Posicône في المصدر.

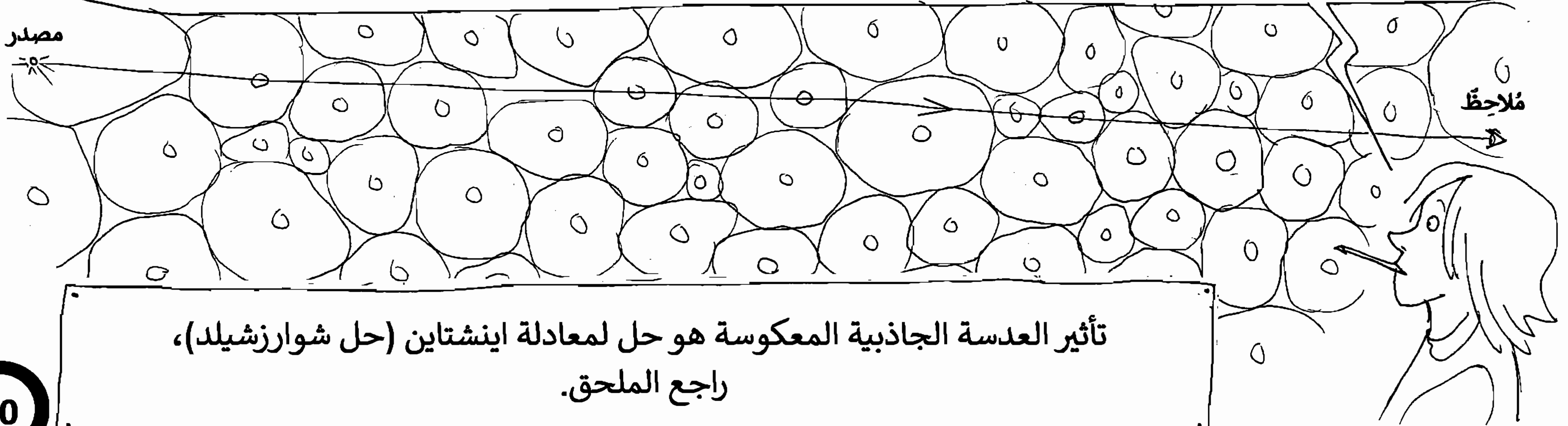
ولم هاته المخروطيات السالبة؟  
ما الهدف المرجو؟



هذه صورة لتأثير عدسة الجاذبية المعكوسة  
التي ستطبق على أي فوتون، دون أي تفاعل آخر،  
ذو طاقة موجبة يعبر ممرا، دون أن يراه، به تكتل  
من الكتل السالبة.



هذا يعني أنه إذا راقبنا، في اتجاه ما، أجسام وأشياء شديدة البعد، أي في أقصى حدود الكون القابل للإدراك  
والملاحظة، فهناك احتمالات كبيرة أن تعبر الأشعة الضوئية عدة تكتلات من الكتل السالبة وذلك ما سيُخفِتُ من وهجها.  
إذن وبشكل منطقي، فإن صور المجرات البعيدة جداً، ذات الانزياح نحو الأحمر الكبير، ستظهر وكأنها قزمة.



تأثير العدسة الجاذبية المعكوسة هو حل لمعادلة اينشتاين (حل شوارزشيلد)،  
راجع الملحق.

والآن يا سيد هندشيك؟

حسناً، المجرات الأولى التي تتشكل هي فعلاً... المجرات القزمة.  
هذا ما نلاحظه من خلال الانزياح نحو الأحمر. وبعد ذلك تتجمع  
لتصبح أكثر ضخامة.

نحن نَتَقَدَّمُ شيئاً ما،  
أليس كذلك؟

إنَّها الفرضية المُتَبَنِّاةُ  
حالياً

نحن نَتَقَدَّمُ شيئاً ما، أليس كذلك؟

نحن نبحث الامر يا آنسة، لازلنا نبحث...

... منذ قرابة قرن من الزمن.



# كيف تتكون النجوم؟

أنتم مُحققون هذه المرّة، ولكن لا تنسوا أيها العصاة الصغيرة أن قصة الكتل السالبة هذه لا تفسر بأي شكل من الأشكال تأثيرات عدسة الجاذبية الضخمة بِمُحاذات المجرات وخاصة بتجمعات المجرات.

قبل إن نتساءل عن كيفية تَكُونِ المجرات يجب أن نتساءل عن كيفية تَكُونِ النجوم.

إنه مُحقٌّ لِحَدِّ الآن.

النجوم: نحن نعرف شيء ما كيف تعمل. بالمقارنة مع أعمارنا نحن البشر التافهون وأيضا مع حضاراتنا، فتطور النجوم يستهلك زمنا رهيبا وأكبر بكثير. التقدم الرئيسي الذي تحقق في بداية القرن العشرين هو أننا عرفنا أن عدد النجوم ليس لا نهائيا ولكن ما نراه هو نجوم متنوعة مصنفة حسب كتلتها.

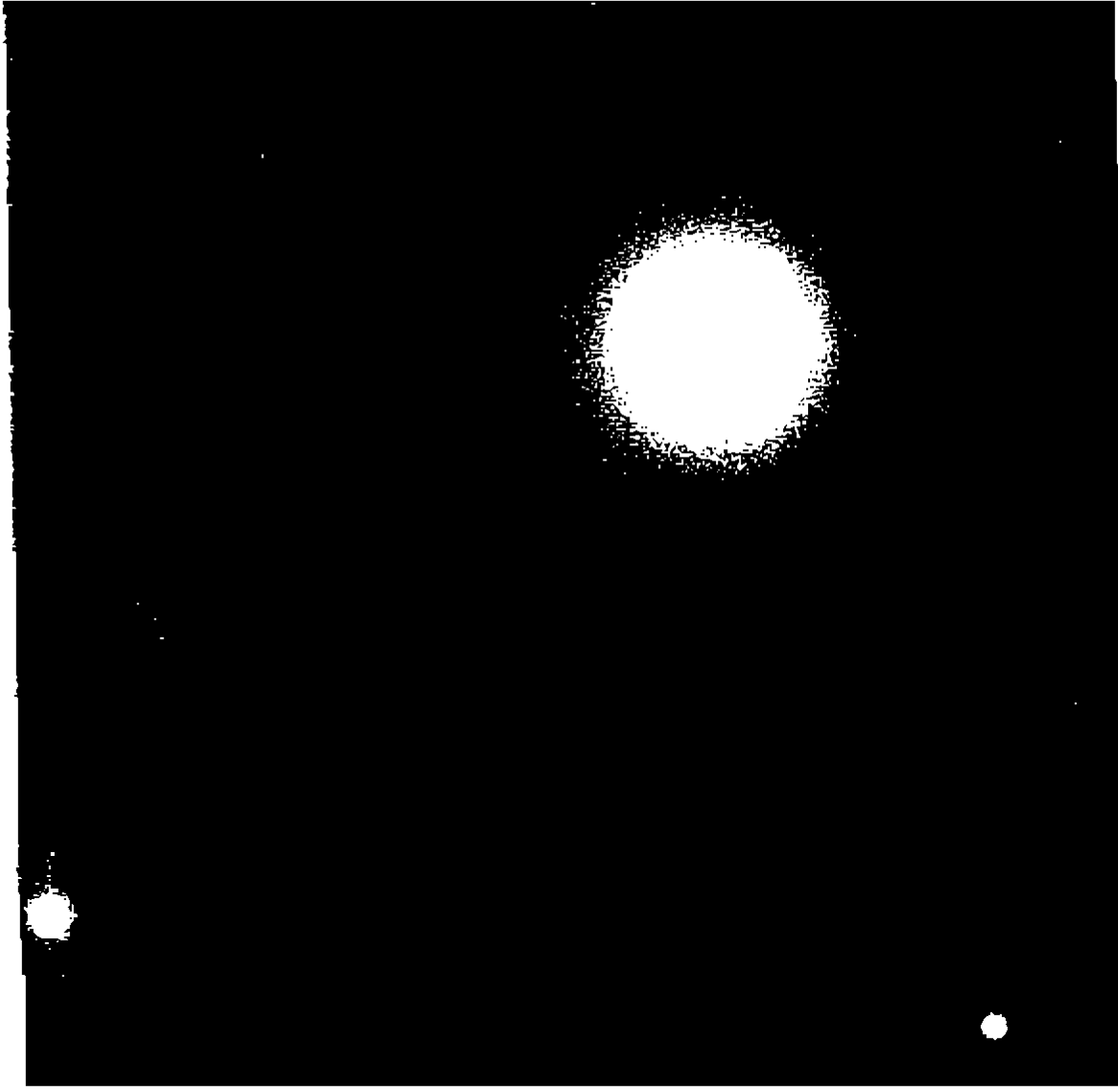
و تَحرقُ النُجُومُ الضَّخمةُ هيدروجينها من الطرفين.

كم سيستغرق ذلك  
من الزمن؟

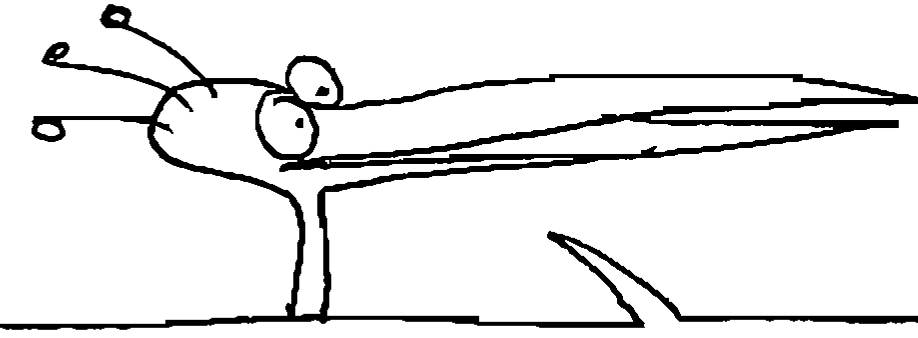
تتشكل النجوم في غبار من الغاز في المجرات.  
سنرى لاحقا كيف تتكون الكتل النجمية أو قبل النجمية.  
عندما تبدأ عملية الاندماج، يحرق النجم وقوده، أي  
الهيدروجين. كلما كانت كتلة النجم مهمة كلما زادت سرعة  
احتراقه وكلما قصر عمره. فمثلا، كوكب المشتري هو نجم  
فاشل، إنه يُشع ويتقلص ولكنه لن يشتعل أبدا. عندما تكون  
الكتلة كافية، أكبر مثلا من عشر مرات كتلة المشتري، سيكون  
هناك زمن كمون وخمود، وتبدأ بعده تفاعلات الاندماج.

ليكن ش شعاع النجم. سيتقلص التكتل حتى تصل  
درجة حرارته 3000°. عند ذلك سيتأين وتعاكس قوى  
الضغط هذا التقلص المتواصل. كمية الحرارة التي ستحرر،  
بالإشعاع، ستكون متناسبة مع حجم النجم أي مع مكعب  
الشعاع. الإشعاع، أو المبراد، مساحته:  $4\pi r^2$  ش  $4\pi r^2$   
زمن تبديد هذه الحرارة، والذي يسمح بإعادة عملية  
التقلص، الذي ينتهي بالتفاعل الاندماجي، يتغير إذن  
حسب جذر مكعب كتلة النجم، كالشعاع.

لقد سبق أن تكلمنا عن هذه التكتلات الكروية الشكل من المادة  
ذات الكتل السالبة التي تتمركز في مراكز هذه المساحات الفارغة.  
كيف تتطور هذه الأشياء؟

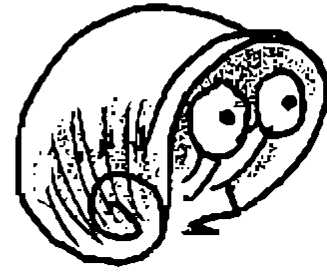


يجب أن تكون مُشكَّلاً من كتلٍ سالبة حتى تستطيع  
أن تُشاهدَ هذه النُّجُومُ القَبْلِيَّةَ، مشروع نجوم، الضخمة  
والتي تُشعُّ في المجال الأحمر والتحت الأحمر والتي يتجاوز  
زمنُ تَقْلُصِها عُمُرَ الكون. وهذا يعني أنها لن تشتعل أبداً.



إذا فهمتُ جيداً، لا توجد نجوم حقيقية في هذا العالم السالب، ولا اندماج  
ولا سوبرنوفا ولا أجسام ثقيلة ولا وجوداً للكواكب، إذن ليست هناك حياة؟

لا تُأثِّرُ هذه الأشياءُ سوى عالمنا  
ذي الكتل الموجبة.



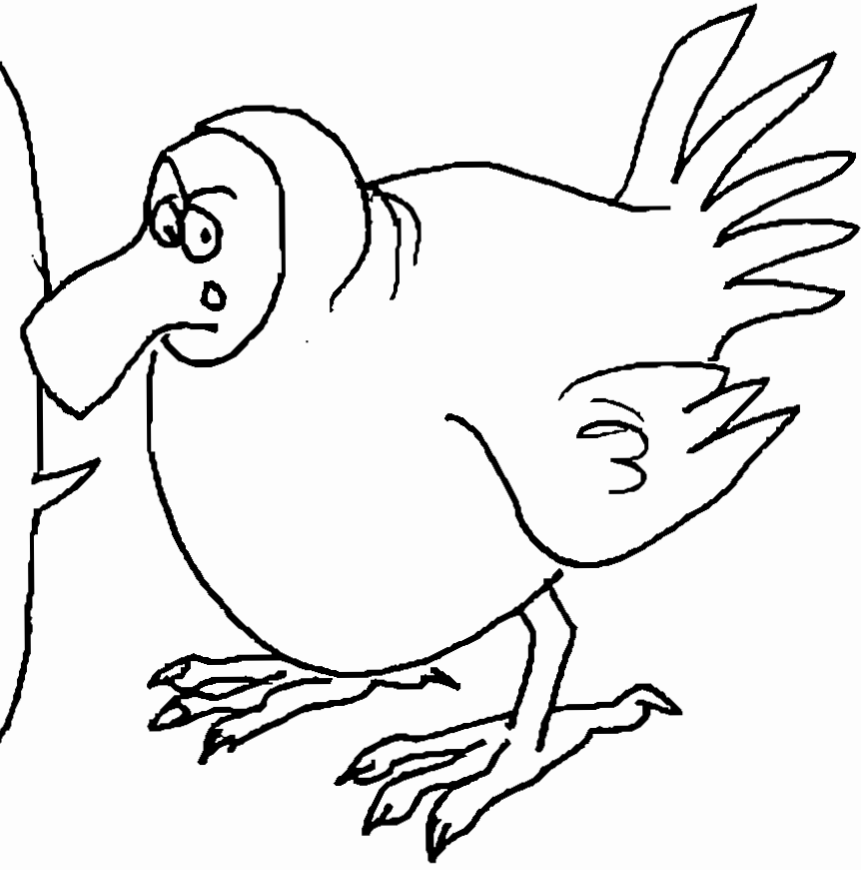
هذه سَخَافَةٌ ومحض خيال.  
تستطيع أن تخرع العديد من التفسيرات المماثلة،  
بينما تبقى المادة الداكنة والطاقة السوداء  
حقيقتان.



# مشكلة تكوّن المبررات.

لا، لا يا عزيزي،  
أنا أصدّقك.

الأمر مزعج فعلا، من الواضح أنني  
الوحيد في هذه القصة الذي يتبنى  
نظرية المادة المظلمة والطاقة  
السوداء.

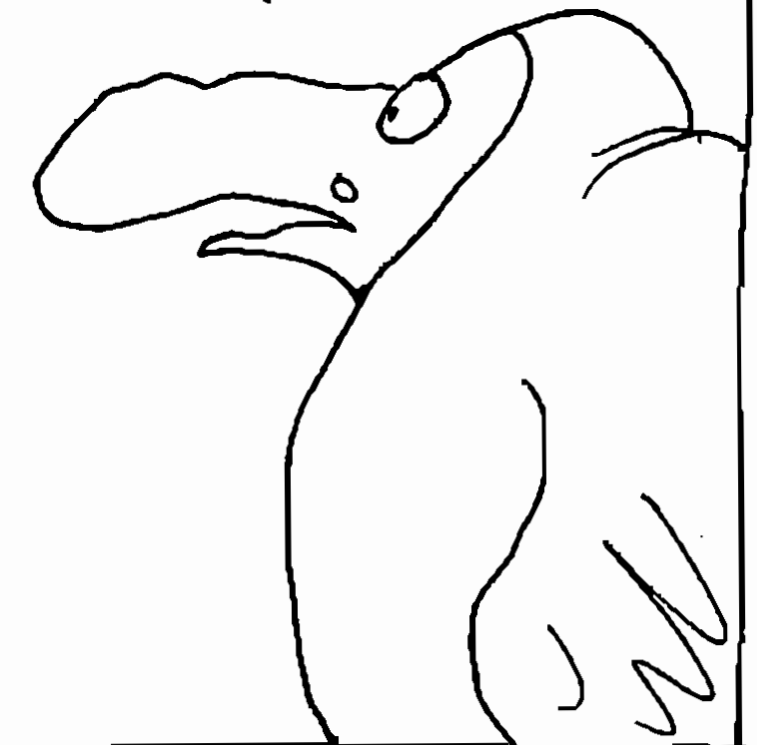


التّيّار السّائد.

هل أنت ناشِرُ مجلة "علمية"؟  
ما اسمها؟

"هارفي" ...  
"هارفي كيس" في  
خدمتك يا سيدي.

آه، القليل من الدّعم. ولكن من أنت؟



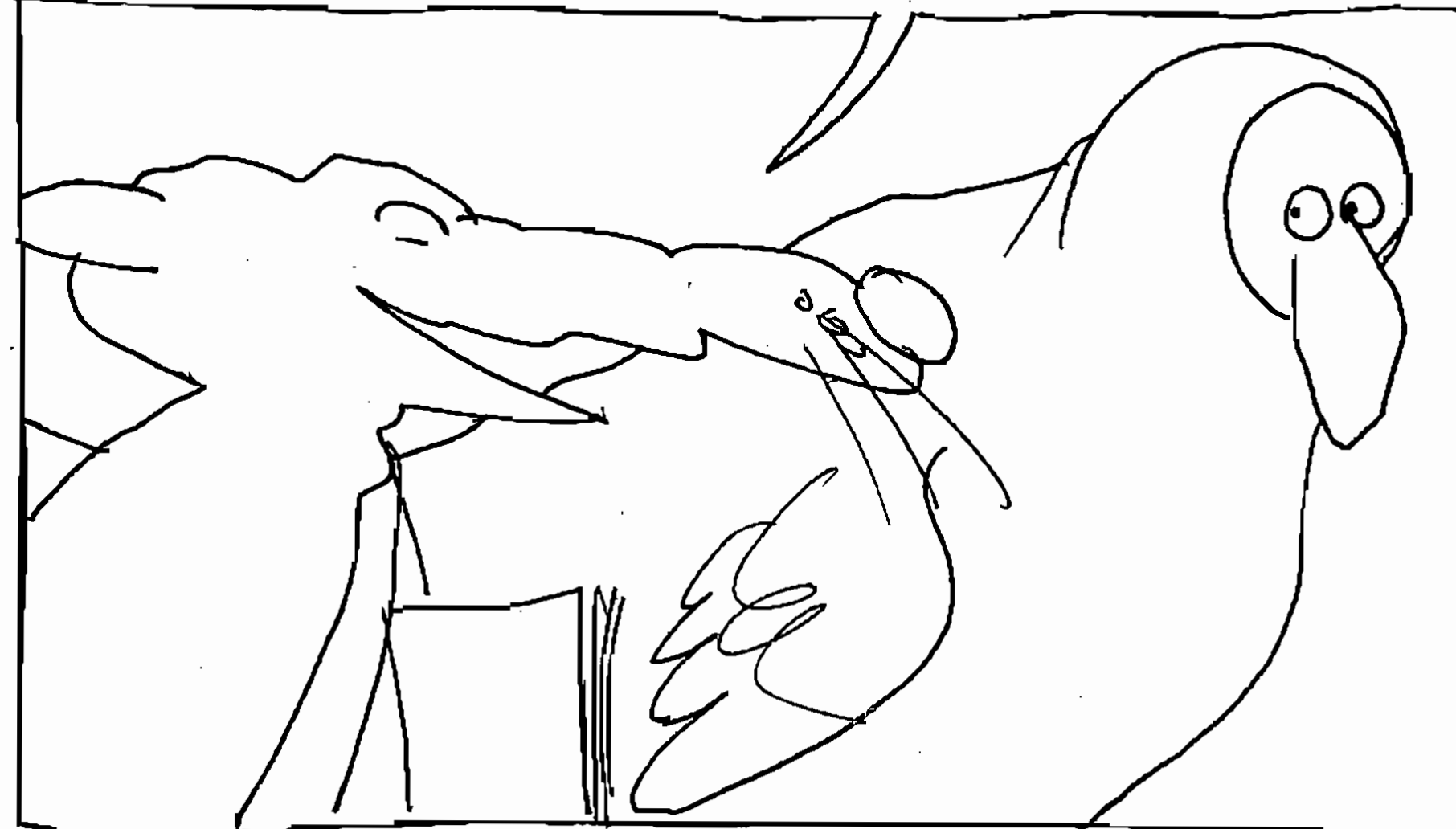


ما الذي تَحمله؟ وكأنها أدوات لتلميع وتشميع الأحذية.

إنها أدوات عملي.

أتعرف ما هو شعاري؟ مع منحي الرياح دائما ومع التيار السائد.

المهم هو أن تَجِدَ الكلمات... الكلمات المُناسبة.  
تُقْبُ أسود، طاقة سوداء، مادة سوداء.  
مفردة سوداء ناجحة جدا، صدقني.



نحن نبحث عن مقال حول كيفية تكوّن المجرات. ما رأيك في الموضوع؟

حسنا، لم نجد أي هندسة لتكوّنها  
ولم نرصد أو نلاحظ عنها شيئا.

إنها الطريقة الوحيدة للتقدم  
في العلوم يا سيد...

هاندشيك

ما رأيك يا صوفيا؟

قد يلعب هذا الهيكل الغير كامل دورا  
في تكوّن المجرات.

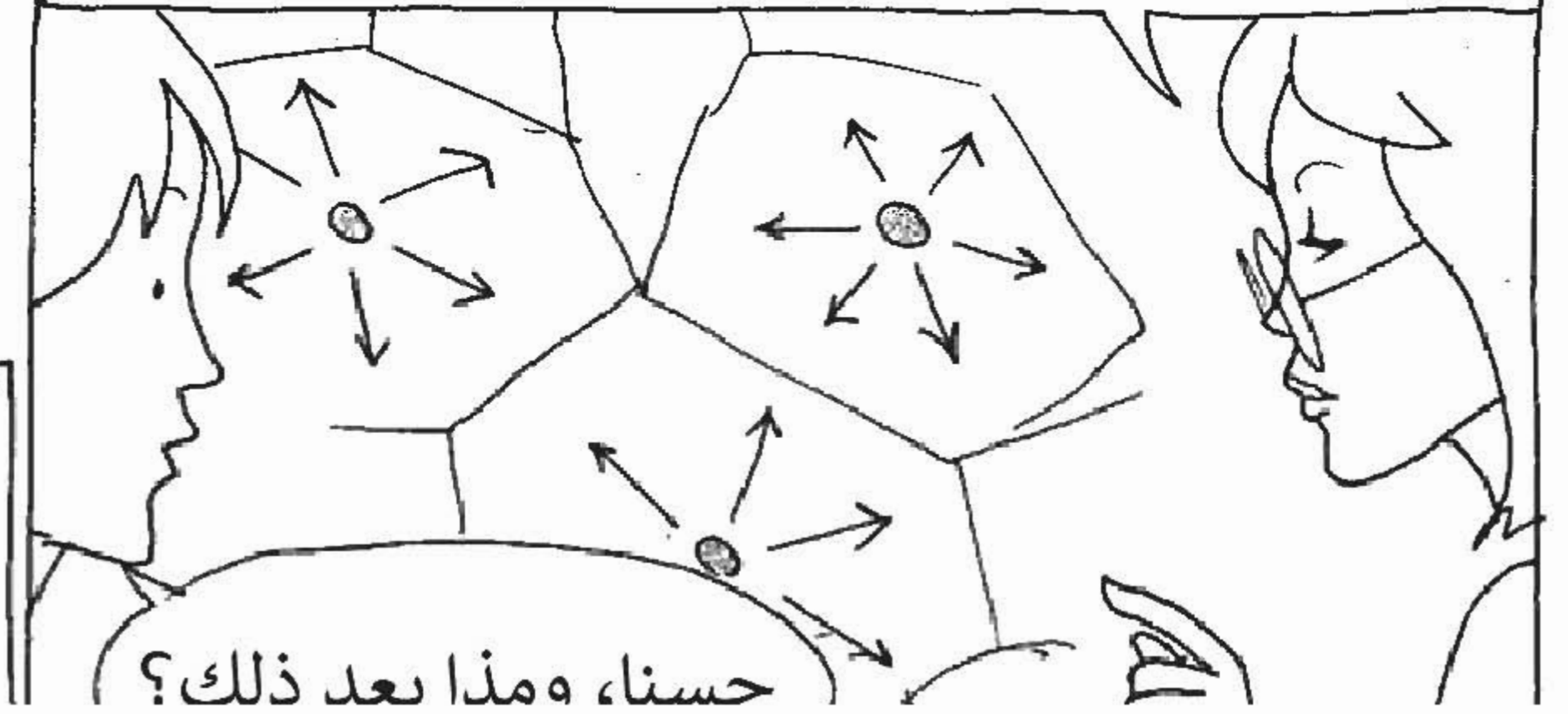
أوه، ليس العلم سوى مطبخ. ما عليك سوى أن تخلط  
حزمة من الحبال الكونية وبعض التوابل المغناطيسية  
والقليل من المادة السوداء والباردة ثمّ الفاترة. من الممكن  
أيضا أن تضيف القليل من الثقب السوداء الصغيرة، أليس  
كذلك؟

أتظن ذلك؟

ما عليك سوى أن تكتب وسأتكفل أنا بالنشر.

بينما تتجمع المادة ذات الكتل السالبة في أشكال كروية، ولن تستطيع تحرير حرارتها اشعاعيا. والتَّكُونُ في شكل صفائح يشكّل بالعكس من ذلك المِشْعَاع، أو المِبرَاد، الأمثل للمادة، التي سيكون في استطاعتها أن تَبْرُدَ بالإشعاع بفعل التحرر الكثيف للحرارة. سَيَسْبَحُ هذا الغاز غير المُسْتَقِرِّ، بينما سَيُشْغَلُ هذا التبريد الاستقرار الجاذبي وتَكُونُ المجرات، الكل في آن واحد. لهذا السبب لا نجد مجراتٍ شابة.

عندما نَنطَلِقُ من خَلِيطٍ من الكتل الموجبة والسالبة، حيث تهيمن الأخيرة بشكل كبير، سَتُشكَّلُ (أي الكتل السالبة) تَكْتَلَاتٍ بفعل اللّاستقرار الجاذبي. وستدفع، أثناء ذلك، المادة ذات الكتل الموجبة إلى الفضاء المتبقي، بشكل عنيف شيئا ما. سَتَتَقَلَّصُ هذه المادة، الهيليوم والهيدروجين، وتُصَبِحُ على شكل صفائح.



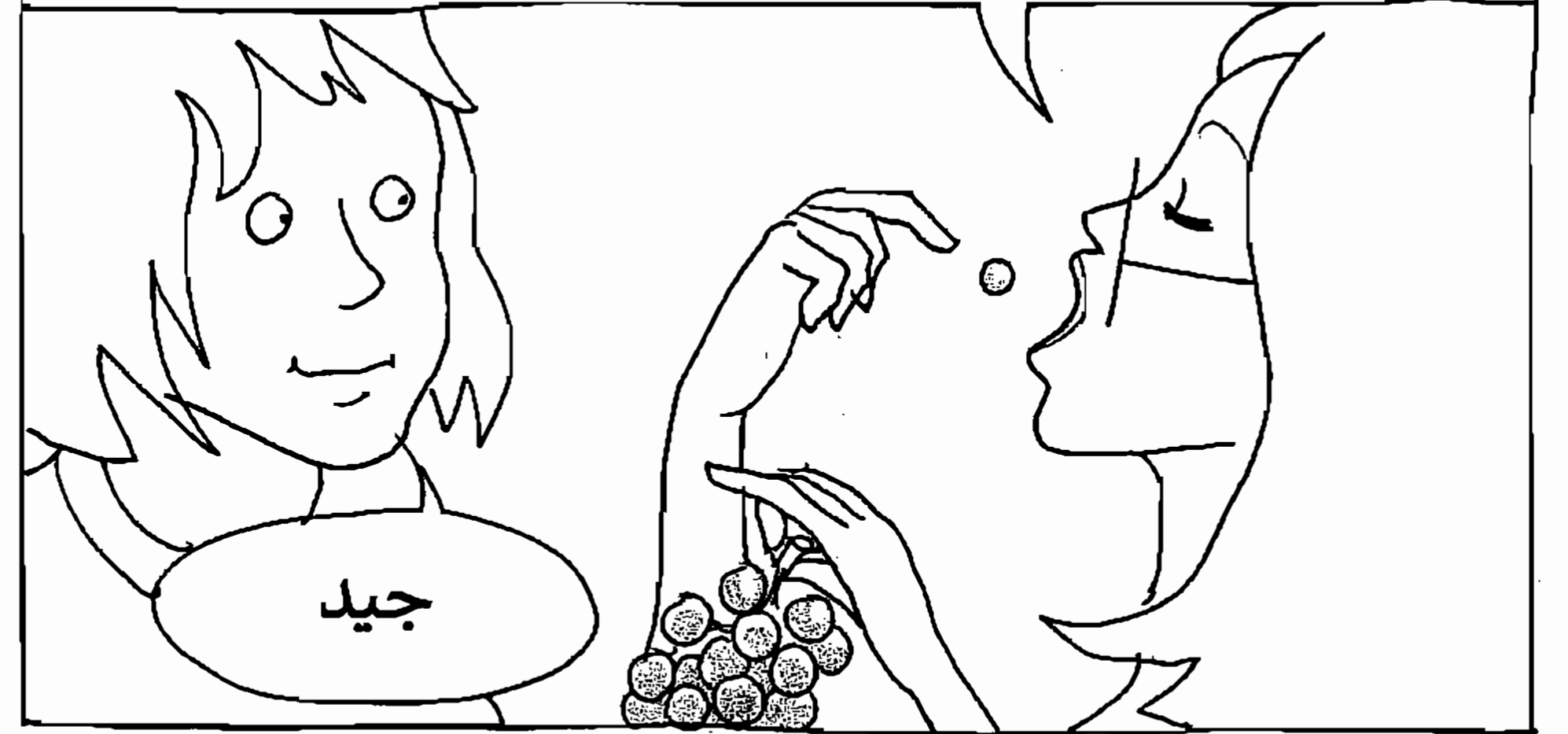
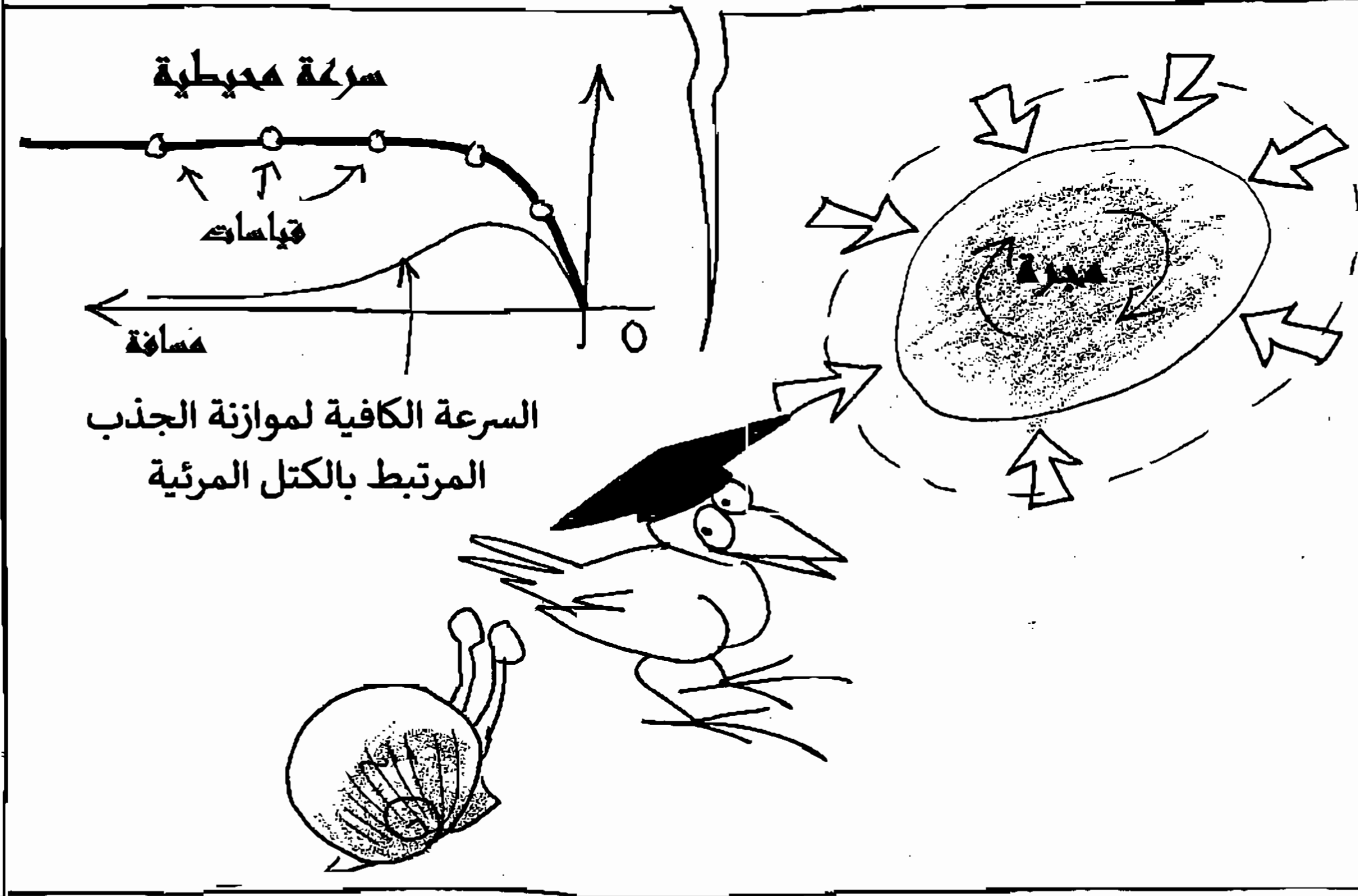
بينما تتجمع المادة ذات الكتل السالبة في أشكال كروية، ولن تستطيع تحرير حرارتها اشعاعيا. والتَّكُونُ في شكل صفائح يشكّل بالعكس من ذلك المِشْعَاع، أو المِبرَاد، الأمثل للمادة، التي سيكون في استطاعتها أن تَبْرُدَ بالإشعاع بفعل التحرر الكثيف للحرارة. سَيَسْبَحُ هذا الغاز غير المُسْتَقِرِّ، بينما سَيُشْغَلُ هذا التبريد الاستقرار الجاذبي وتَكُونُ المجرات، الكل في آن واحد. لهذا السبب لا نجد مجراتٍ شابة.

عندما نَنطَلِقُ من خَلِيطٍ من الكتل الموجبة والسالبة، حيث تهيمن الأخيرة بشكل كبير، سَتُشكَّلُ (أي الكتل السالبة) تَكْتَلَاتٍ بفعل اللّاستقرار الجاذبي. وستدفع، أثناء ذلك، المادة ذات الكتل الموجبة إلى الفضاء المتبقي، بشكل عنيف شيئا ما. سَتَتَقَلَّصُ هذه المادة، الهيليوم والهيدروجين، وتُصَبِحُ على شكل صفائح.

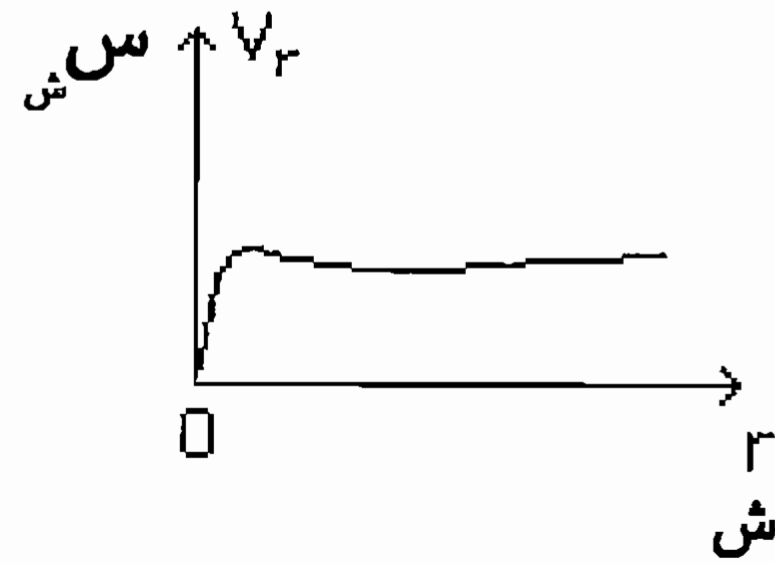
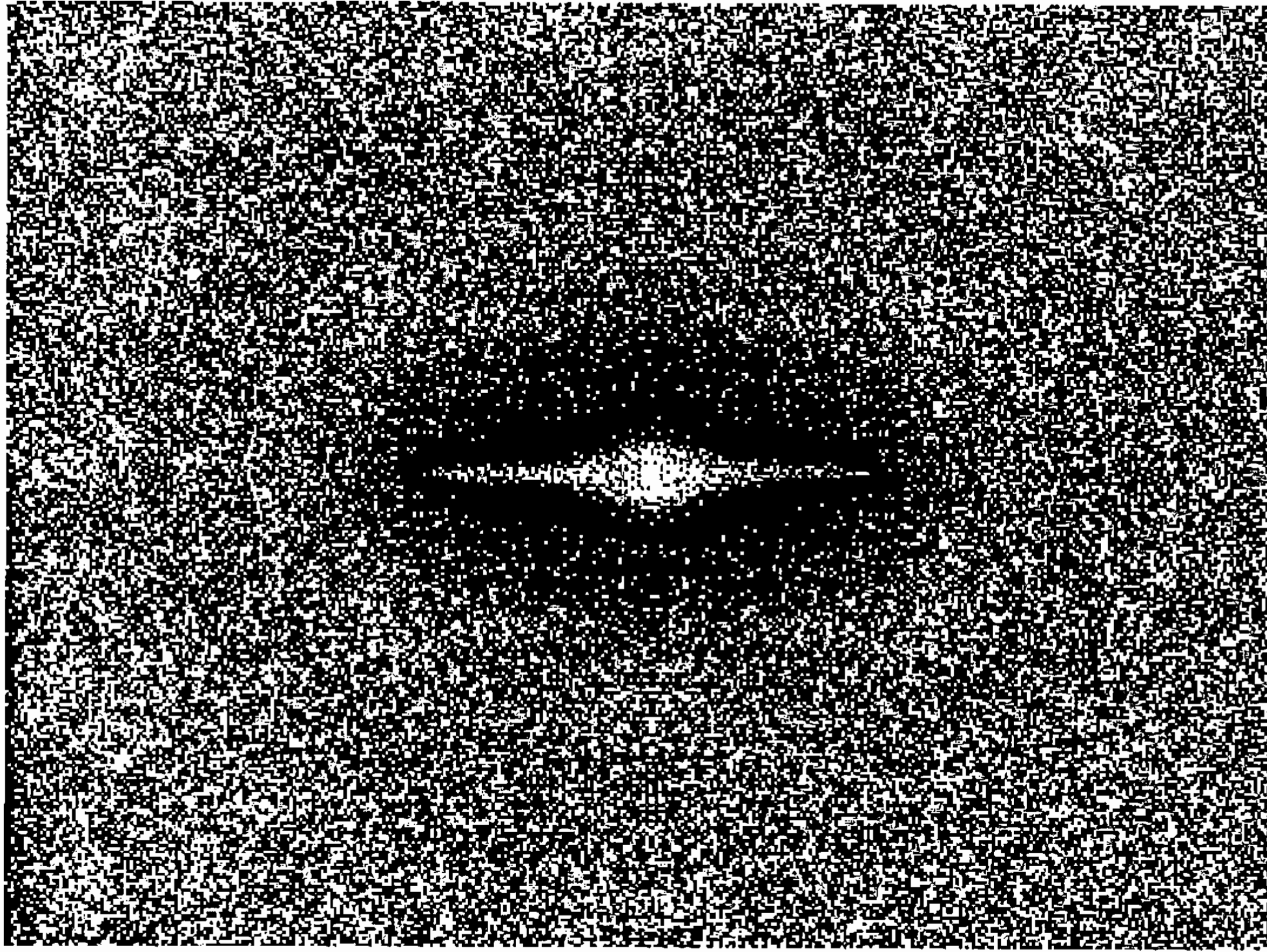
# إحتواءٌ وعزلة المجرات

لا تتجمّع المادة ذات الكتل السالبة في تلك التكتلات. إنها تشكل وسطاً غازياً يطبق ضغطاً مضاداً على مادتنا، يتسلل عبر المجرات ويحاصرها. وجودها في حدود المجرات يفسر السرعات الزائدة المحيطة والتي قيست في الغاز البين-نجمي.

حالياً، تبتعد المجرات عن بعضها البعض كحبات بازلاء تبتعد بينها بمسافة متر واحد. ولكن عند ولادتها كانت ملتصقة ومتراصة فيما بينها كحبات عنب في العنقود. كانت تشكل نظاماً تصادمياً والتفاعلات فيما بينها هي التي منحها حركتها الدائرية. وبعد ذلك فرق بينها التوسع الكوني وأصبحت التصادمات بينها نادرة جداً.



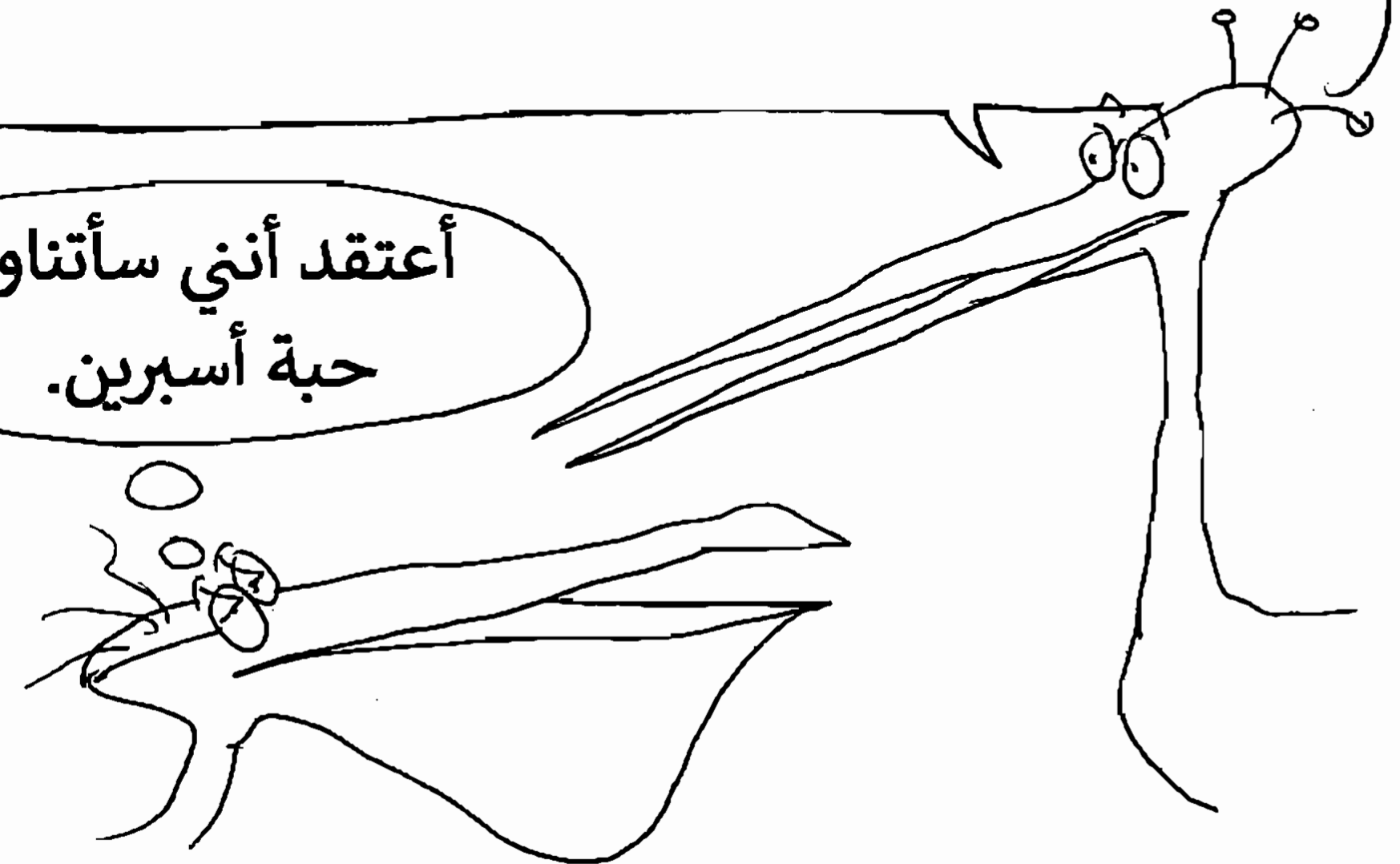




نتائج المحاكاة الرقمية (1992). في الأسفل: منحني الدوران المستخلص والذي يوافق ما تم رصده وملاحظته تماما.

حسنا، سنحاول تقييم هاته الدوامة من الأفكار الجديدة التي تخالف كليا ما نجده في مَجَلَّةِ "التيار السائد". إذا فهمت جيدا، فالمادة المظلمة والطاقة السوداء هي حماقة بالنسبة لكم. المادة ذات الكتل السلبية كافية لوحدها لتفسير كل شيء. فتجمعاتها تُثَبِّتُ الهيكل العملاق المليء بالفراغات للكون المرئي، إنها بشبه المسامير تماما. النتيجة هي رسم هندسي أصلي لتكوُّن المجرات. تَسَلَّلُ وانتشارُ المادة ذات الكتل السالبة يُعزِّزُ انسجام هذا الوسط وكأنها تَسَلَّلُ عبر ثُقُبِ الجُبْنِ.

أعتقد أنني سأتناول حبة أسبرين.



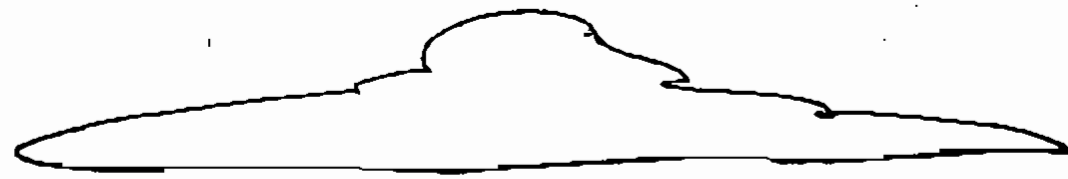
سَمَحَتِ التَّأثيراتُ الصَّغيرةُ لِعَدسةِ الجاذبية لعلماء الفيزياء  
الفلكية الجدد بتصوير المادة المظلمة في الكون، كما تَبَيَّنَ أناسُ  
كأبيير بوسما، أنظُر الرِّسْمَ على اليمين، تَوَزيْعَاتُ المَادَّةِ المظلمة  
التي تسمح بالحصول على منحنيات الدوران. تَسَبَّبَ نُقْصُ  
النَّمَاذِجِ النظرية في اللجوء إلى قوانين نيوتن وتقنيات للتعديل  
لتتوافق مع البيانات الملاحظة.

$$F = G \frac{mm'}{d^2}$$



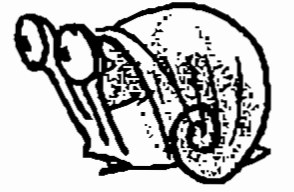
فَهَمَ "توريشيلي" في القرن السابع عشر أن الضغط الجوي (الأموسفير)  
هو ما يجعل الرُّبْقَ يَرتفع في المِحْرَارِ الذي سبق أن اخترعه، أي مقياس  
الضغط الجوّي (بارومتر). وإلا لَظَلَّ العلماء يقيسون "الجزع من الفراغ".

هذا اكتشاف هائل. يتناقص "الجزع من الفراغ" بالتَّناسِبِ مع الارتفاع.



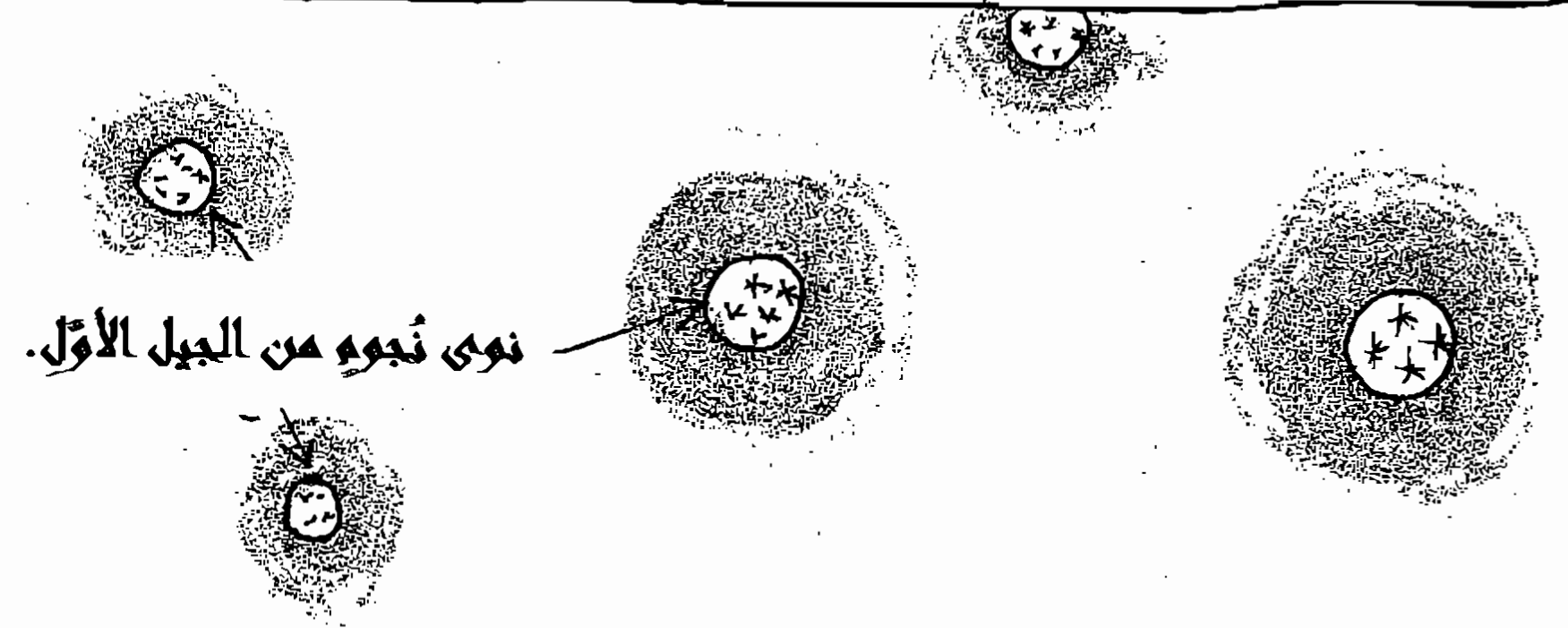
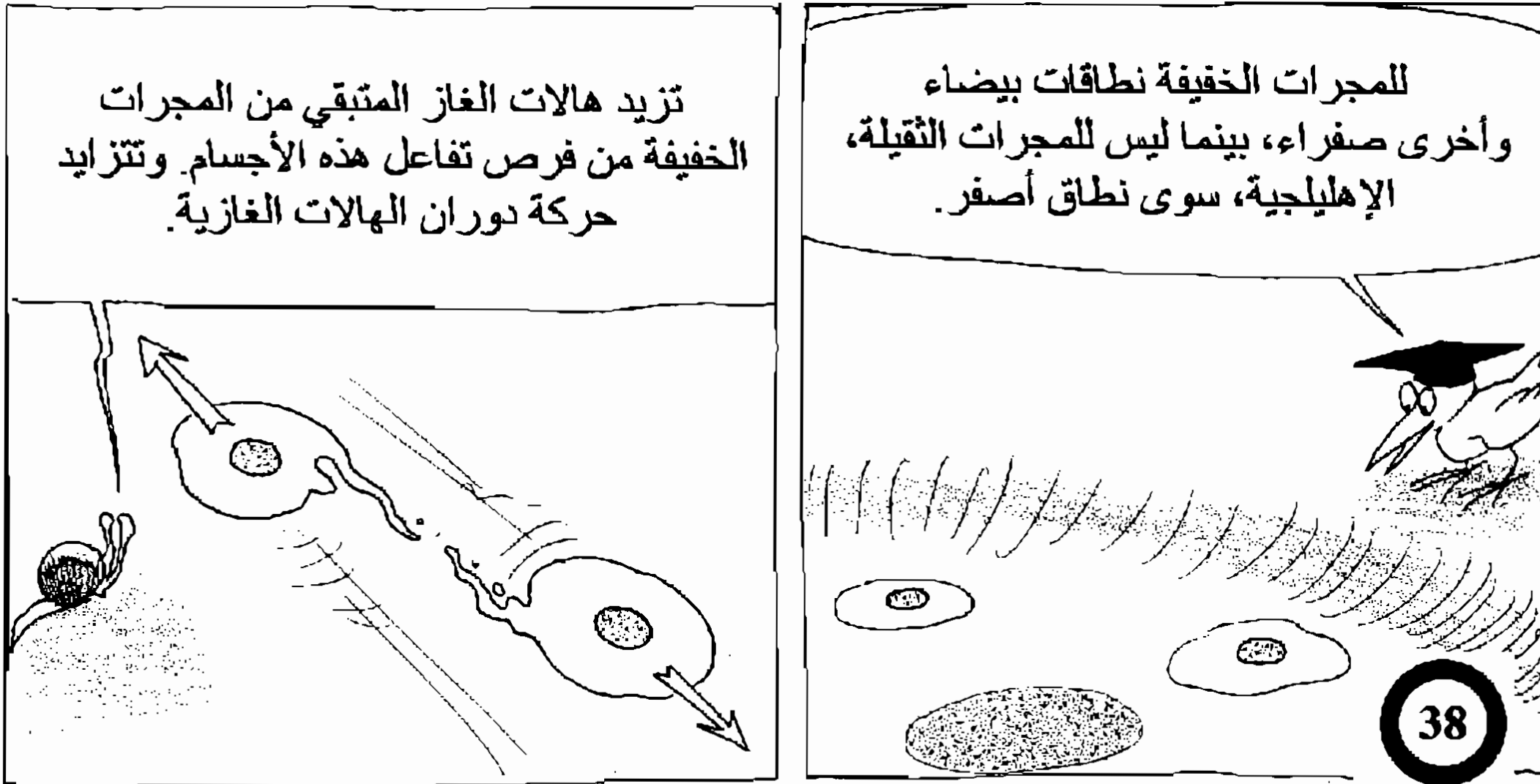
تَتَكَوَّنُ وتتشكَّلُ نُجُومُ الجِيلِ الأولِ على الفور  
وترفعُ حرارةَ الغازِ المُتَبَقِي المجاورِ عالياً. بالنسبة للمجرات  
الضَّخمة، يتم هذا التسخين بقوة شديدة، لدرجة أن سرعة  
التحريض الحراري ستتجاوزُ سرعة التَّحْرِيرِ (\*) من المجرة.  
سَيُفْقَدُ هذا الغاز في الفضاء وسيكون نادراً جداً،  
حتى أنه لن يكون في استطاعة الاصطدامات  
بين ذراته أن تُبَرِّدَهُ إشعاعياً.

لماذا تَمْتَلِكُ المجرات الخفيفة غازاً  
بينما المجرات الضخمة لا؟



يَتَعَلَقُ الأمر هنا بِمَجْرَةٍ أَخْفَى عَشْرَ مَرَّاتٍ،  
لن يَكُونَ تَسخينُ الغازِ المُتَبَقِي كافياً لجعله يُغادر  
المَجْرَةَ. وسيتمدَّدُ ويُشكَلُ نوعاً من الغلاف الجَوِّيِّ  
(أتموسفير). ستكوُنُ المَجْرَاتُ الشَّابَّةُ مُتقاربة جداً  
ثم ستَحْتَكُ عِنْدَ تلاقِها وهذا ما سَيَجْعَلُ الهالات  
الغازية تَدورُ (ولكن ليس نواتها المشكَّلة من النجوم).

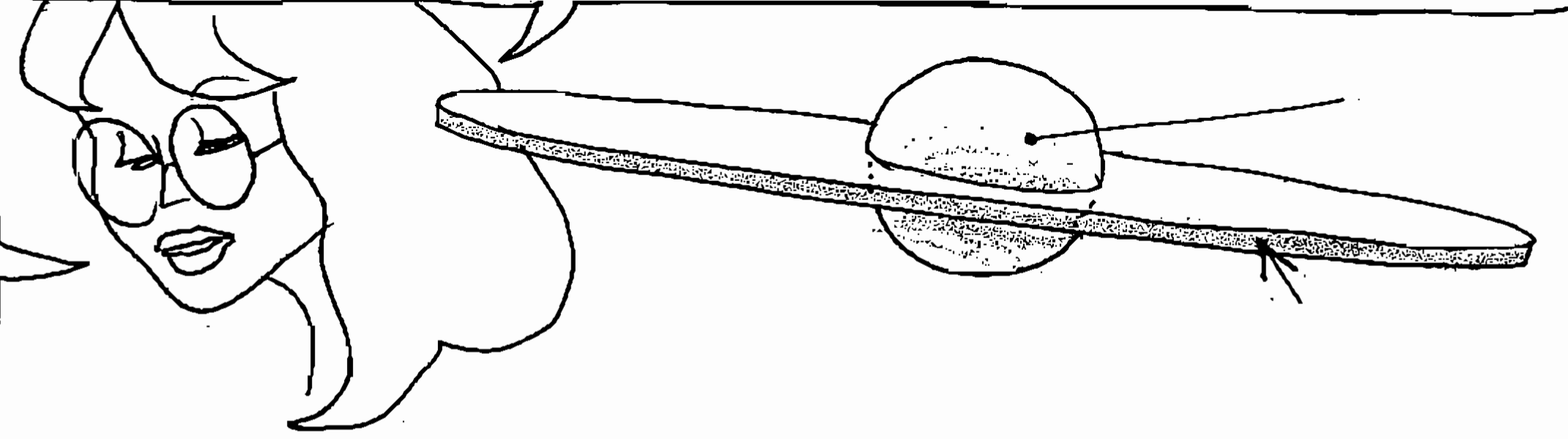
تم شرح ذلك مُسبقاً في اليوم ألفه مليار خمس (1986) الصفحة 38.



(\*) هذه السرعة تناهز 1000 كلم في الثانية. عندما نطبق:  $\frac{1}{2} mV^2 = \frac{3}{2} kT$  سنتوصل إلى أن على المجرات أن تسبح في غاز حرارته عشرات الملايين من الدرجات، وهو ما تم التحقق منه.

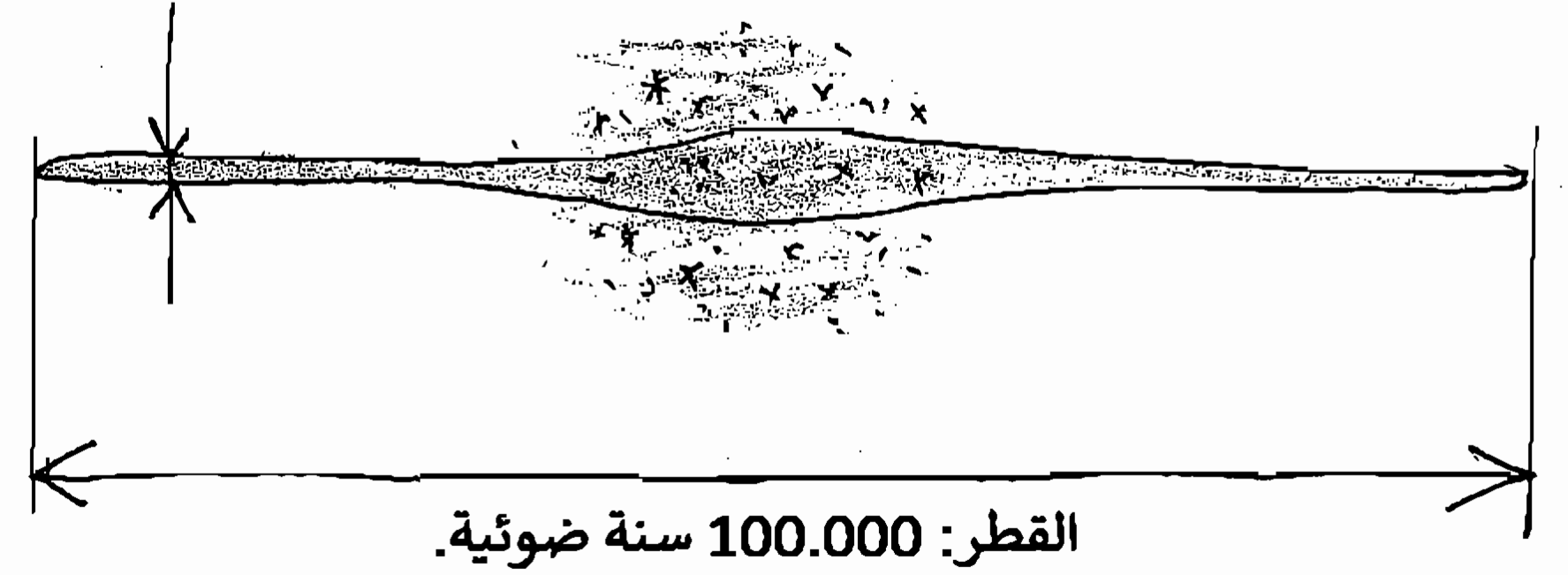
يُبعد التوسعُ المجرات عن بعضها البعض. وتُشكل الهالات الغازية التي احتجزتها المجرات الخفيفة مجموعات ذرات تصادمية تَبْرُدُ بإصدارها الإشعاعات. محتفظة بعزم دورانها الناتج عن التصادمات، ستأخذُ هذه الكُتلة من الغازاتِ شكلَ قرص رقيق جداً تابع للكتلة الكروية الشكل المُشكلة من نجوم الجيل الأول، هذه الأخيرة لا تدور وستعطينا مئات من المجموعات النجمية العنقودية، 100000 نجم لكل منها مشكلاً "المجرة الأحفورية".

يتسبب التبريد الإشعاعي في عدم استقرار هذه الكتلة الغازية وهو ما يؤدي لولادة نجوم من الجيل الثاني بسبب اللااستقرار الجاذبي.

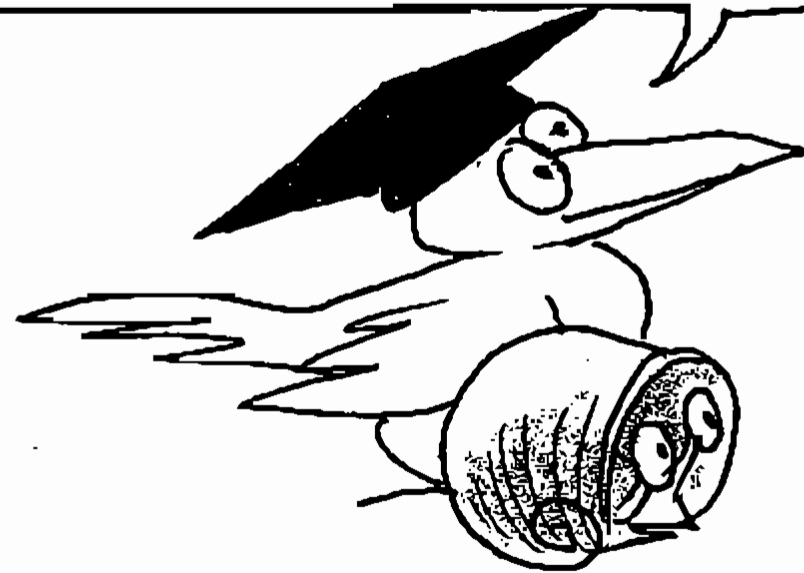


يُحافظُ القرصُ الغازي على سُمكِهِ، لأن الإشعاعات الفوق بنفسجية التي تصدرها النجوم الشابة تسخنها وتمنعها من الانسحاق بشكل كامل. يمكننا أن نشبه هندسة المجرة وغازاتها بقرص الحاسوب المضغوط.

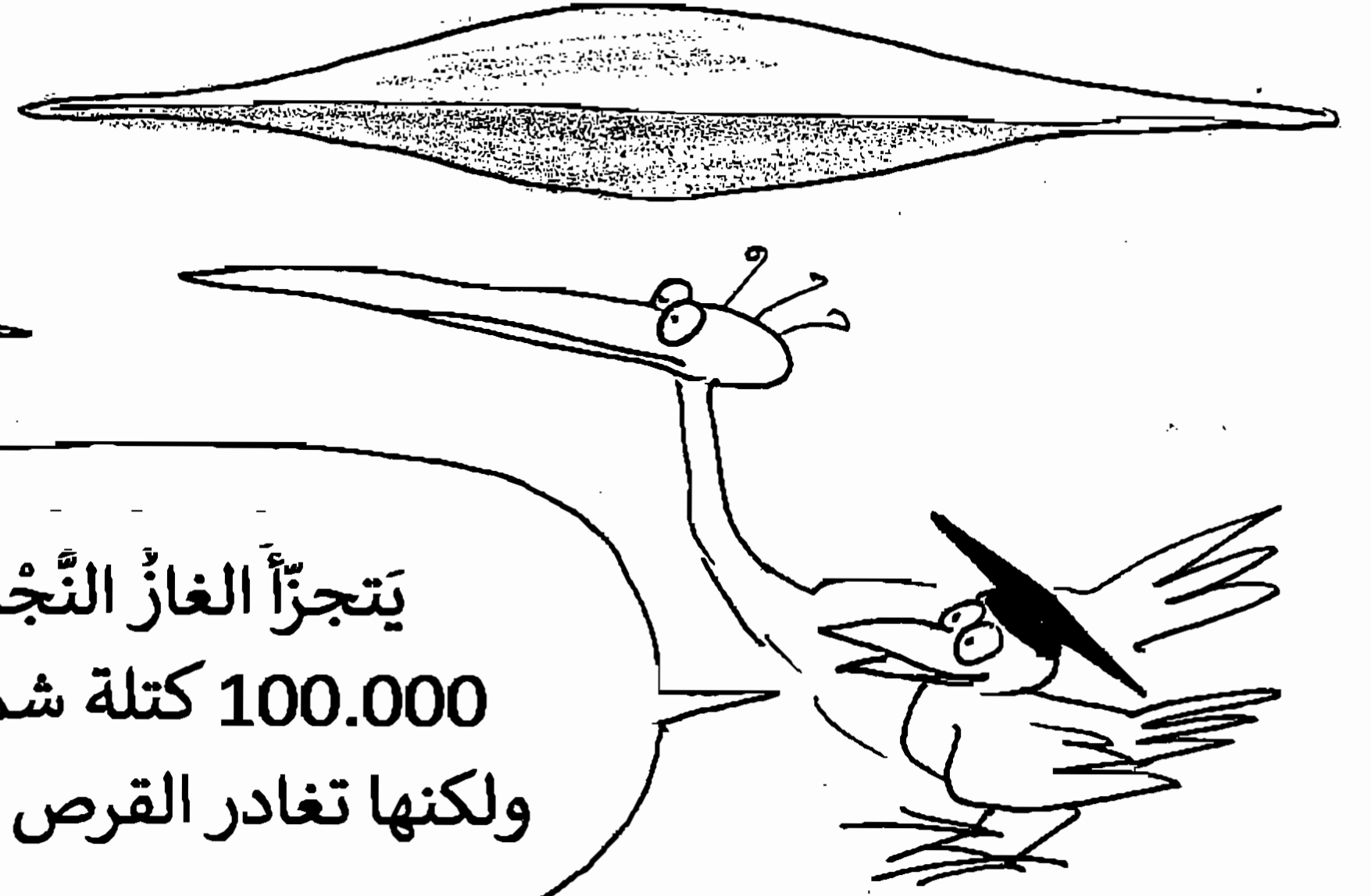
السُمك:  
300 سنة ضوئية



بمعنى آخر، هذه المجرات تعمل كطارد الماء في المرحاضات. فكلما انخفضت حرارة غاز، تنشأ نجوم جديدة تمنحها الحرارة اللازمة.



هناك شيء ما غامض: عندما نشاهد هذه المجرات اللولبية مقطوعياً نلاحظ أنها ليست مسطحة تماماً. ولا نستطيع حتى أن نُميزَّ حدوداً بين أهليّ المجرة أي مكونات الهالة والقرص.



يَتَجَزَّأُ الغازُ النُّجْمِي إلى سُحب ذات كُتل مختلفة جداً والتي من الممكن أن تعادل 100.000 كتلة شمسية. لا تتفاعل النجوم فيما بينها، بل تتجاهل بعضها البعض (\*) ولكنها تغادر القرص عندما تلاقي كتلاً غازية بينجمية وتتسارع بفعل تأثير مقلاع الجاذبية.

الوَسْطُ البينجمي زائلٌ ويتبدد كَسَحَابِ القزح في يوم مشمس. تتواصل انفجارات السوبرنوفا دون توقف (مرة واحدة في القرن، أي ما يعادل 100 مليون مرة خلال دورة واحدة للمجرة)، ناثرة وناشرة مَعَهَا الغاز في شعاع قدره أكثر من مائة سنة ضوئية كمفرقات نارية تتفجر داخل غطاء ما. وعندما تمر العاصفة ستتشكل سحابة أخرى في مكان آخر بفعل اللاستقرار الجاذبي.

مَجْرَةٌ درب التبانة مسالمةٌ. أليس كذلك؟



(\*) إْحْتِمَالُ التَّلَاقِي بَيْنَ النُّجُومِ فِي المَجْرَةِ شَبِيهِ بِالتَّلَقَاءِ نَمَلَيْنِ فِي بِلَادِ بَحْجَمِ المَغْرِبِ.

# الميكال اللولبي

ما هو موقفنا على هذه الجبهة؟

عندما ندرس كل مجرة على حدة، نرى أن الأذرع اللولبية لا تصمد إلا للفة واحدة.

هذه المادة الباردة موجودة بالضرورة في مجموعات المجرات نظرا لوجود مجرات حلزونية بها.

هذه وجهة نظر تُحترم...

أوه، كلُّ هذا الكَمِّ من الأشياء الضرورية من أجل الحفاظ على المتجر.

عندما أنثر كميةً من الهيدروجين البارد، فهو يلفُّ في دوامة، ليس طويلا، ولكن كما نلاحظ في المجرات أن تدفق الهيدروجين يُغذيها بوفرة.

وهذه المادة الشديدة البرودة، هل تراها؟

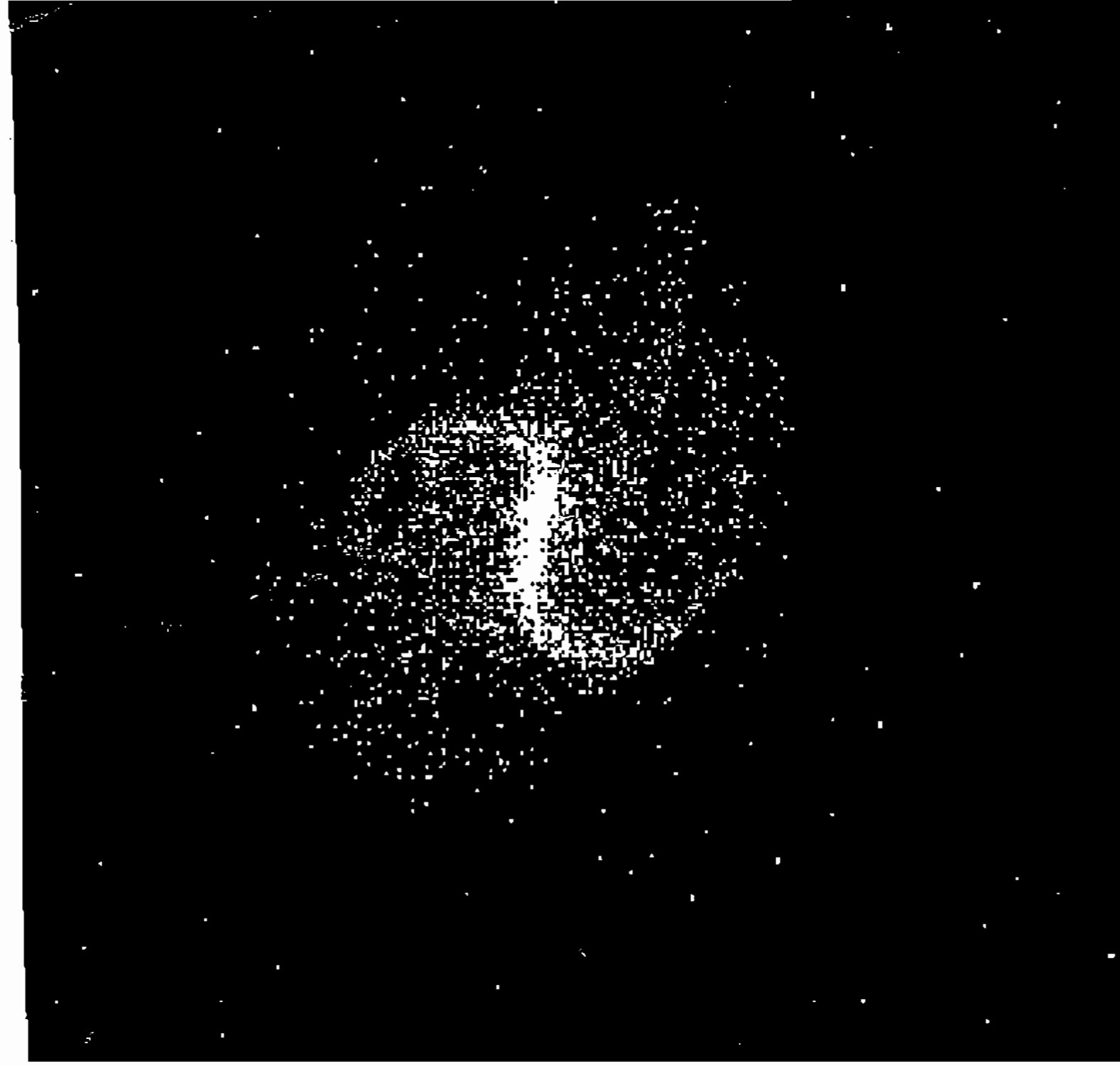
Momentum of the positive population

حَمِيَّة الْقُوَّةِ الْإِثْبَاتِيَّةِ لِلْمَاخِذَةِ الْمَوْجِبَةِ لِلْمَجْرَةِ

الميكال الحلزوني يُتْرَجُه وَيَعْبُرُه عَنْ

تباطيء، فِي حَرَكَةِ دَوْرَانِ الْمَجْرَةِ بِفَعْلٍ

تَفَاعُلِهِ مَعَ وَسَطِ الْمَادَّةِ السَّالِبَةِ.



فِي سَنَةِ 2002:

مِنْ خِلَالِ تَفَاعُلِ تَكْتَلٍ  
مِنْ الْكُتْلِ الْمَوْجِبَةِ، تَدُورُ  
فِي ثُقْبٍ دَاخِلِ تَوْزِيْعَةٍ مِنْ  
الْكَتْلِ السَّالِبَةِ:

<=

نَلَاخِظُ تَكُونًا فُورِيًّا لِمَجْرَةٍ  
حَلْزُونِيَّةٍ مُسَطَّحَةٍ وَمُسْتَقْرَةٍ  
خِلَالَ 30 لَفَّةً. تَمَّ التَّخْلِي  
عَنْهَا نَظْرًا لِعُدْوَانِيَّةِ  
النَّظَرِيَّاتِ الْمُنَافِسَةِ.

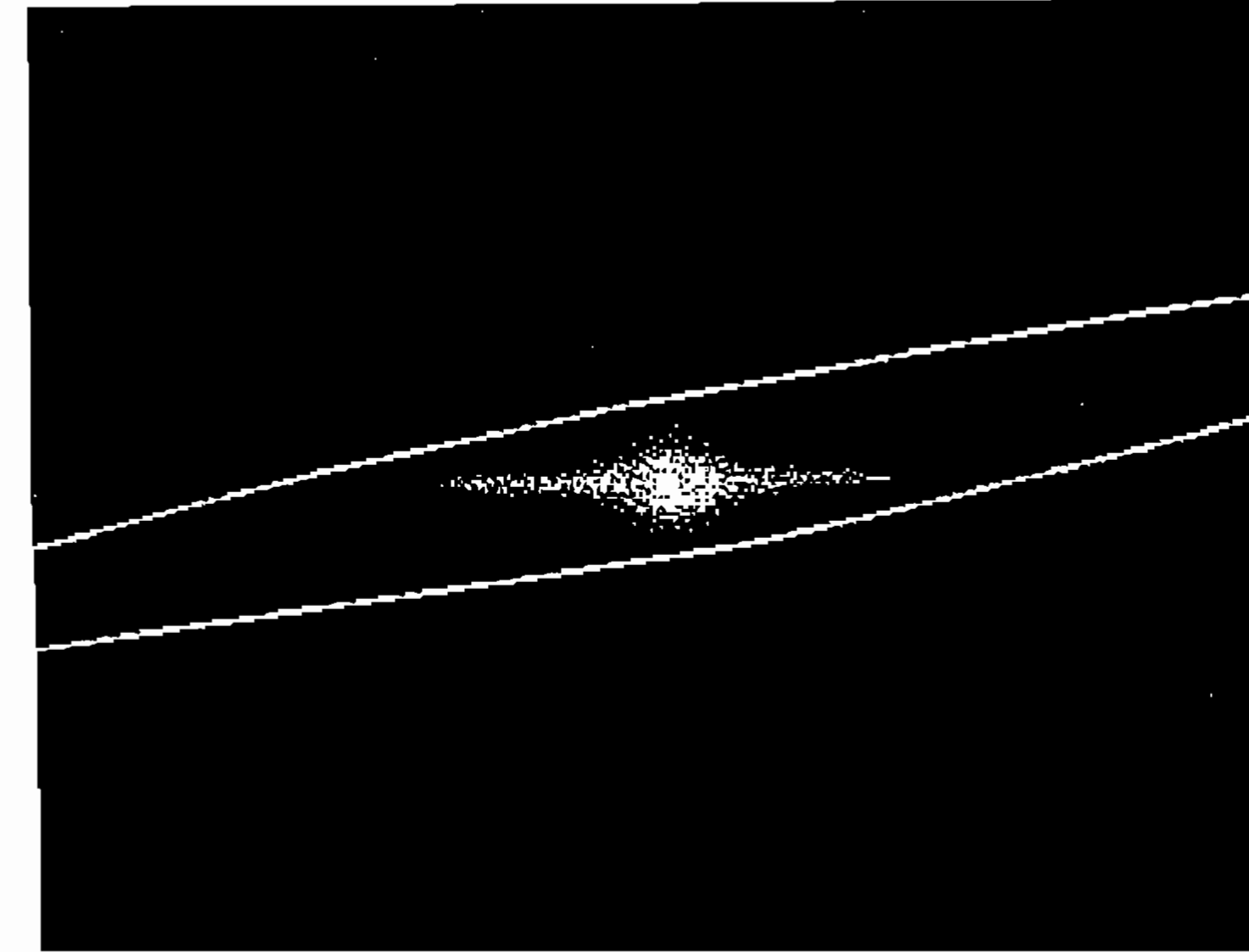
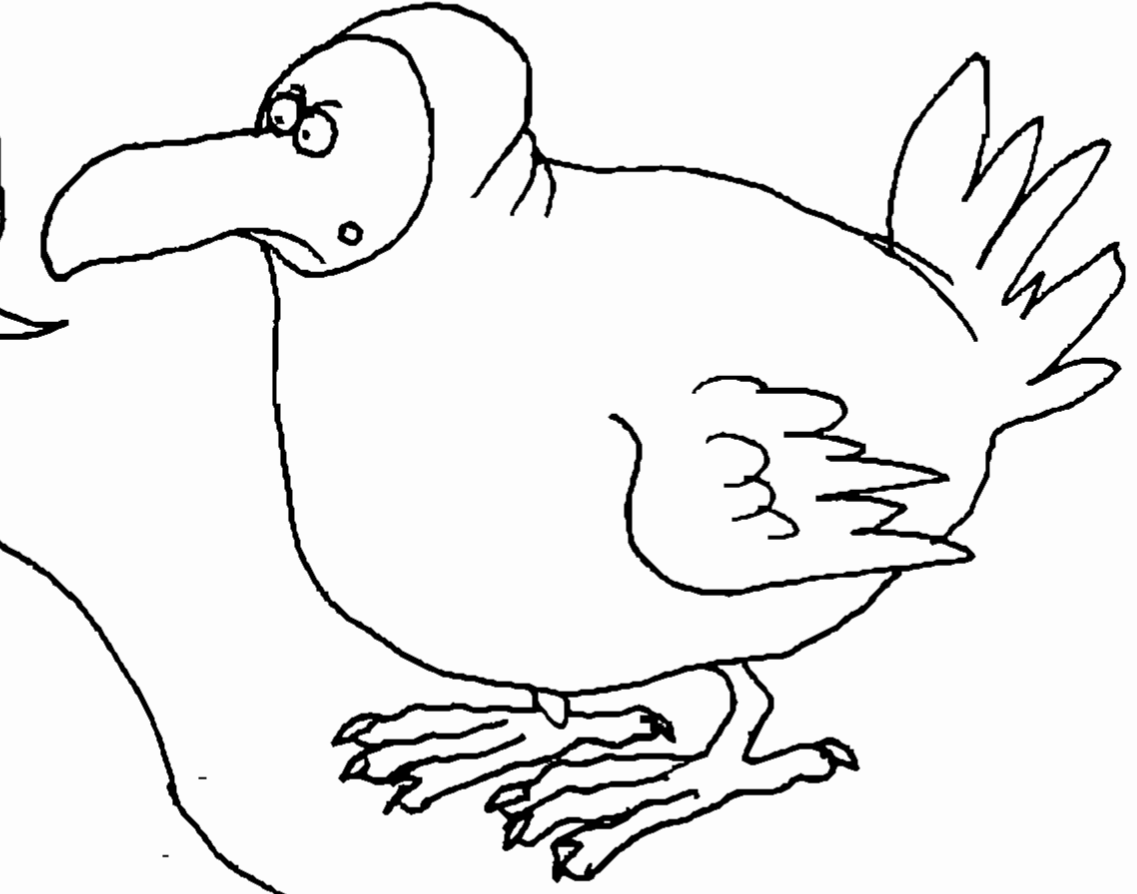
الفكرة هنا بسيطة للغاية: المجرة التي تدور في ثقب الجبنة، محتجزة،  
تتعرض لظاهرة الاحتكاك الديناميكي.

كَمَثَلِ تَحْرِيكِ فَنْجَانِ الْقَهْوَةِ بِمَلْعَقَةٍ صَغِيرَةٍ.

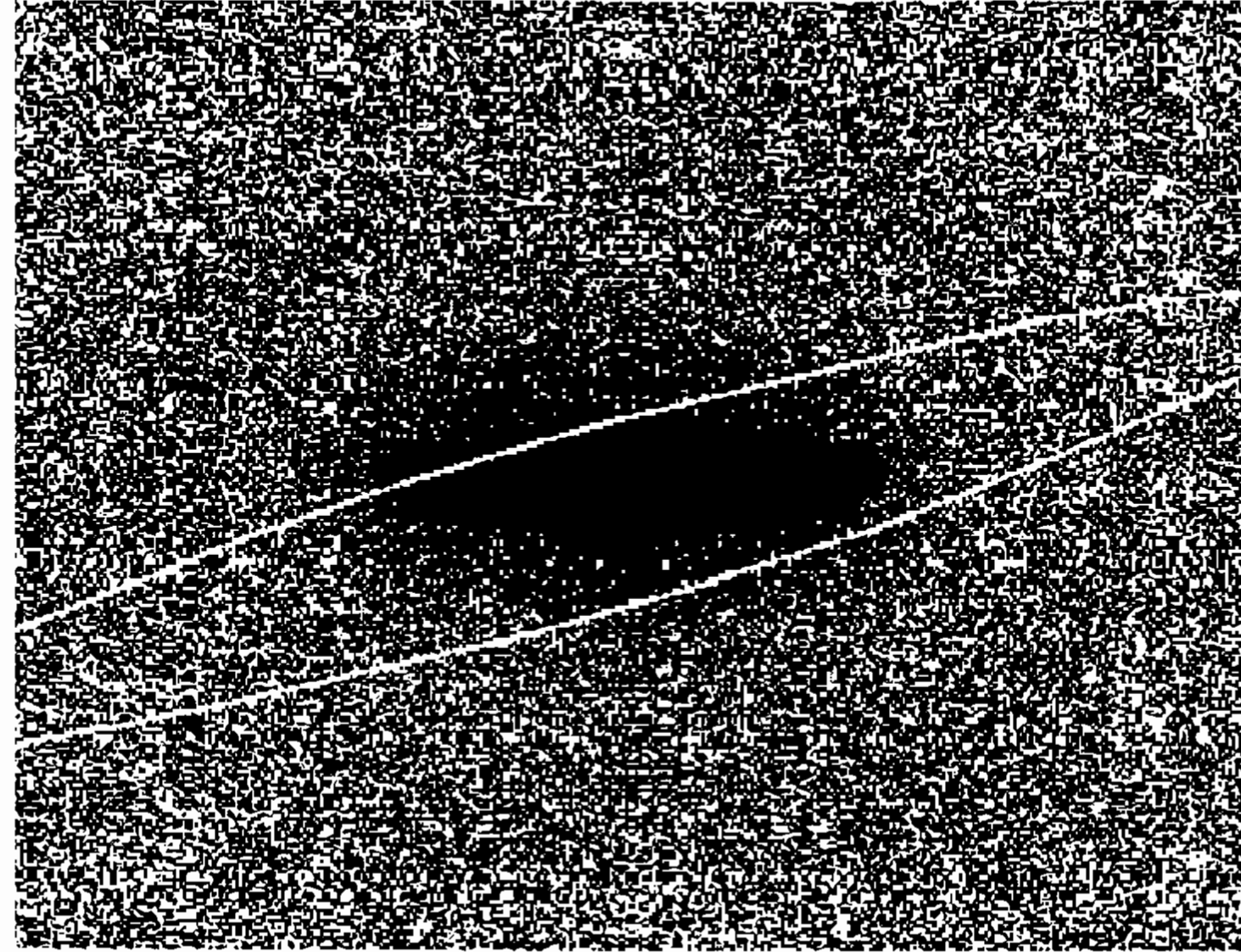
# المادة المظلمة الأسطورية

هذا جميلٌ جدًا. ولكن، ماذا ستقولون عن تأثيرات عدسة الجاذبية البَيَّنة، التي تثبت وجود المادة المظلمة.

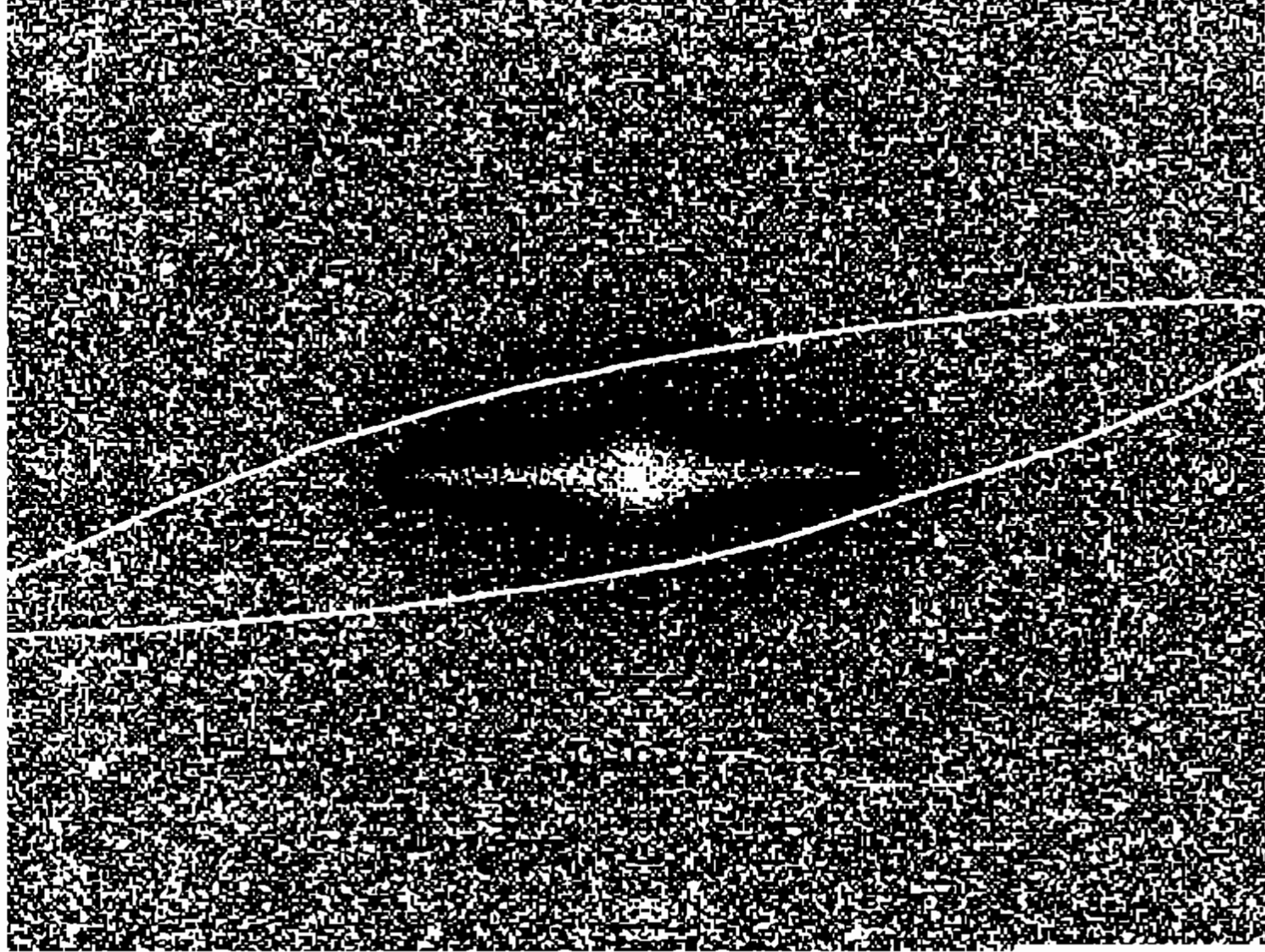
الصورة على اليمين، نُشاهدُ هنا تأثيراً أولياً لعدسة الجاذبية الناتج عن كتلة مَجْرَّة مَعزولة. ولكنَّ المادة السَّالبة التي تحتجزها تَأثُرُ أيضاً على الفوتونات وتنتج تأثيراً تَرْكيزياً (الصورة في الوسط) والذي ينتج تأثيراً مضاعفاً في المجموع (الصورة على اليسار). أنتم تَعزُونَ ذلك لهالة من المادة المظلمة التي... لا توجد أصلاً.



تأثير عدسة الجاذبية لمجرة وحيدة



تأثير تَرْكيزي ناتج عن الكتلة السالبة



التأثيران مجتمعان



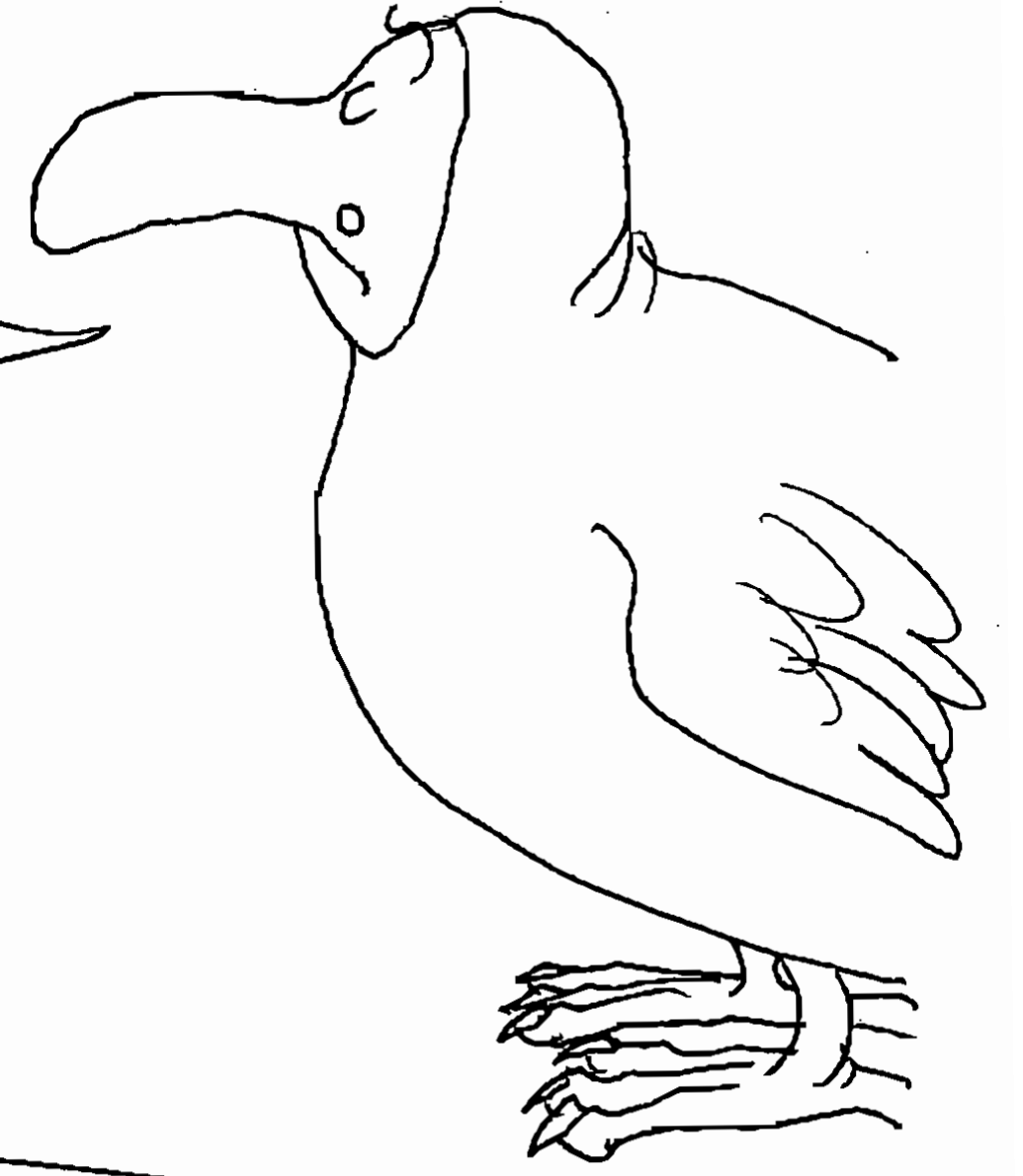
لدينا نفس الأسباب ونفس التأثيرات بالنسبة  
لتجمعات المجرات: تعزيز تركيز الأشعة الضوئية.

إذا لم أكن مخطئا، فالمادة السالبة تُطبَّق  
ضغطا مُضادا على مستويات مختلفة. إنها تضمن، قبل  
كل شيء، استدامة الهيكل العملاق للكون، (الغير كامل  
والملئ بالفراغات). وتحافظ أيضا على المجرات في  
المجموعة (مجموعة المجرات). بل إنها تحبسها في  
قياسات أصغر. ولكن، أليس في استطاعتها  
الانسلال إلى داخل المجرات أيضا؟

بلا، وسنجدها بكثافات صغيرة جدا  
بين النجوم أيضا.

هذا مُضحكٌ فعلا، فعلى النطاق الواسع والكبير جدًا: تتهيكَل المادة كقطعة الجبنة بينما تتموقع مجموعات  
الكتل السالبة في الثُّقب. والعكس تماما بالنسبة للنطاقات والقياسات الصغيرة: المادة ذات الكتل السالبة تصبح  
ملئية بالثقوب وفيها تسكن المجرات وعلى مستويات أصغر النجوم.

حسنا، لقد عَثَرْتُمْ على تفسير بديل  
لهذه الظاهرة. شخصيا، أنا أَفْضَلُ تلك التي  
تتأسس على نظرية المادة المظلمة.



هل يعني هذا، أنه من غير الممكن تَبَيُّن أي منها؟



علينا أن نَعْتَرِف أيضا أنه مع هذه النظرية التي نفاعل فيها  
بين مادتين ذوات كتل متعارضة (موجبة وسالبة) فنحن نضرب  
عصفورين بحجر واحد ولسنا في حاجة لإضافة عنصر جديد:  
الطاقة المظلمة.

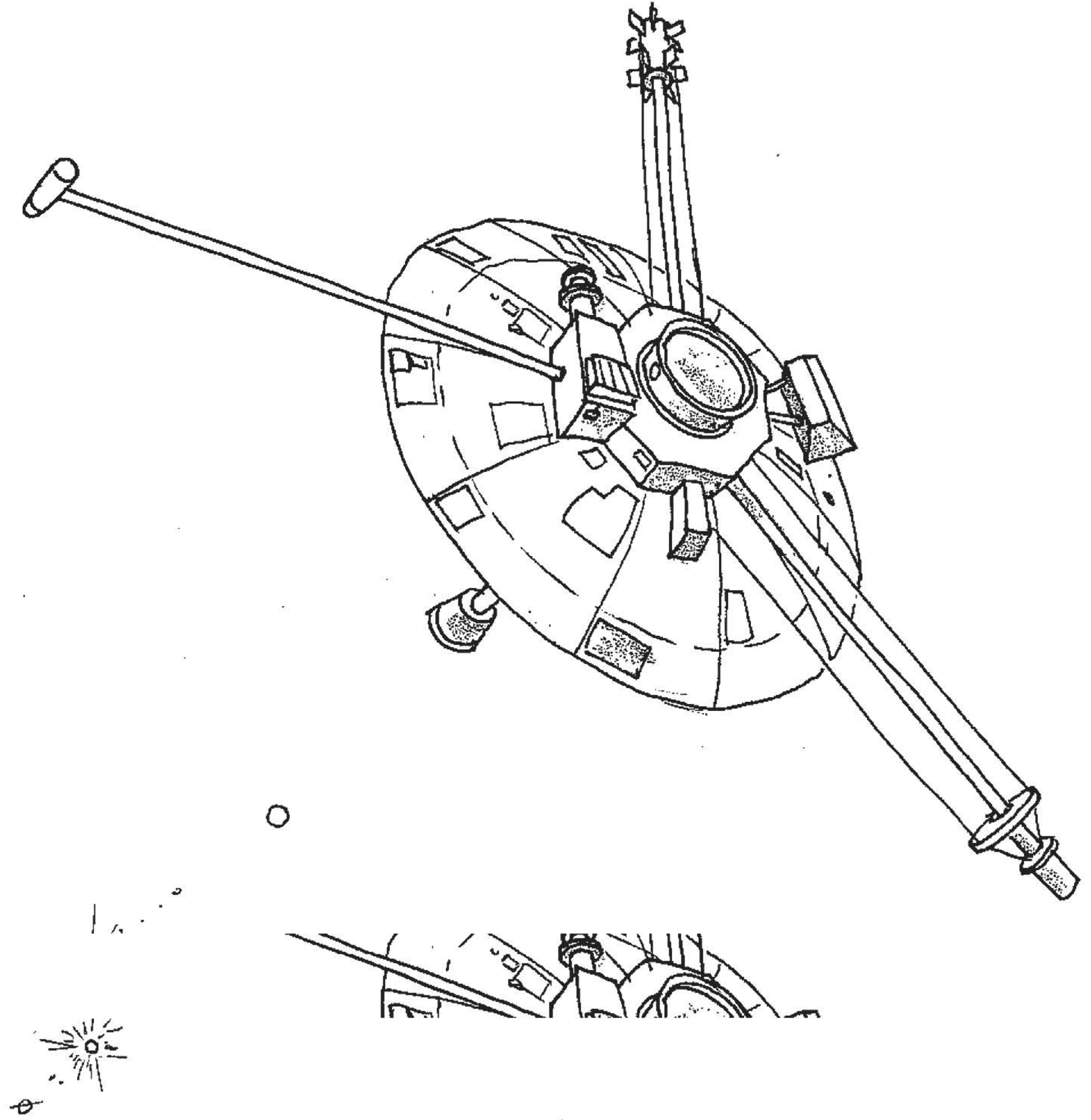
الحلُّ المِثَالِي هو أن نُسْجِل ونَرصِدَ ظواهر تأكد وتُعزِّزُ المادة ذات الكتلة السالبة  
وليس المادة المظلمة.



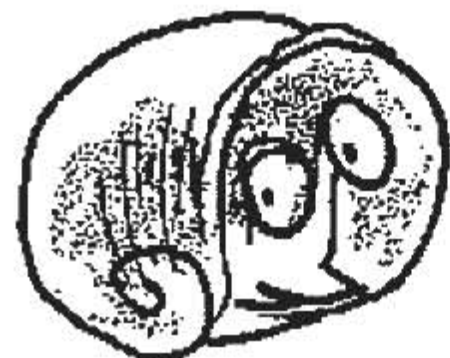
# تأثير بيونير

في 1972-1973 أرسلت وكالة الفضاء الأمريكية مركبتين فضائيتين لسبر أغوار المجموعة الشمسية: بيونير 10 و بيونير 11. استفادت المركبتان من تأثير المقلاع بمحاذاة كوكب المشتري الذي منحهما سرعة كافية للخروج من المجموعة الشمسية. نجحت المركبتان، المجهزان بمحركات نووية في التواصل مع الأرض إلى غاية 2003، عندما تم تسجيل ظاهرة غير اعتيادية: لقد تعرّض المسباران لتباطؤٍ مُتناهي الصّغر، ولكن قابل للقياس بشكل واضح ويّين. ثم فعل وعمل كل شيء ممكن للتحقق من هذه الظاهرة، بما فيها كون المجموعة الشمسية تخفي بمحاذاة الشمس كمية معينة

المادة المظلمة  
المقلاع بمحاذاة كوكب المشتري الذي منحهما

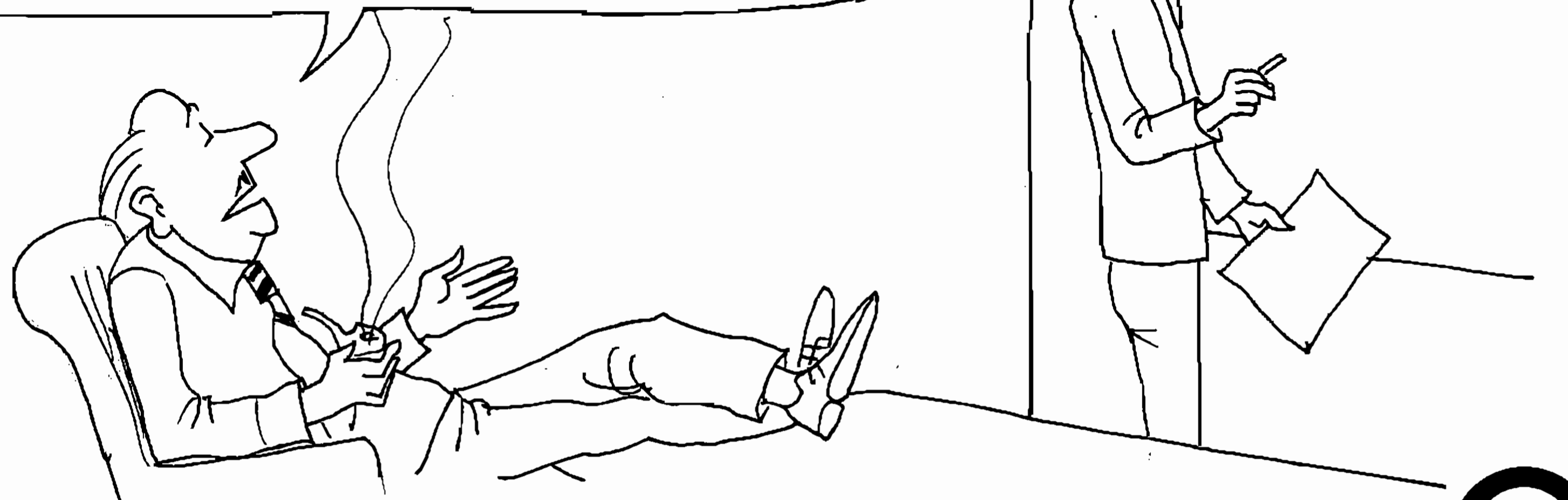


ولأول مرة، لم تعمل الظاهرة الجاهزة لتفسير كل شيء...



يعمل النظام الشمسي كآلية لميكانيكا الدقة تحكمها قوانين نيوتن. سمح لنا الحاسوب، عبر الزمن، من تحديد المسافات ومواقع الكواكب حول الشمس بدقة 20 متر تقريبا. لا يسمح هذا الهامش بأيّ تغيير في الكتلة المركزية التي تتحكم في حركة الكواكب ولو بجزء من المائة ألف من كتلة الشمس نفسها. بيد أنه من أجل التحقق من التسارعات المرصودة فستتجاوز كمية المادة السوداء التي يجب إضافتها هذه القيمة. نحن إذن مضطرون للبحث عن حل لهذه المشكلة خارج هذه النظرية. لقد بذلت مجهودات كبيرة لإضافة بعض التغييرات التجريبية على... قانون نيوتن نفسه (ديناميات نيوتونية معدلة) (\*). سيؤدي هذا لإعادة النظر في المبادئ الأساسية للنسبية العامة. وبعيدا عن ذلك، فهذه التعديلات اللازمة لإظهار ظاهرة التباطؤ هذه لا تتوافق مع ديناميكية المسافات المتقاربة للشمس، أي الكواكب التلورية.

أحاول أن أقنع نفسي بأن قانون نيوتن المعدل يُوافق ويُفسر تباطؤ المسبارين. ولكن إذا استخدمته لإرسال مركبة إلى كوكب المريخ فسأخطئ هديني حتما، وبمسافة كبيرة. تواريخ كسوف الشمس والقمر أيضا لا توافق التقويم. ما العمل إذن؟



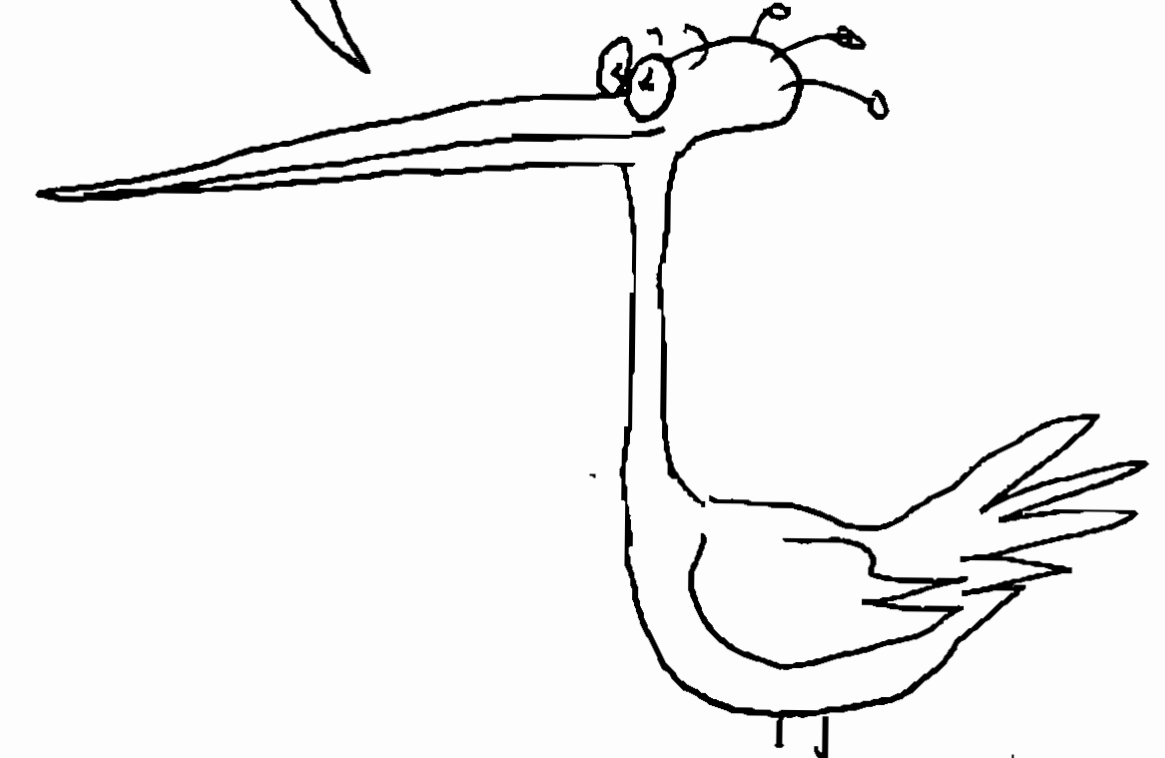
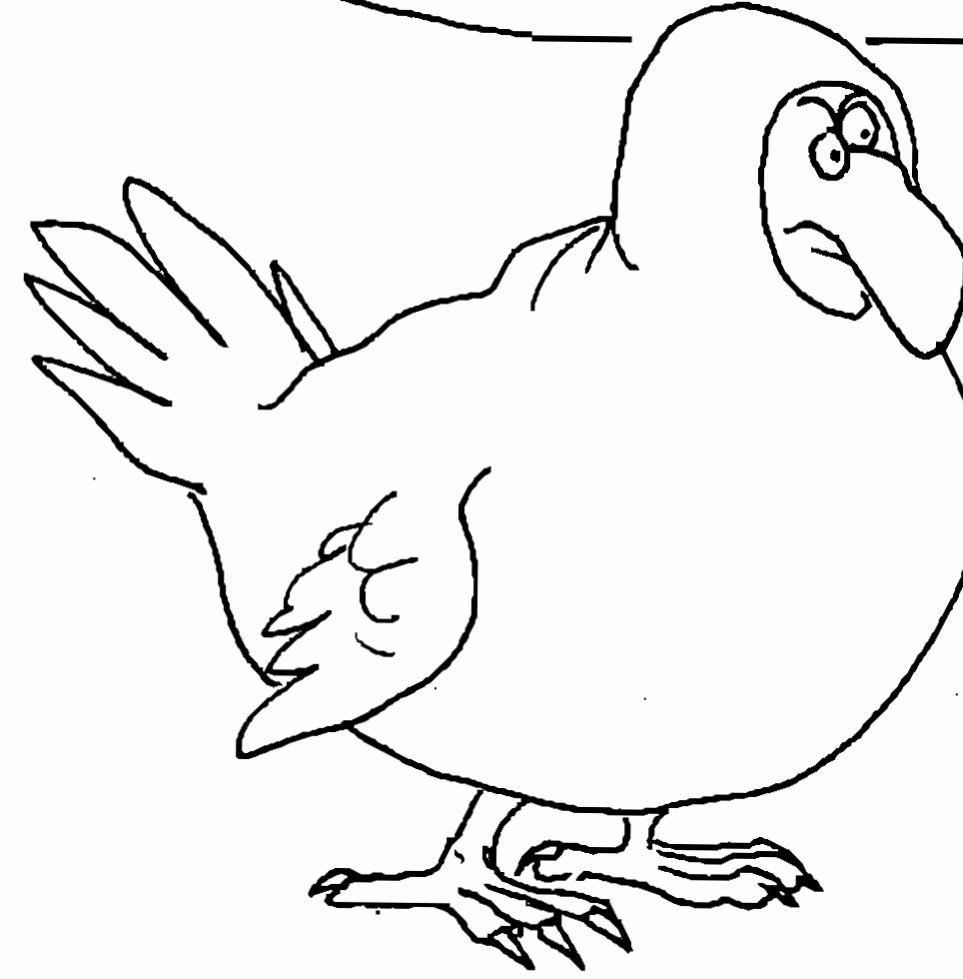
(\* ) Modified Newton Dynamics

تم رفض وإلغاء جميع الأسباب ذات المصدر الفيزيائي والتقني بعد جرده

لم يتبقى لنا سوى عزو هذه الظاهرة  
للحركة الطاردة لكمية الكتلة السالبة  
المتناهية الصغر الموجودة بمحاذاة  
الشمس.

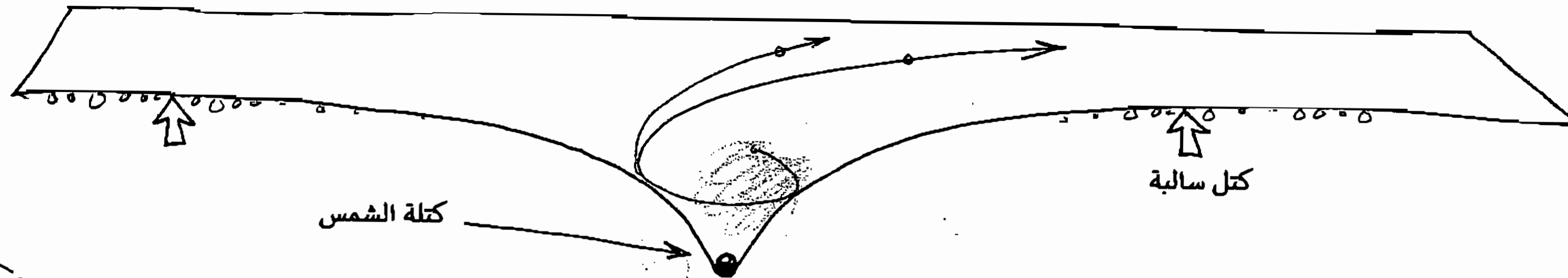


فرضية المادة المظلمة لا تستطيع إذن فك شيفرة  
هذه الظاهرة اللّغز، الغير قابلة للجدل التي سلط عليها الضوء  
هذان المسباران، بيونير 10 و11.



ماذا عنها إذن؟

ترفع كرات البينج بونغ المساحة التي يتحرك عليها المسباران  
بشكل ضئيل. الجهد اللازم للحركة (الجاذبي) سيزداد شيئاً ما بوجود  
هذا الغارق الضئيل في الارتفاع.



هذا هو الشرح ذي المعنى الوحيد.

# الكون ثنائي الجاذبية

نشرت "سابين هوسفيلدر" في يوليو 2008 بحثا بمجلة "مرجع الفيزياء" (\*) عنوانه:  
نظرية ثنائية الجاذبية مع تبادل تماثلي.

## A Bi-Metric Theory with Exchange Symmetry

S. Hossenfelder\*

Physical Review Juillet 2008

*Perimeter Institute for Theoretical Physics*

*31 Caroline St. N. Waterloo Ontario, N2L 2Y5, Canada*

(Dated: July 17, 2008)

We propose an extension of General Relativity with two different metrics. To each metric we define a Levi-Cevita connection and a curvature tensor. We then consider two types of fields, each of which moves according to one of the metrics and its connection. To obtain the field equations for the second metric we impose an exchange symmetry on the action. As a consequence of this ansatz, additional source terms for Einstein's field equations are generated. We discuss the properties of these additional fields, and consider the examples of the Schwarzschild solution, and the Friedmann-Robertson-Walker metric.

تعرف "سابين هوسفيلدر" تماما وجود أعمال السابقة، المتقدمة جدًا، في ثنائية الجاذبية (تجربة جديدة 1994، علم الفيزياء الفلكية وعلوم الفضاء 1995).  
لقد ذكرتها في أكتوبر 2008 بوجود هذه الأبحاث دون تلقي أي رد.

1 - Bigravity as an interpretation of cosmic acceleration J.P.Petit & G. D'Agostini. <http://arxiv.org/abs/0712.0067> du 2 décembre 2007

# الكون ثنائي الجاذبية

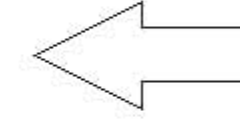
نشرت "سابين هوسفيلدر" في يوليو 2008 بحثا بمجلة "مرجع الفيزياء" (\*) عنوانه:



سابين هوسفييدر، كندا

ردُّها:

Hi Frederic,  
I can't recall I received an email by your friend. I looked up his works after you mentionned him, but I can't say I find much similarity to my approach, except superficial similarities in the outcome. The whole setup seems distinctively different.  
Best Sabine



رسالة الكترونية من طرف صديق لي:

Hi Sabine  
I hope you are still progressing fast. A friend of mine, Jean-Pierre Petit, tried to contact you in 2008, october. Apparently you did not receive his message, didnt you ?  
May be I'm wrong but I think yours works have very much in common. So you might be interested in his prediction in comology ans astrophysics and may be a collaboration would be possible ?  
Best Fred

لا تعلقة.

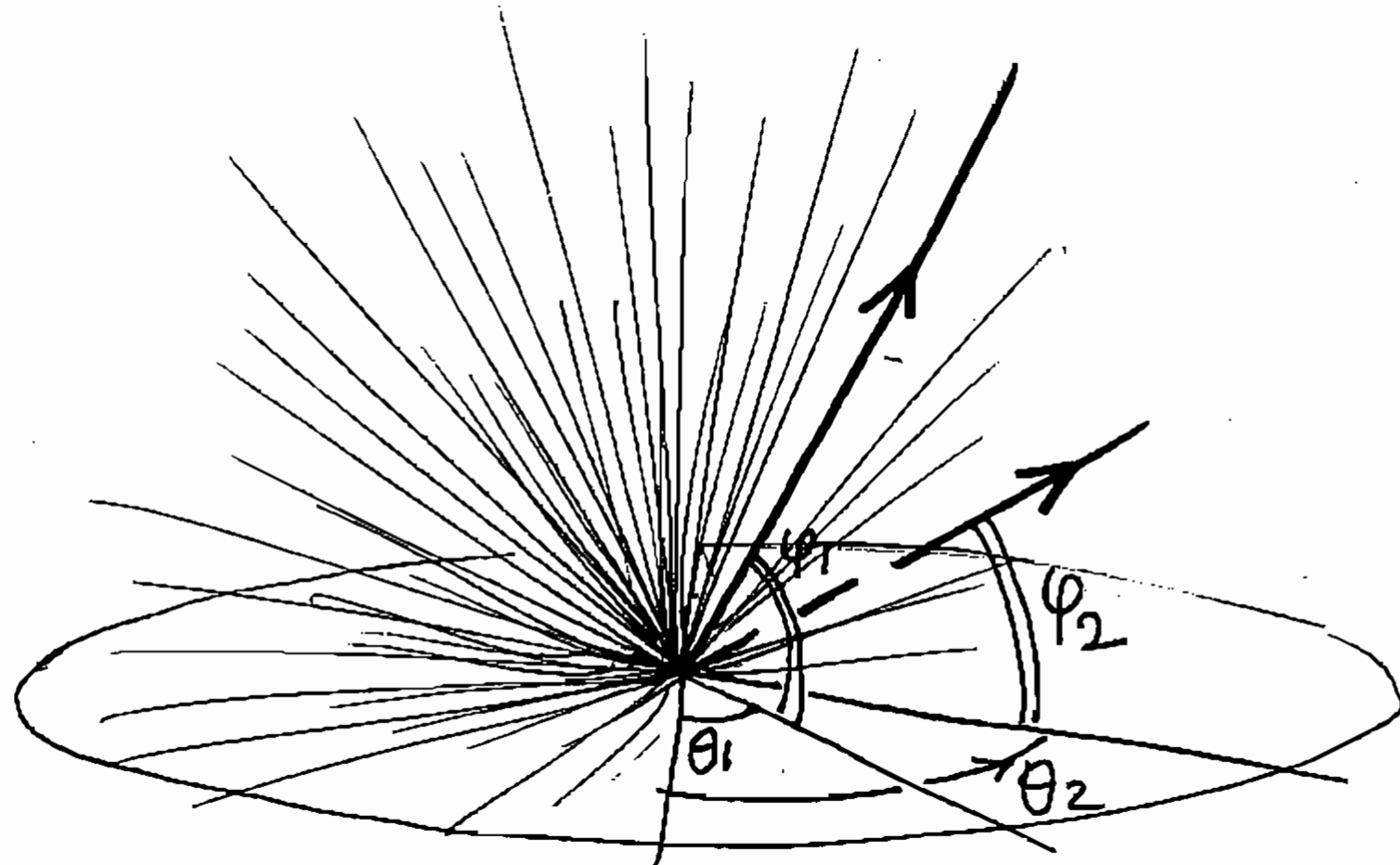


عالم البَحْثِ العلمي مليء بمثل هذه المشاكل.  
هذا قوس أغلقناه، لنعد لأبحاثنا.



# أسطورة الكهف.

لقد طَوَّرَ أفلاطون، في القرن الرابع قبل الميلاد، فكرة أن إدراك الإنسان للعالم، يشبه رؤية ظلال راقصة معروضة من الخارج على جدار كهف يعيش فيه سجيناً، أما الطبيعة الحقيقية للظواهر فلا يعرفها. لقد برزت هذه الأسطورة من جديد مع مجيء نظرية النسبية. بالفعل فقد قلنا بأن التقدم الأساس لبداية القرن العشرين هي تلخيص الظواهر في الفضاء-الفائق: الزمكان. لتأمل هذه الصورة: تعرفون جميعاً باقة ألياف الإنارة التي تُوجَّهُ الضوء في اتجاه مُحدَّدٍ بِسَمْتِهِ  $\theta$  وبموقعه  $\varphi$  وهذه صورة لفضاء قبل-متري حيث لا معنى لمفهوم المسافة لأن الألياف لا تفصل بينها سوى فجوات زاوية.



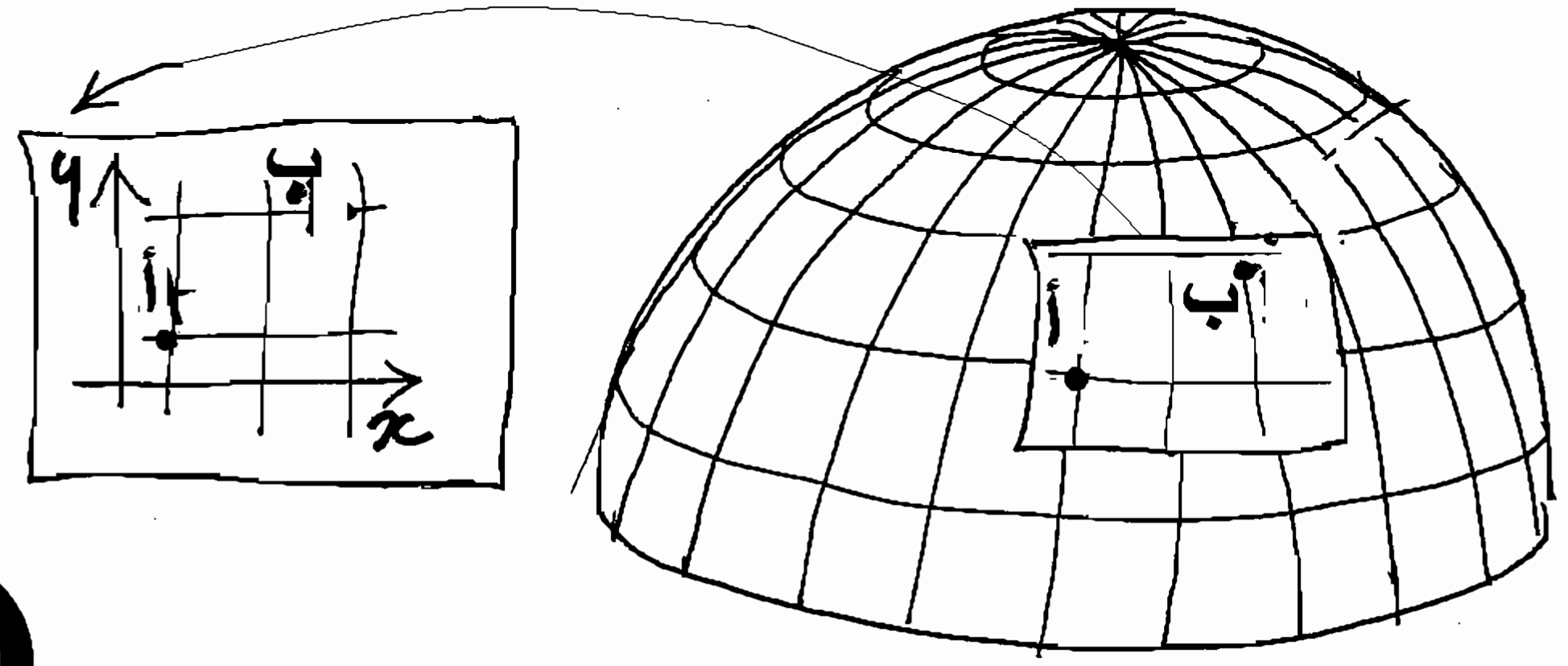
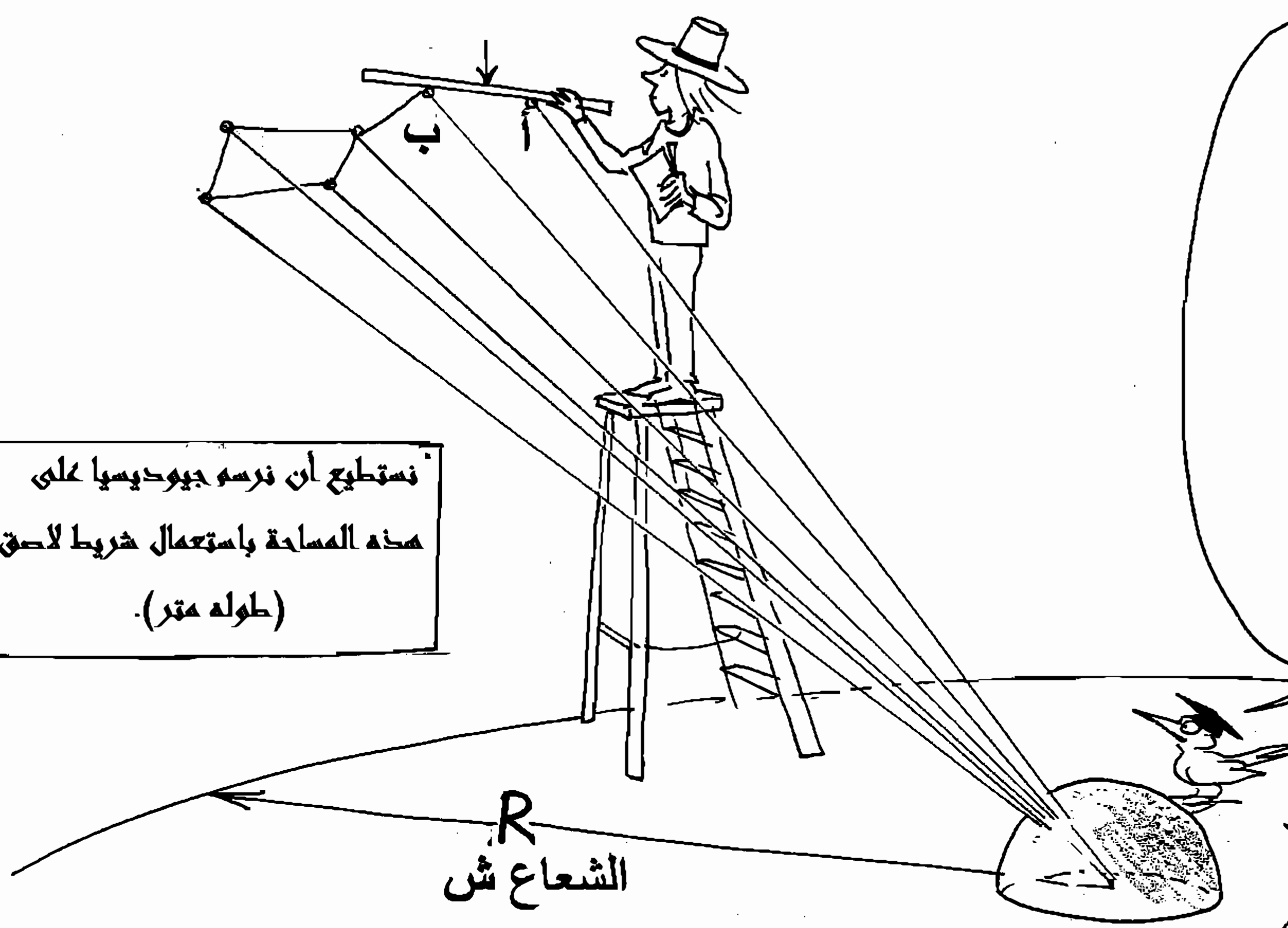


لنتصور باقةً من أليافِ الإنارةِ، المُكتظةِ.  
بعضها منير والبعض الآخر لا. بإسقاط هذه الأشعة،  
المختلفة الألوان، على شاشة كروية سنحصل على  
قُبَّة سَماوية، أي نموذج يمثل المجموعة الشمسية.  
نستطيع إذن أن نقيس على هذه الشاشة المسافة  
التي تفصل بين صورتين منها باستعمال الجيوديسيا.

طول القوس الجيوديسي أ-ب متناسب  
مع الشعاع ش لكرة القبة. سنسمي المسافة ش  
"عامل قياس الفضاء"، أو "المدى".

نستطيع بعد ذلك أن نرسم ونصور هذه الشاشة بربط  
هذان النوعان من المنحنيات التي سنسميها الإحداثيات.

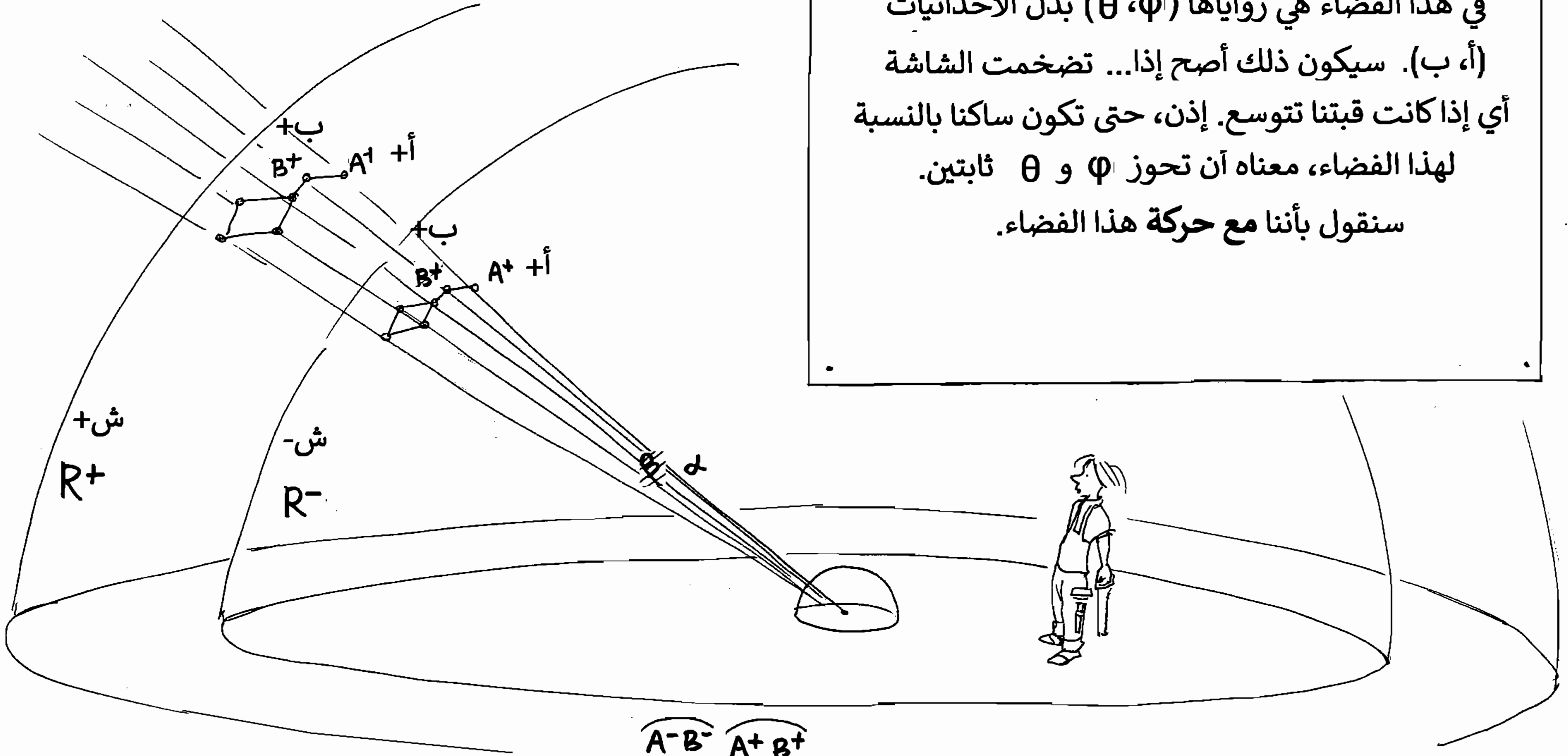
نستطيع أن نرسم جيوديسيا على  
هذه المساحة باستعمال خريط لاصق  
(طوله متر).



# البيهرية

لنتصور الآن معا: إسقاط وعرض مجموعة المواقع والأماكن  
هذه على شاشتين بدل شاشة واحدة.  $(\theta, \varphi)$

من الواضح أن الطريقة الصحيحة لتحديد موقع نقطة ما  
في هذا الفضاء هي زواياها  $(\theta, \varphi)$  بدل الاحداثيات  
(أ، ب). سيكون ذلك أصح إذا... تضخمت الشاشة  
أي إذا كانت قبتنا تتوسع. إذن، حتى تكون ساكنا بالنسبة  
لهذا الفضاء، معناه أن تحوز  $\theta$  و  $\varphi$  ثابتين.  
سنقول بأننا مع حركة هذا الفضاء.



$\widehat{A^- B^-}$   $\widehat{A^+ B^+}$

أصبح لدينا طريقتين مختلفتين لقياس المسافة التي تفصل بين  $A^+ B^+$  و  $A^- B^-$   
(صور نفس الأشعة الضوئية  $\beta$  و  $\alpha$  حسب الشاشة المختارة).

# أفلاطون أو الكون المتوهم

تمثل ثنائية مسافة الكون، البيمترية، تَغْيَرًا في النموذج (من الصَّعْبِ جدا تصويره). فنحن نستنسخ فكرة أفلاطون حرفيا بتصوير هندسي، غير ثنائي المسافة. حيث تحدد المواقع المختلفة  $\alpha$  و  $\beta$  عن طريق الزوايا  $(\alpha\theta, \alpha\varphi)$  و  $(\beta\theta, \beta\varphi)$  (الألياف البصرية) من الممكن لِنِظام العَرَضِ هذا أن يُعْرِضَ وَيُسْقِطَ على سطحين (سواء كانت صفحات أو أغطية أو أي شيء آخر) حيث من الممكن أن يكون العاملان  $ش^+$  و  $ش^-$  مختلفين جدًا. من الطبيعي جدًا، بالنسبة لمهندس رياضياتي طوبوغرافي، لمنح هندسة مماثلة، حيث تحدد المواقع عن طريق الزوايا، والتي يسميها تشكيلة من الصفحات، التي من الممكن أن تختلف عاملات قياسها  $ش^+$  و  $ش^-$  بشكل كامل.

إذا كانت هذا الفضاءات الفائقة، الرباعية الأبعاد، فضاءات مينكوسكي فستستطيع الأشياء أن تتحرك أسرع من سرعة ضوء هذا الفضاء. من الممكن جدًا أن تكون هذه السرعات مختلفة تماما (مثلا  $ش^+$  <  $ش^-$ ).

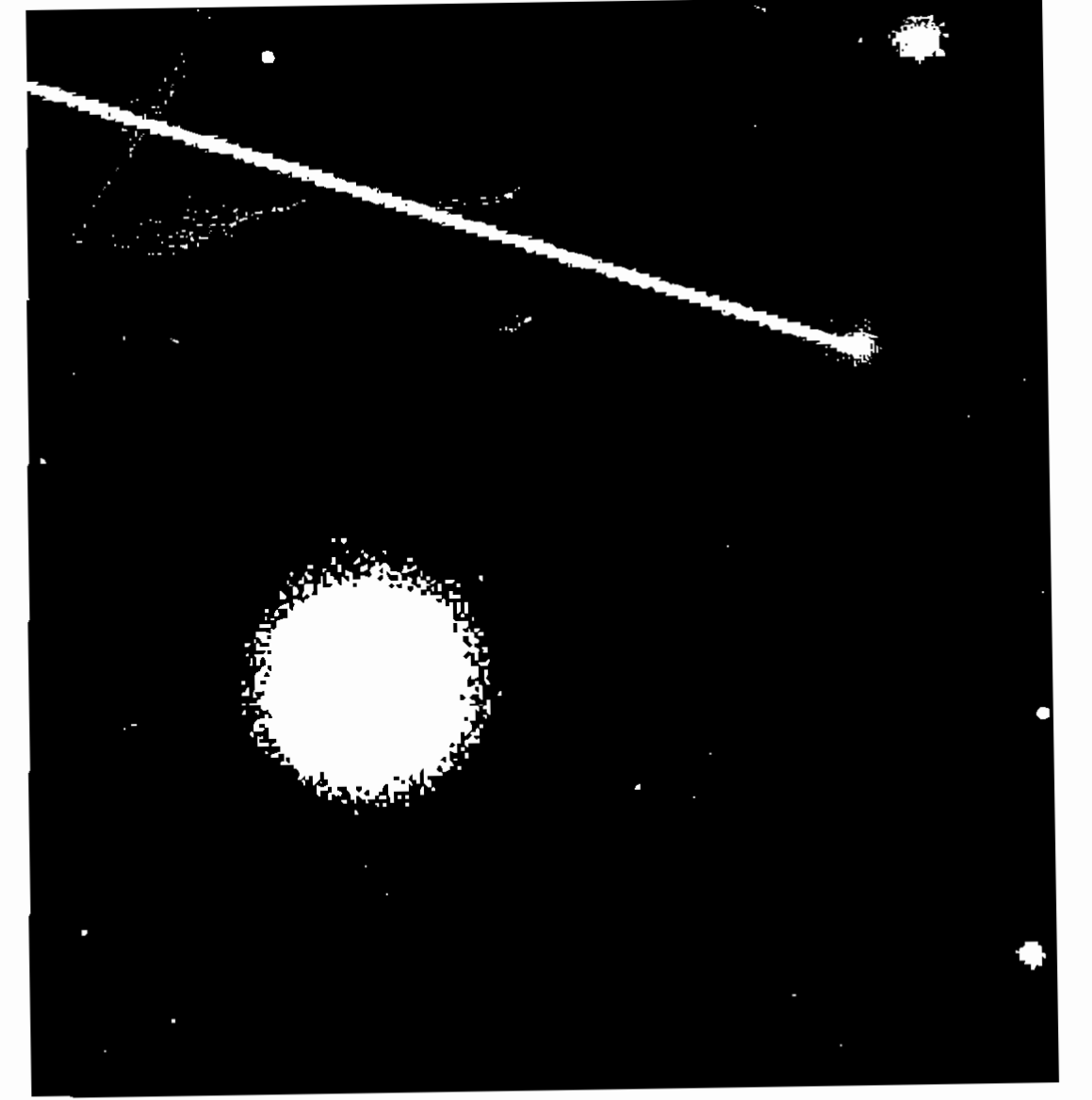
سنعتبر طبعًا أن الأشياء ذات الكتل  $ك^+$  (التي سمينها سابقًا  $ك$ ) والأشياء ذات الكتل  $ك^-$  والطاقة  $ط^-$  (أشرنا لها سابقًا ب:  $ك$  و  $ط$ ) التي تتخذ مسارًا  $أ^+ب^+$  و  $أ^-ب^-$  ستسجل في صفحات مختلفة، والذاتان من الممكن اعتبارهما كونان توأمان  $كون^+$  و  $كون^-$  يشكلان معا كونا توئما: كون. لا يوجد هذا الكون الثاني في مكان آخر، تماما كما هو الحال بالنسبة للطاقات السالبة. أشياء ذات كتل وطاقات متناقضة تسبح في كون واحد

حيث تتفاعل فيما بينها بالجاذبية فقط.

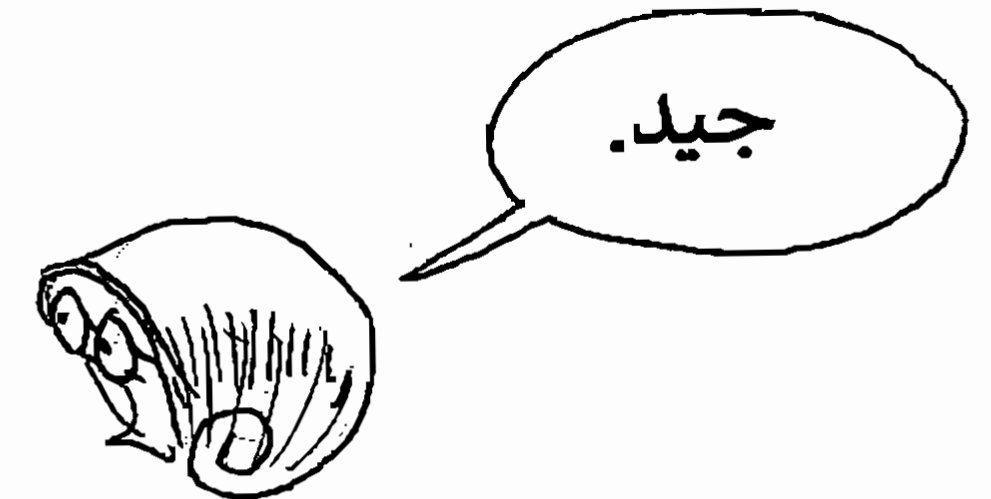
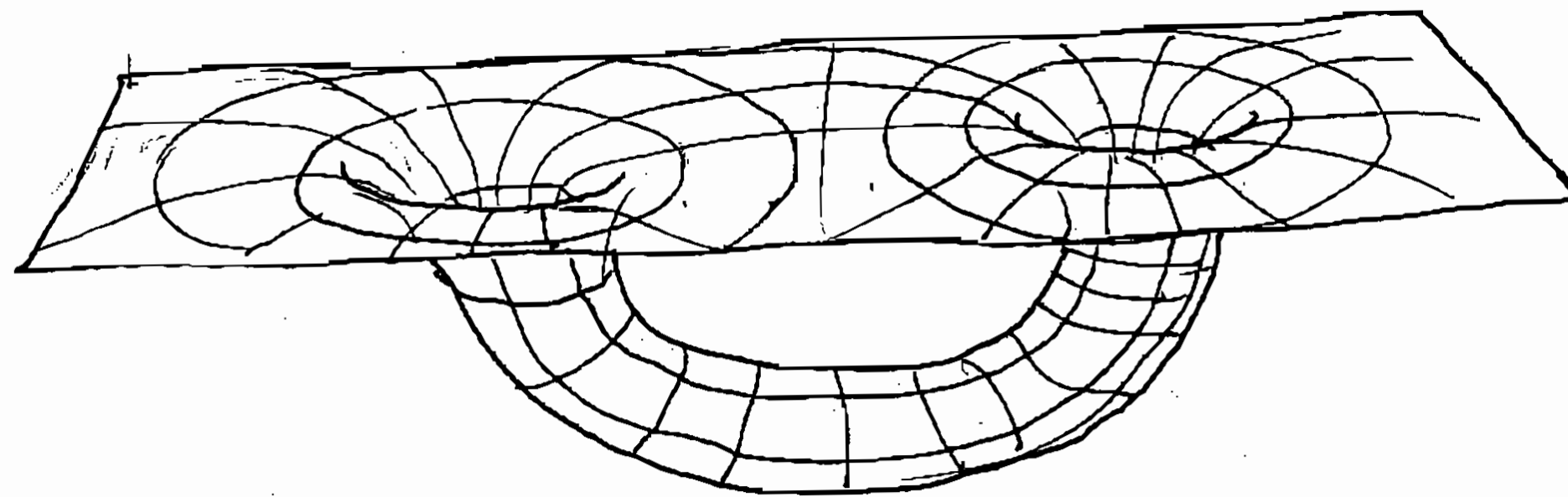
السفر عبر النجوم مُمكنٌ إذن، ويمكن إنجازُه عبر سلكٍ ممرات  
كون توعم له سرعة ضوء ض- أسرع (من سرعة كوننا س+).  
وسيكون لأي شيء له كتلة معكوسة الخاصيات التالية:

- غير مرئي
- مدفوع بكتلة الأرض

عندما سنُغيّر وجوده، عن طريق ظاهرة ما ذات طبيعة كمّية،  
في هذان الكونان التويمان، سيسقط من احداها ويرتفع في الآخر.  
سيبدو هذا التّغير السريع، بالنسبة لملاحظٍ مشكل من كتل  
موجبة، انطبعا بالجمود، إذن بضد الجاذبية.



لِحَدِّ الآن، عندما يعتبر العلماء هذا السفر ممكنا، فهم يتخيلونه عبر ثقوب أو أنفاق كروية فائقة.  
ولكن لا شيء مقنع بهذا الخصوص.

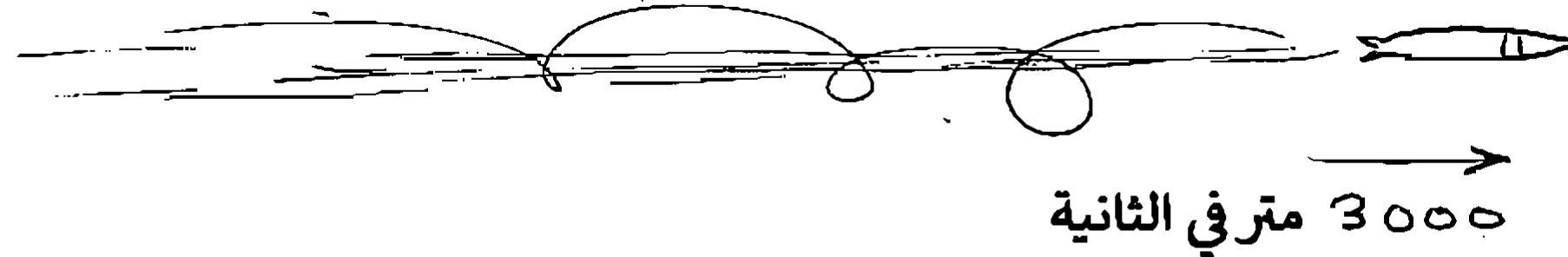
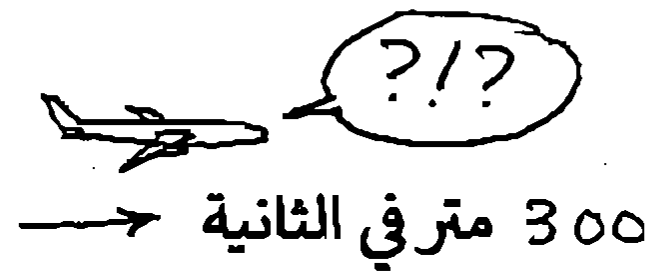


# السَّفَرُ عبر النُّجُوم

لقد اقتنع علماء الفيزياء الفلكية، مع مرور الزمن، بأن الكون غير مَلحوظ (عبر الرؤية والمشاهدة) وغيّر ملموس. وهكذا فقد طورنا الفكرة التالية... وهي تأملية تماما (في العلوم، نجيب على مجموعة من الأسئلة باختراع كلمات بسيطة) حيث نقبل وجود جسيمات، افتراضية، لا تتفاعل مع مادتنا إلا بشكل ضعيف جدًا. (\*) في النهاية جسيمات لا تتفاعل معنا سوى عن طريق قوة الجاذبية.

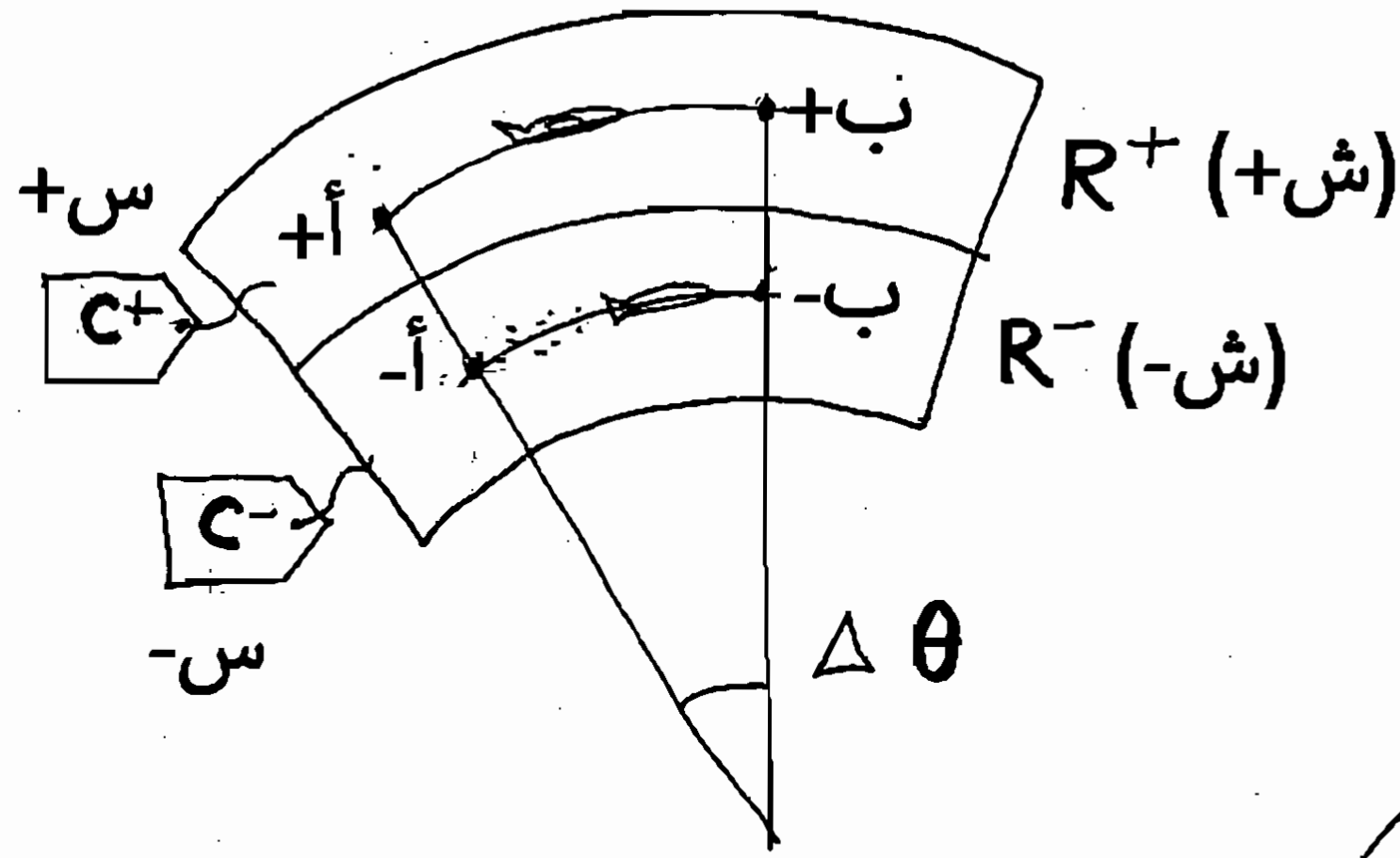
تستطيع مَرَكَبَةٌ، من الكتل السلبية فقط وتسير بسرعة بضع عشرات من كلومترات في الثانية، أن تعبر الأرض من الطرف للطرف وحتى شمسنا دون مشاكل (شريطة أن تكون سرعتها كافية حتى لا تبقى حبيس جاذبيتها). بالنسبة للسرعات الفوق صوتية، نستطيع أن نعطي الصورة التالية:

في عالم مزدوج، التنقل بسرعة فوق صوتية غير ممكن. هناك مساران للتنقل من مكان لآخر: جَوًّا، بسرعة أقل من 340 كلم في ث. أو تحت الماء: أي أبطأ من سرعة الصوت في هذا الوسط التي هي أكبر بعشرة أضعاف.



# تأثير جاليليو

من أجل اختصار المسافة التي يجب قطعها، نستطيع أن نتصور بأن الحركة زاوية فقط وتعود لنوعان مختلفان من الاسقاطات، مرتبطة بعوامل قياس المسافة ش<sup>+</sup> و ش<sup>-</sup> المختلفة. وترتبط هذه العروض والاسقاطات أيضا بسرعات ضوئية س<sup>+</sup> و س<sup>-</sup> مختلفة تماما.

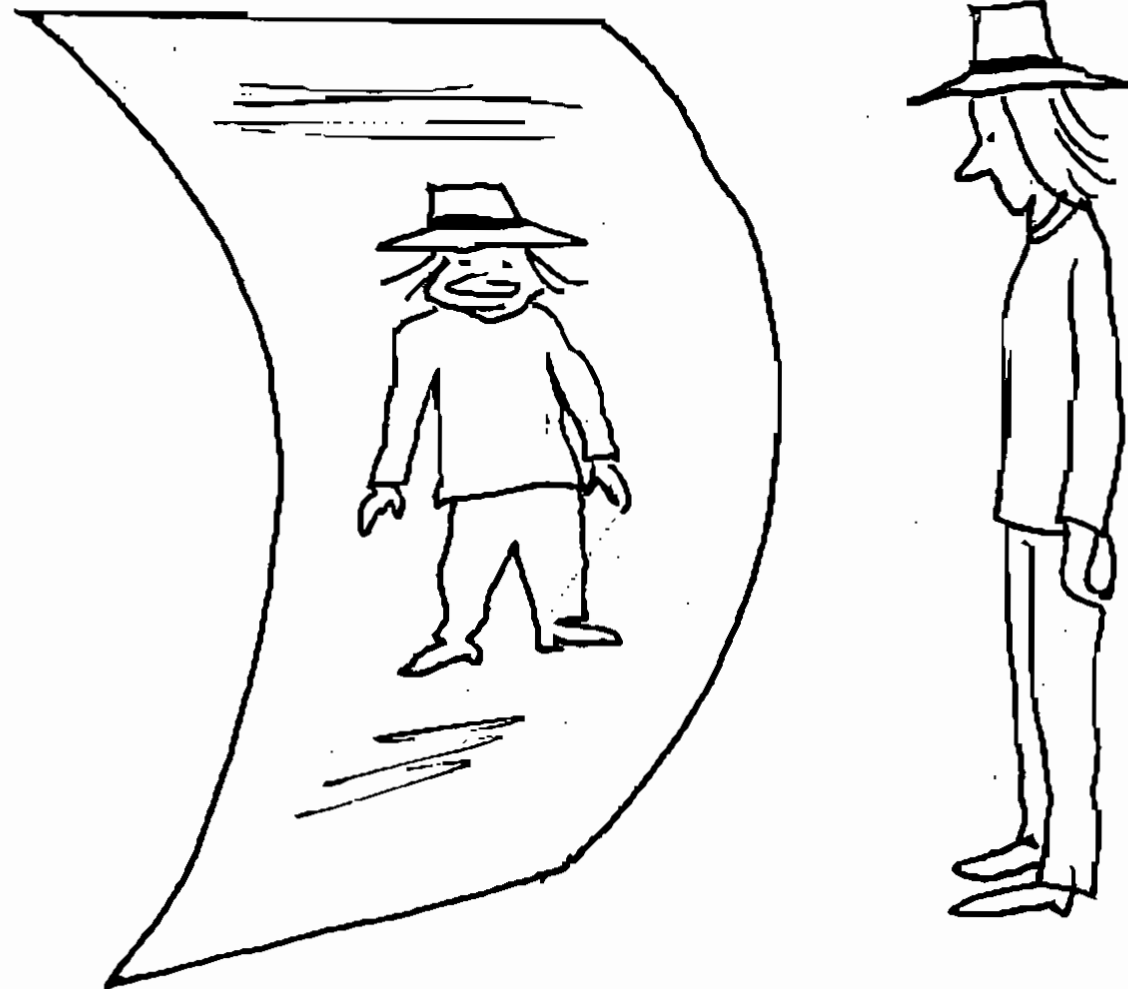


$$\left\{ \begin{array}{l} R^+ \gg R^- \\ C^+ \ll C^- \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{ش}^+ \ll \text{ش}^- \\ \text{س}^+ \gg \text{س}^- \end{array} \right.$$

ربحنا على مستويين اثنين: في العالم السالب،  
(الكون التوهم) هناك مسافة أصغر للقطع  
وبسرعة أكبر.



المسافات التي يجب قطعها،  
خلف هذه المرآة المقعرة، أقصر أيضا.



أعتقد أننا نخرج عن النص. لقد أصبحت  
هذه الحكاية شبيهة بقصة أليس في بلاد العجائب.  
نحن نسبح في الخيال.

ورغم ذلك فهي ممتعة.

ولكن العلوم اليوم هي خيال علمي  
بالنسبة للأمس. منذ قرن من الزمن كان تحول  
المادة مباشرة إلى طاقة،  $E = mc^2$   
محض خيال وأحلام.  
( $E = mc^2$ )

كنا نعتقد حينها أن الأمر مستحيل كونه يناقض مبدأ المحافظة على المادة.

ما المعادلة أعلاه  
سوى مبدأ المحافظة  
على الطاقة المادية.

أقترح، في هذه الرؤية التوهم، المبدأ التالي: من صفحة لأخرى،  
تُحفظ الطاقة المادية.



عزيزي تيريسياس، نحن نمارس لعبة: انتبهوا،  
كُلُّ مَبْدَأٍ يُخْفِي مَبْدَأً آخَرَ. وأنت بارع في هذه اللعبة.

انتبه! لم تتوقف مفاجئات الميكانيكا الكميّة، التي تُدير احتمالات الحضور.  
لقد نشر الباحثان "فابريس بوتّي" و "ميشيل سارازان" عملاً لِعَرْضِ وَإِسْقَاطِ بَصْفَيْحَتَيْنِ  
في مجلة "مراجعة فيزيائية" (\*)، حيث يستطيع جسيم ما الانتقال من صفحة لأخرى  
بتطبيق مَبْدَأِ المُحَافَظَةِ على الطاقة المادية أو مبدأ تيريسياس.

يعتزم، أيضاً، هاذان الباحثان القيام  
بتجاربٍ بِطَاقَاتٍ متواضعة نوعاً ما.

الحاجز الضوئي هو بمثابة حائط برلين  
بالنسبة لعلومنا الحالية، الفيزياء في غرب  
بيكوس.

ولكن، الخيال العلمي على الأبواب.  
أنتم تعرفون ما قد تؤول له الأمور.



# الفيزياء في الغرب المجهول (غرب بيكوس)

## Plausible "faster-than-light" displacements in a two-sheeted spacetime

Fabrice Petit<sup>1,\*</sup> and Michaël Sarrazin<sup>2,†</sup>

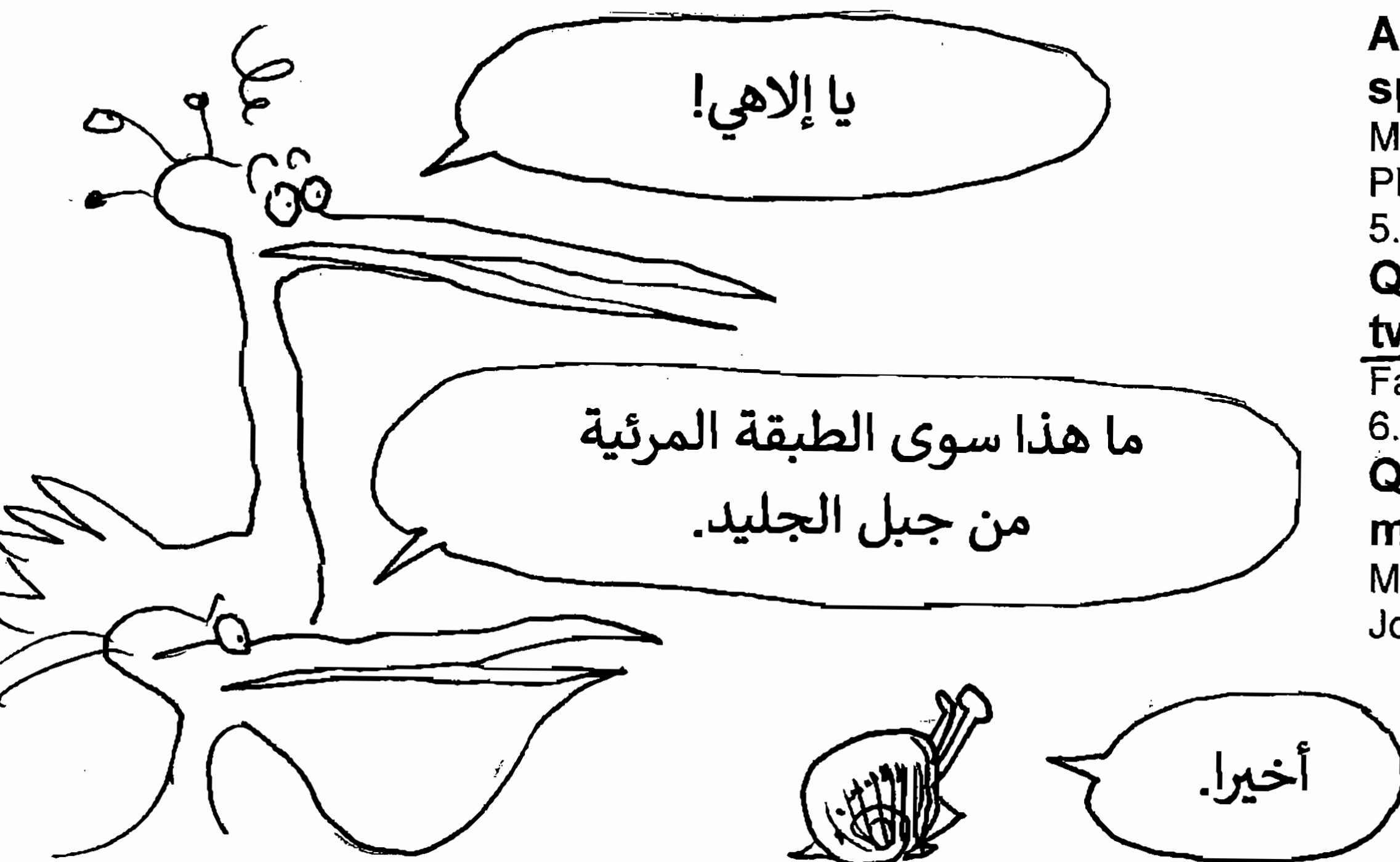
<sup>1</sup>Belgian Ceramic Research Centre,

4 avenue du gouverneur Cornez, B-7000 Mons, Belgium

<sup>2</sup>Laboratoire de Physique du Solide, Facultés Universitaires Notre-Dame de la Paix,  
61 rue de Bruxelles, B-5000 Namur, Belgium

In this paper, we explore the implications of a two-point discretization of an extra-dimension in a five-dimensional quantum setup. We adopt a pragmatic attitude by considering the dynamics of spin-half particles through the simplest possible extension of the existing Dirac and Pauli equations. It is shown that the benefit of this approach is to predict new physical phenomena while maintaining the number of constitutive hypothesis at minimum. As the most striking feature of the model, we demonstrate the possibility of fermionic matter oscillations between the two four-dimensional sections and hyper-fast displacements in case of asymmetric warping (without conflicting special relativity). This result, similar to previous reported ones in brane-world theories, is completely original as it is derived by using quantum mechanics only without recourse to general relativity and bulk geodesics calculation. The model allows causal contact between normally disconnected regions. If it proves to be physically founded, its practical aspects could have deep implications for the search of extra-dimensions.

PACS numbers: 11.10.Kk, 04.62.+v, 11.25.Wx



1. arXiv:0809.2060 [ps, pdf, other]

## Probing braneworlds through artificial matter exchange between branes: experimental setups for neutron and helium-3 disappearance

Michael Sarrazin, Fabrice Petit, submitted

2. arXiv:0706.4025 [ps, pdf, other]

## Plausible "faster-than-light" displacements in a two-sheeted spacetime

Fabrice Petit, Michael Sarrazin. Accepted for publication in Phys. Rev. D76, (2007)

Journal-ref: Phys. Rev. D 76, 085005 (2007)

3. arXiv:hep-th/0603194 [ps, pdf, other]

## Matter localization and resonant deconfinement in a two-sheeted spacetime

Michael Sarrazin, Fabrice Petit. Accepted for publication in Int. J. of Modern Physics A 22 (2007) 2629-2641

4. arXiv:hep-th/0505014 [ps, pdf, other]

## Artificially induced positronium oscillations in a two-sheeted spacetime: consequences on the observed decay processes

Michael Sarrazin, Fabrice Petit. Accepted for publication in Int. J. of Modern Physics A 21 (2006) 6303-6314

5. arXiv:hep-th/0409084 [ps, pdf, other]

## Quantum dynamics of massive particles in a non-commutative two-sheeted space-time

Fabrice Petit, Michael Sarrazin. Accepted for publication in Physics Letters B 612

6. arXiv:hep-th/0409083 [ps, pdf, other]

## Quantum dynamics of particles in a discrete two-branes world model: Can matter particles exchange occur between branes?

Michael Sarrazin, Fabrice Petit. Published in Acta Physica Polonica B (2005)

Journal-ref: Acta Phys. Polon. B36 (2005) 1933-1950

تسمح لي هذه الأداة بتحديد اتجاه رياح العلم.



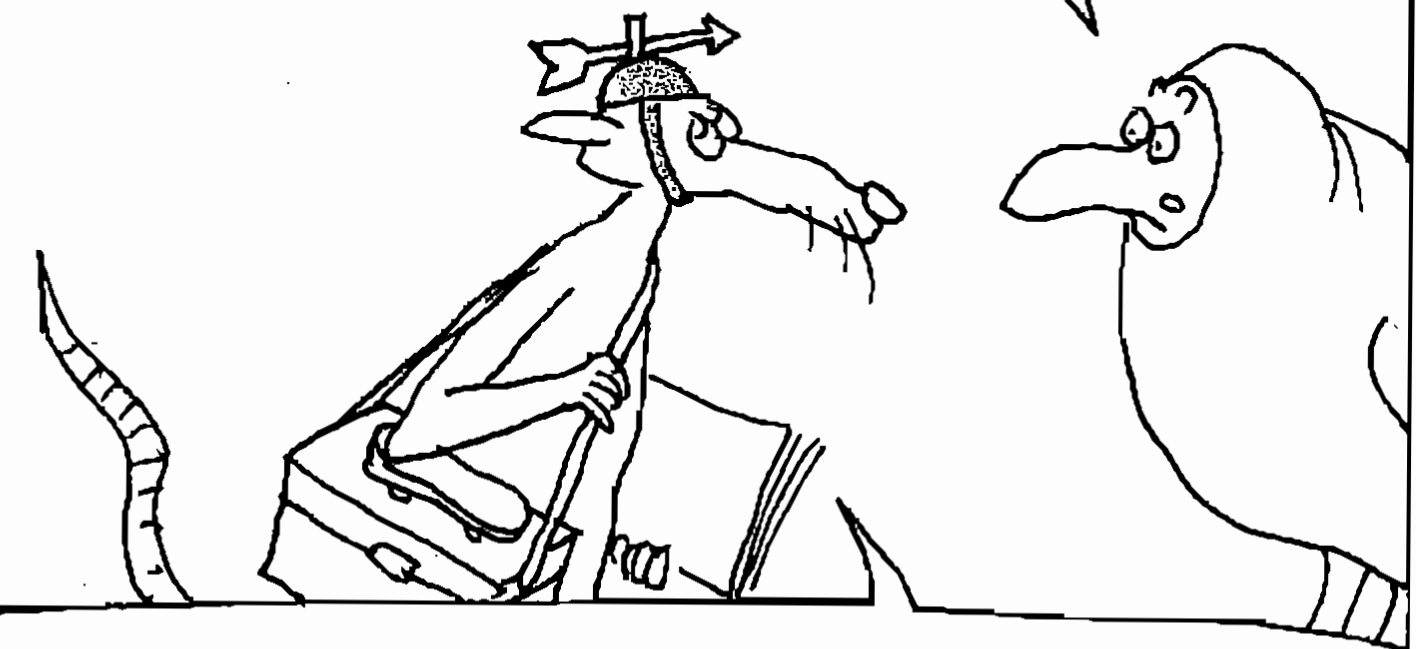
ولكن، ألا رَأَيْ لكَ؟

عندما يتغير الطقس، نتغير نحن  
أيضا معه.



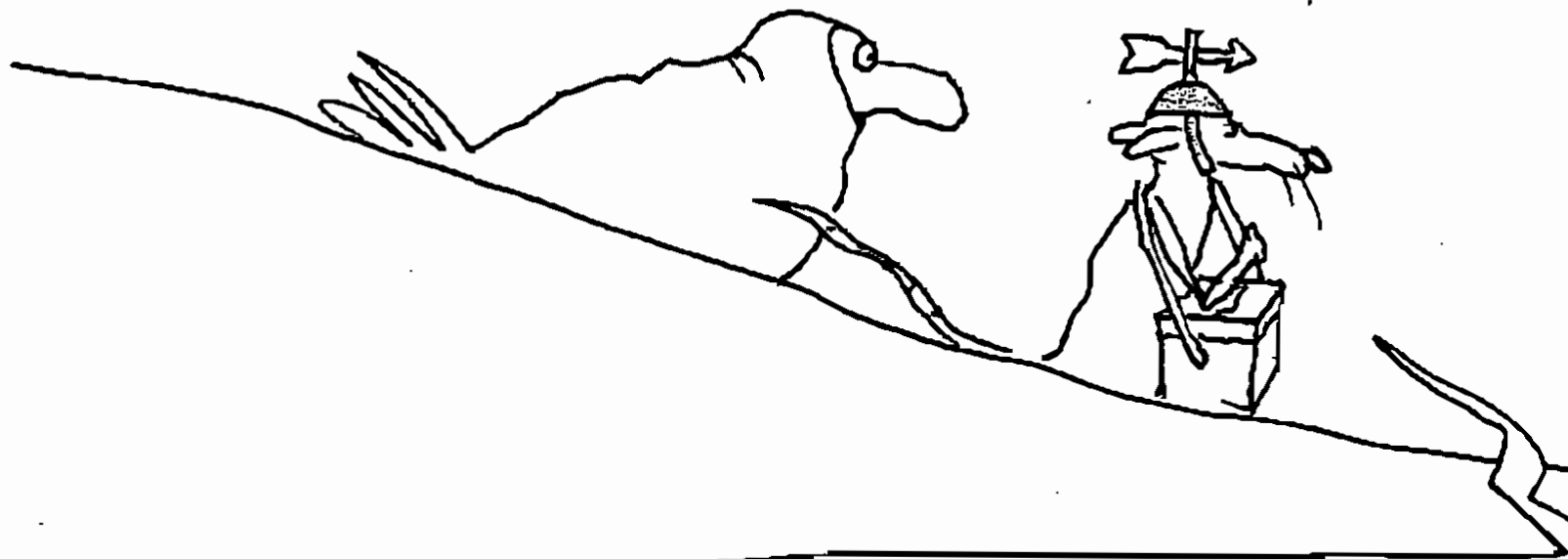
ما هذا الشيء الذي فوق  
رأسك؟

يا سيّد "كيس"، ما رأيك في هاته  
الجسيمات التي تقفز عبر الصفحات؟



يَتَوَقَّفُ كل شيء على الأجماع في الرأي يا سيد  
"هاندشيك". إذا حصل اجماع كبير في مكان ما،  
فسيتبع "التيار الرئيسي" الموجة.

رَأْيٌ؟ ماذا سأفعل به؟ وكأن الحياة ليست معقدة  
بما فيه الكفاية.



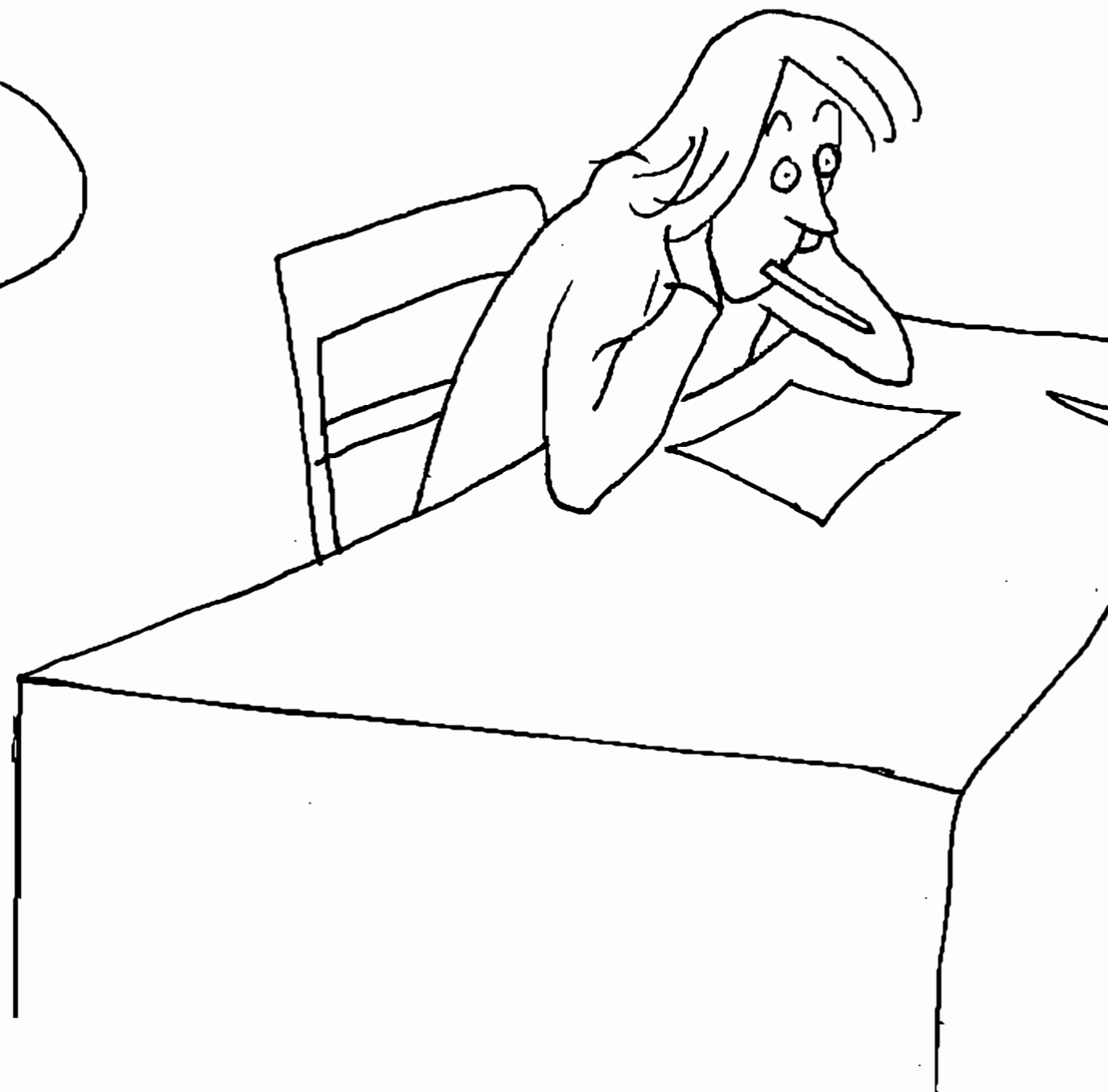
عُذراً، أرى هنالك الدكتور "نوستراداموا" الذي يخرج للتو من المعهد.  
إنه اختصاصي معترف به في نظرية الحبال الفائقة. سأذهب لاستجوابه.  
أتعرف: كلما كانت النظرية قابلة للتسويق، فأنا مُشترٍ.

حسناً، لنلخص ما سبق: نحن نعيش في عالم مزدوج،  
يَعج بِجُسيمات ذات كُتل وطاقات مُتناقضة.  
سيقول سيد المجموعات: هذا طبيعي، لأنها تسبح عكس  
سير الزمن. وحتى نعقد الأمر أكثر، فمن أجل أن الانتقال  
من نقطة من كون لآخر، تختلف المسافات حسب المادة  
التي تكوننا، موجبة أو سالبة. أعترف أنني لم أعد أفقه شيئاً.



هذا المدعو "هارفي كيس"، صاحب مجلة  
"التيار السائد" تحت إبطه وأدواته لتشميع  
الأحذية والآن مع هذا الجهاز فوق الرأس.  
إنه يضحكني كثيراً.

أحم...



كيف نفاعل بين هذه المناطق، ذات أسهم الزمن  
المُتناقضة المَنحى والتي، فوق ذلك، تختلف فيها  
طرق قياس المسافات؟!

# طوبولوجيا الزمكان

إبدأ بنموذج زمكاني به انفجار عظيم وانهيار نهائي ثم وضعياً تَمَدُّدِ قُصوى والذي يمكنك تمثيله في فضاء ثنائي الأبعاد عن طريق كرة بسيطة.



ما عليك سور أن تطوي الكون حول نفسه.

ماذا تعني؟؟

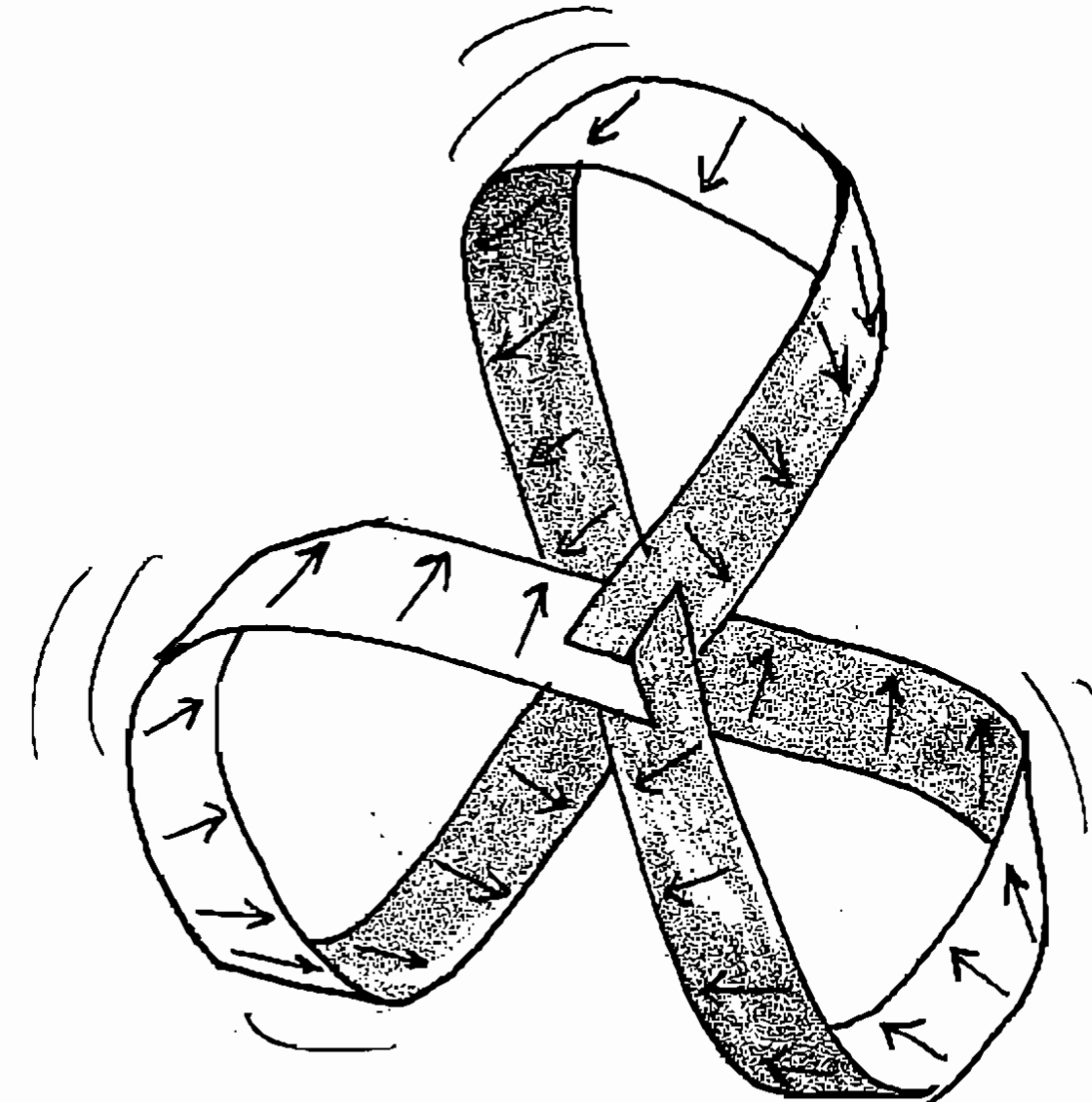
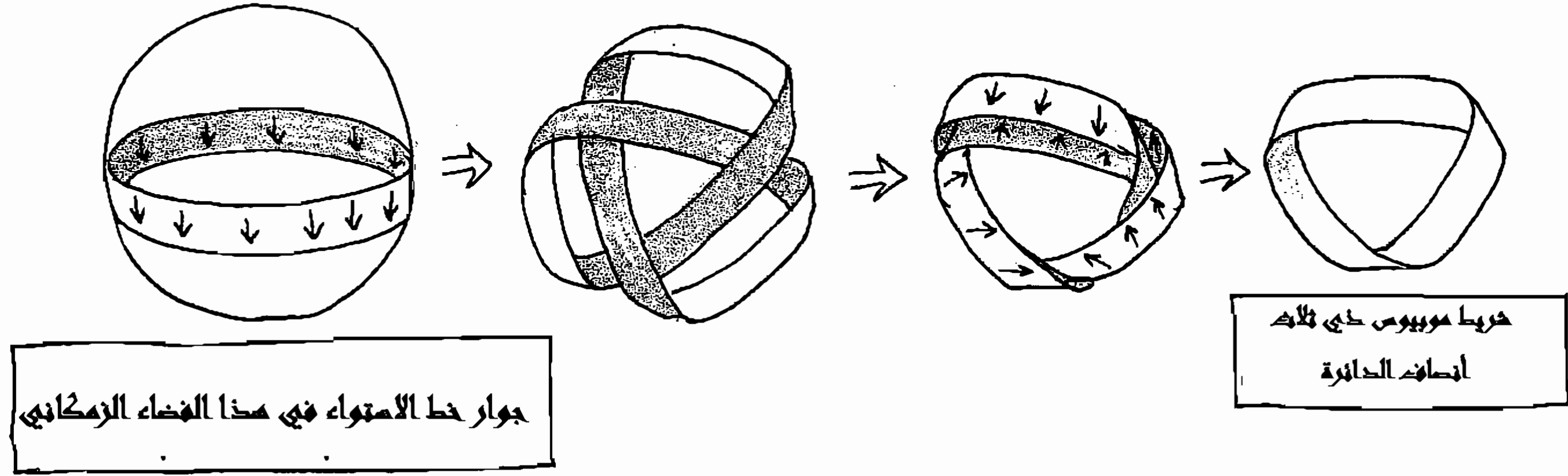
نعم، الزمن يتبع خطوط الطول، بينما الفضاء، ذي البعد الواحد، والمُمَثَّلُ بدائرة موازية، ينطلق من الصفر في قطب "الانفجار العظيم"، ويكبر حتى يصبح خط استواء الكرة ثم ينتهي عند قُطْب "الانهيار العظيم".

تستطيع أن تعود بكل نقطة من هذا الزمكان إلى نقيضها الزمكاني. النقطة النقيضة (المتواجدة في النقطة ن2 المقابلة من الكرة)، والنتيجة هي مساحة بوي. سبق أن شرحنا ذلك في ألبوم: **توبولوجيكون.**



بتصفح الصفحات 71 إلى 43 عكسياً، يمكننا أربعة رسوم تقريبية من تتبع الطية من محاذاة خط الاستواء الذي يجمع النقاط المتناقضة العشوائية، وتبين كيف يَنْتُجُ عن مناطق ذات أسهم الزمن المتعاكسة "ثنائي الصفائح الزمكاني" (\*)

يُمْكِنُ ضبط جوار خط الاستواء بواسطة شريط موبوس ذي ثلاث أنصاف الدائرة. ولكنه من الصعب جدًا القيام بهذه العملية بأنفسنا، فهي تتطلب تقاطع ثلاث أشربة (كما هو مفصل في الصفحة 59).



(\*) TWO SHEETED SPACETIE

حتى نُبيِّنَ لكم كيف تُظَوِّرُ كرة الزمكَنِ حَولَ نَفْسِها، فَجَلِبُ هذه النقط التي تصادف نقيضها يعني أيضا أننا نَجَلِبُ  
وجها لوجه نطاقين منحى أسهم زَمَنِها مُتعاكسان، سوف نتصرف بشكل مغاير.

سَنَنْطَلِقُ هذه المرة من خط طولِ كُرَتنا الزمكانية، ذات البعدين. حاول أن تصنع شريطا طويلا عرضه سنتمتران  
وطوله ثمانون سنتمتر (أو أكثر قليلا). أرسم في وسط الشريط دائرة صغيرة تمثل الانفجار الكبير وأسهما تمثل  
منحى الزمن ثم في طرفي الشريط قُصَصَ نصفا دائرتين صغيرتين.

الانفجار الكبير



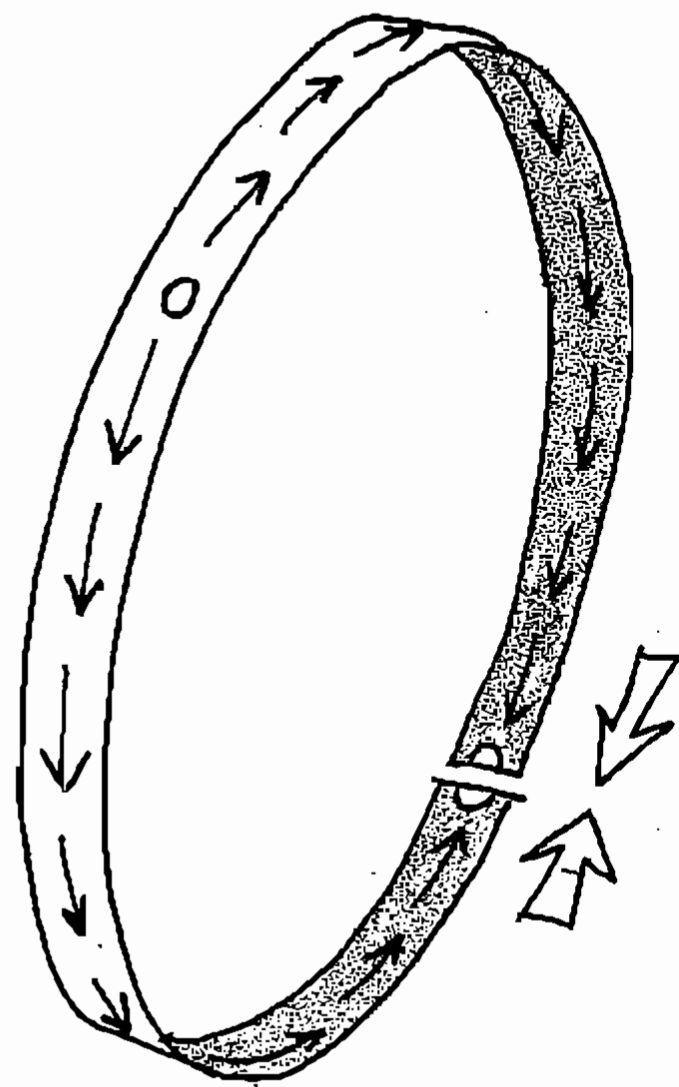
الانفجار الكبير



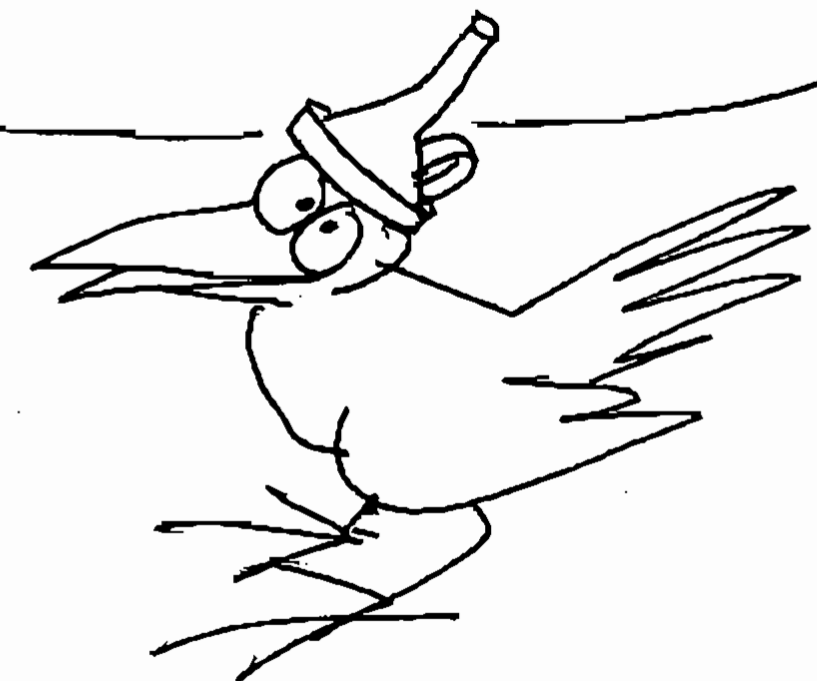
أَنْسُخْ هذه العلامات بشكل مماثل في الوجهِ المُقابلِ.

هل أنت مستعد لصناعة جوار خط الزمن، عندما نلاقي طرفي الشريط؟

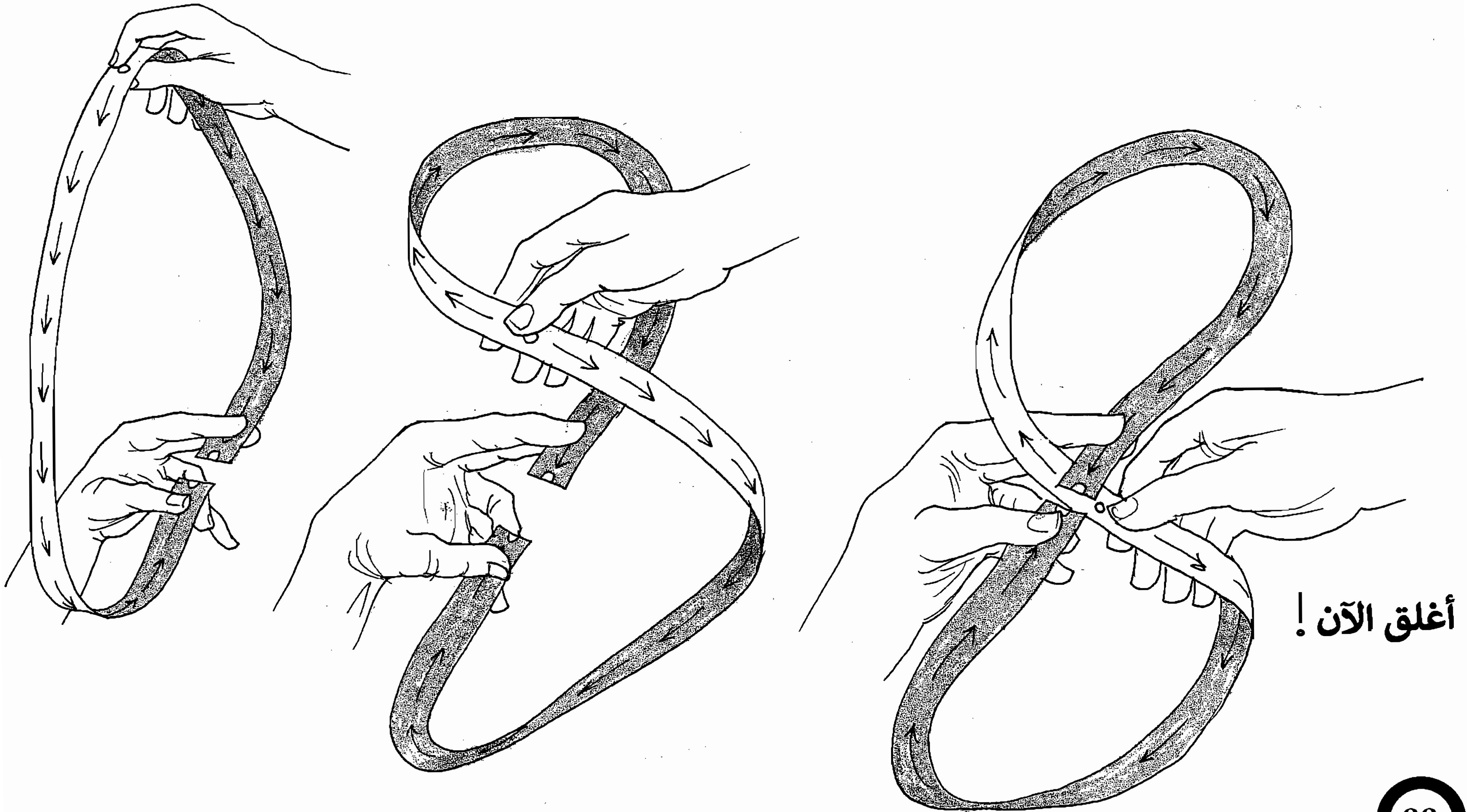
سنسميه خط الكون.



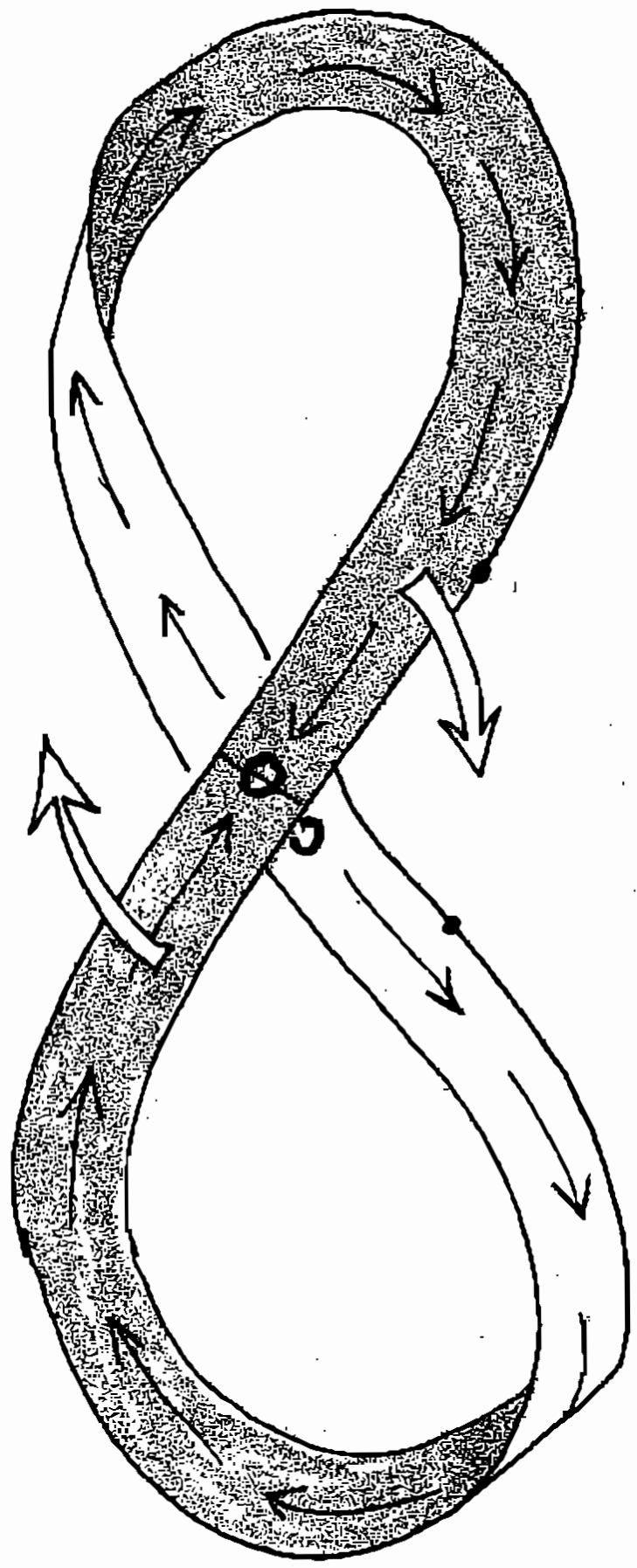
إنذار! ما زال الوقت مناسب  
للتخلي عن هذه التجربة لأنها قد  
تتسبب في تعقيدات وتماس  
في الشبكة لا رجعة فيه!



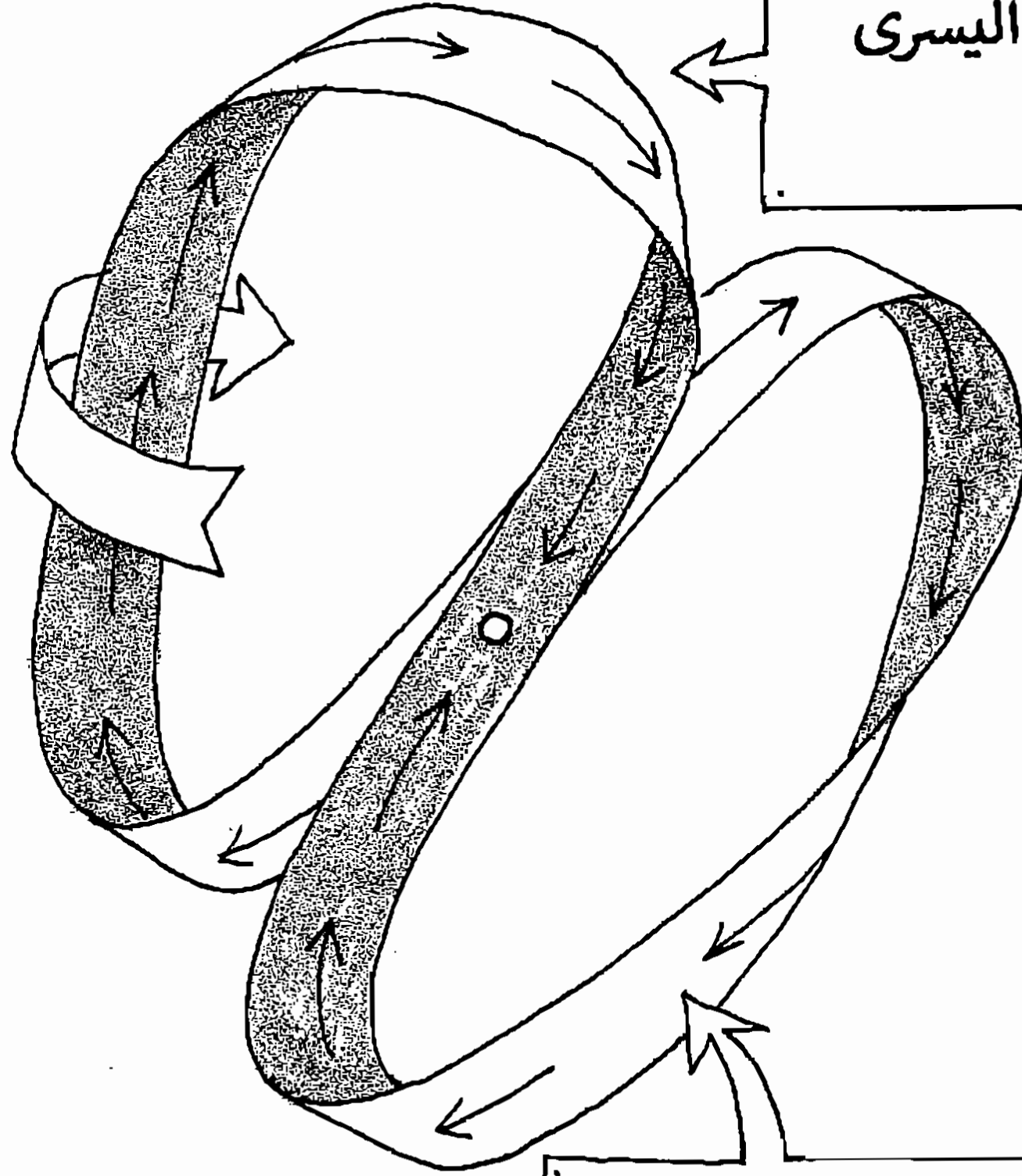
لا يمكننا طي الكرة، حسب تغطية ذات صفحتين لسطح بوي (\*) ، دون أن يتقاطع السطح مع نفسه.  
سنقوم بإجراء قَطْعٍ قبل إغلاق هذا الشريط اللاصق الثنائي الأوجه، حسب الصور التالية:



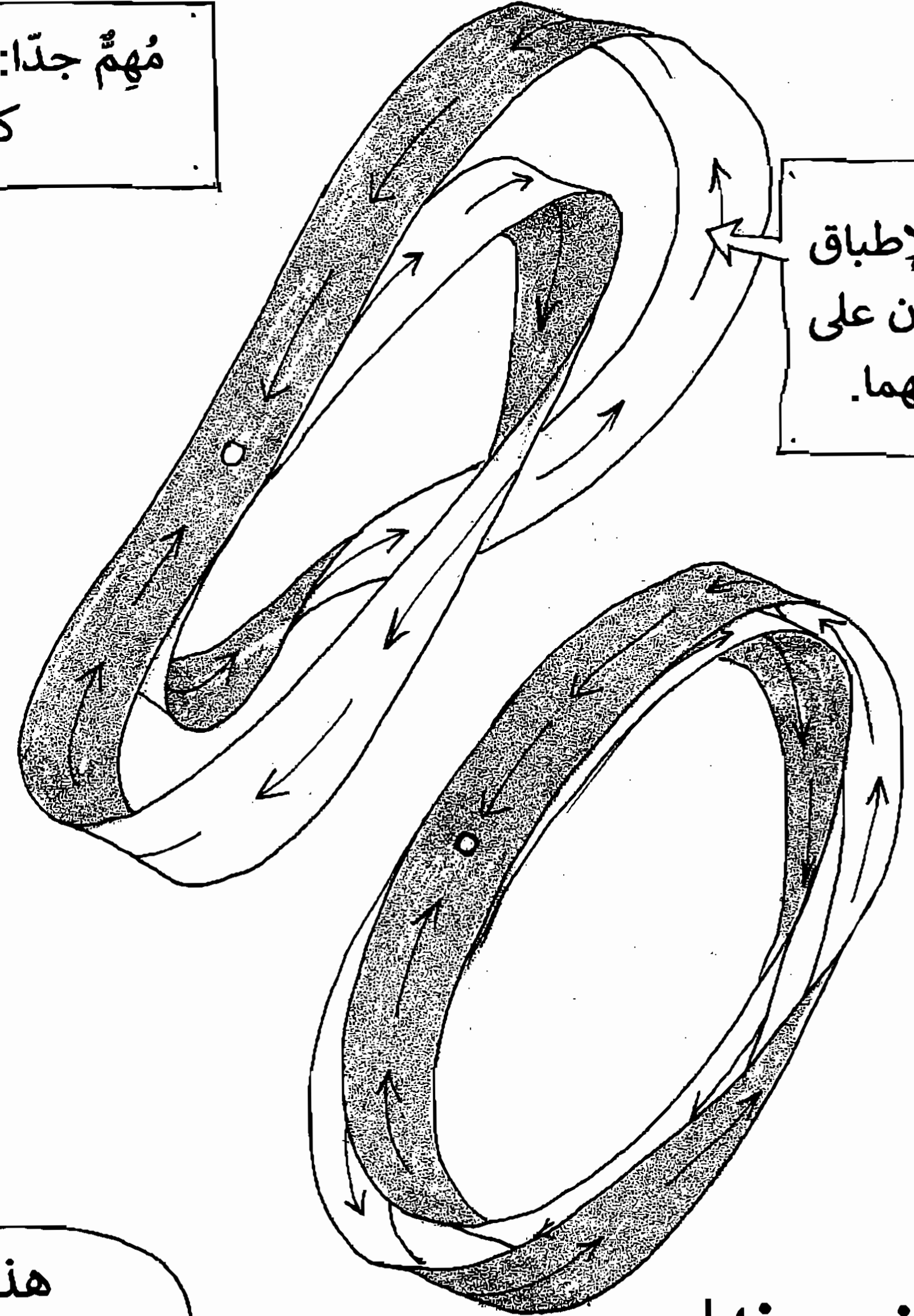
حافظوا على القطبين الانفجار العظيم والانهيال العظيم بين الابهام والسبابة.  
بعد ذلك أديروا الشريط لجلب النقطة أ فوق النقطة ب.



مهم جدًا: أديروا الحلقة اليسرى  
كما في الصورة.



جاهز لإطباق  
الحلقتان على  
بعضهما.



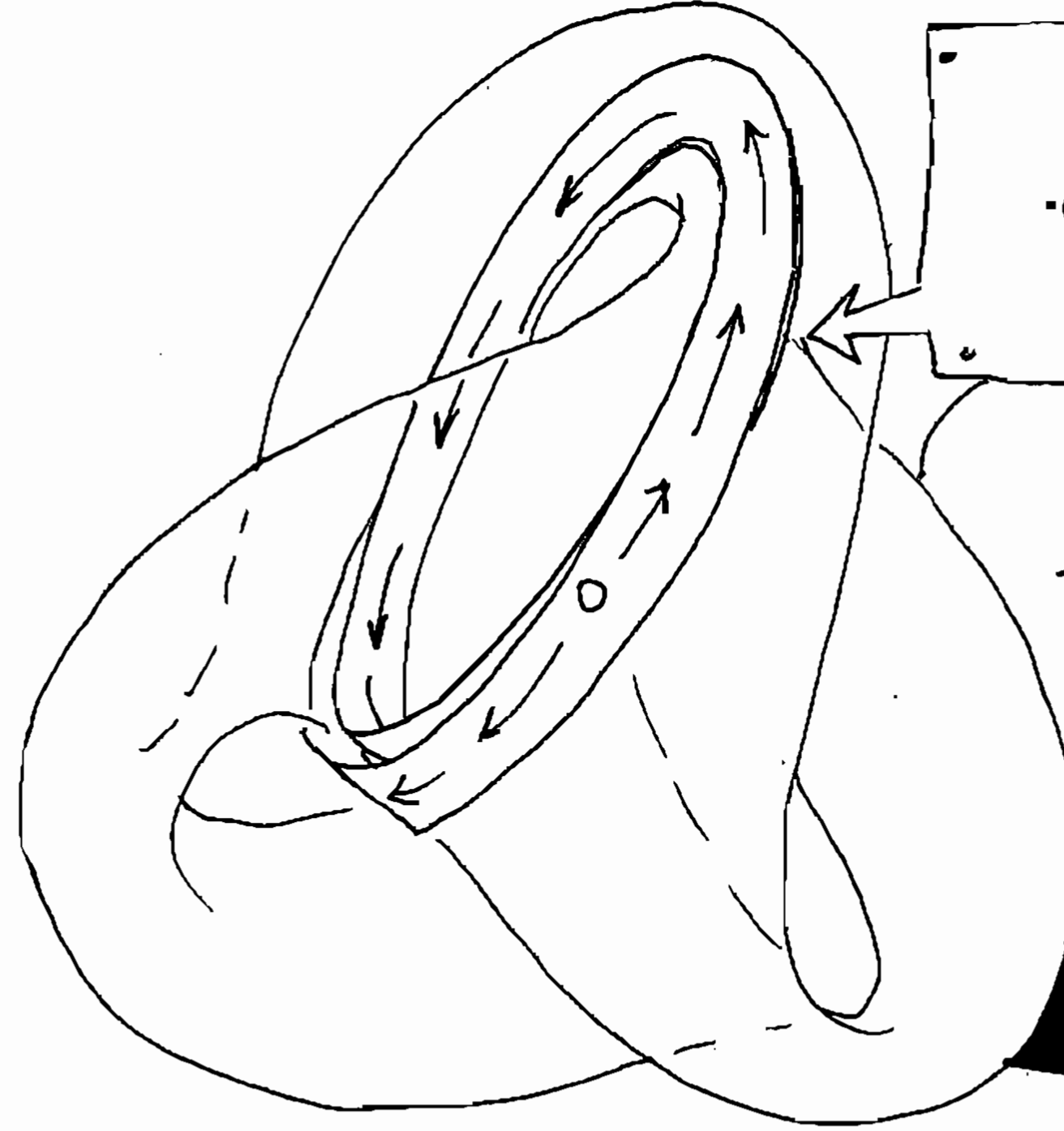
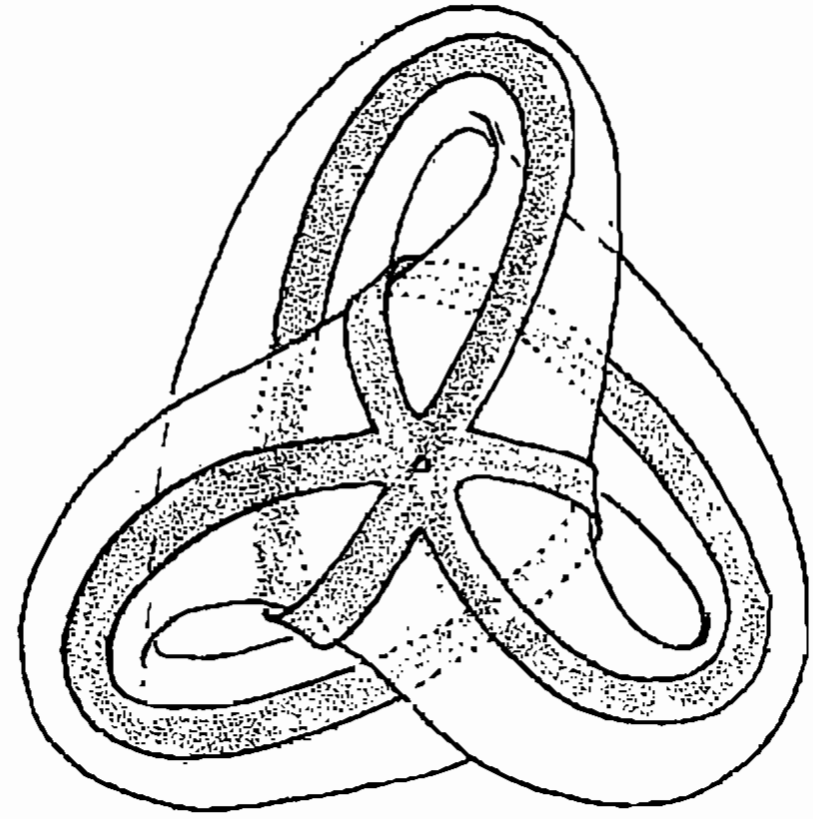
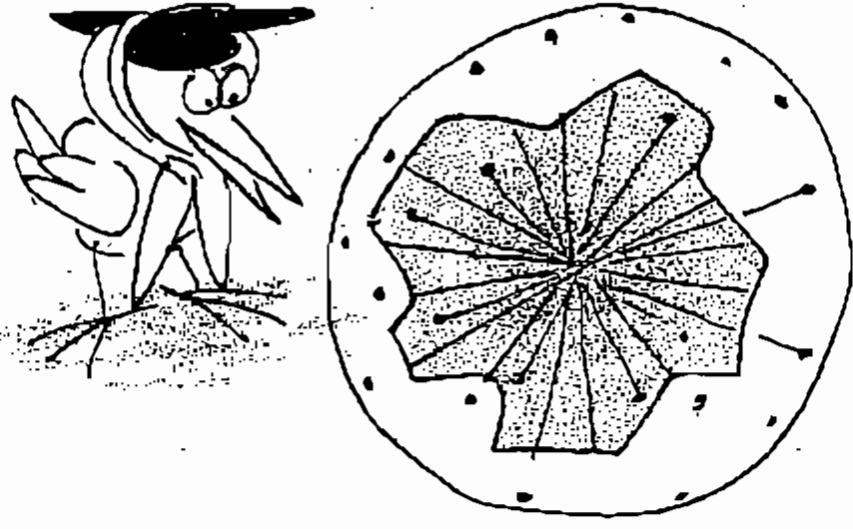
هل تعرّفت في هذه الحلقة  
على شريط موبايوس ذي  
النصف الدورة.

هذا الشريط ثنائي الأوجه. حتى يتّضح الأمر بشكلٍ جليٍّ، فم بتعتيم إحدى  
أوجّهه. ستلاحظون أن هذه العملية تُطبّق الوجه الأبيض على... نفسه.  
وهكذا نجحنا، في لمح البصر، في إخفاء الوجه المُعتَم، دون قطع أي شيء.

ها نحن ذا!



لقد سبق أن طَوَّرنا وشرَحنا مَوْضوعَ إلتقاءِ نِقطِ الكُرَّةِ مع مِقابلاتِها. إذن، يمكننا طي خطوط طول الكُرَّةِ، أي خطوط الكون لفضاء كروي زمكاني ك2، يُطَوَّحَسَبُ تَغْطِيَّةَ ذاتِ وجهين لشريط موبايوس ذو ثلاث أنصاف الدائرة. في الشكل أسفله ثلاث خطوط طول مطوية.



وهذا هو الشيء الذي اخترعناه والذي يصور انقلاب أسهم الزمن.

نستطيع أن نُكْرِّرَ ما فعلناه  
بالكُرَّةِ ك2 في كُرَّةِ ك4 (\*)

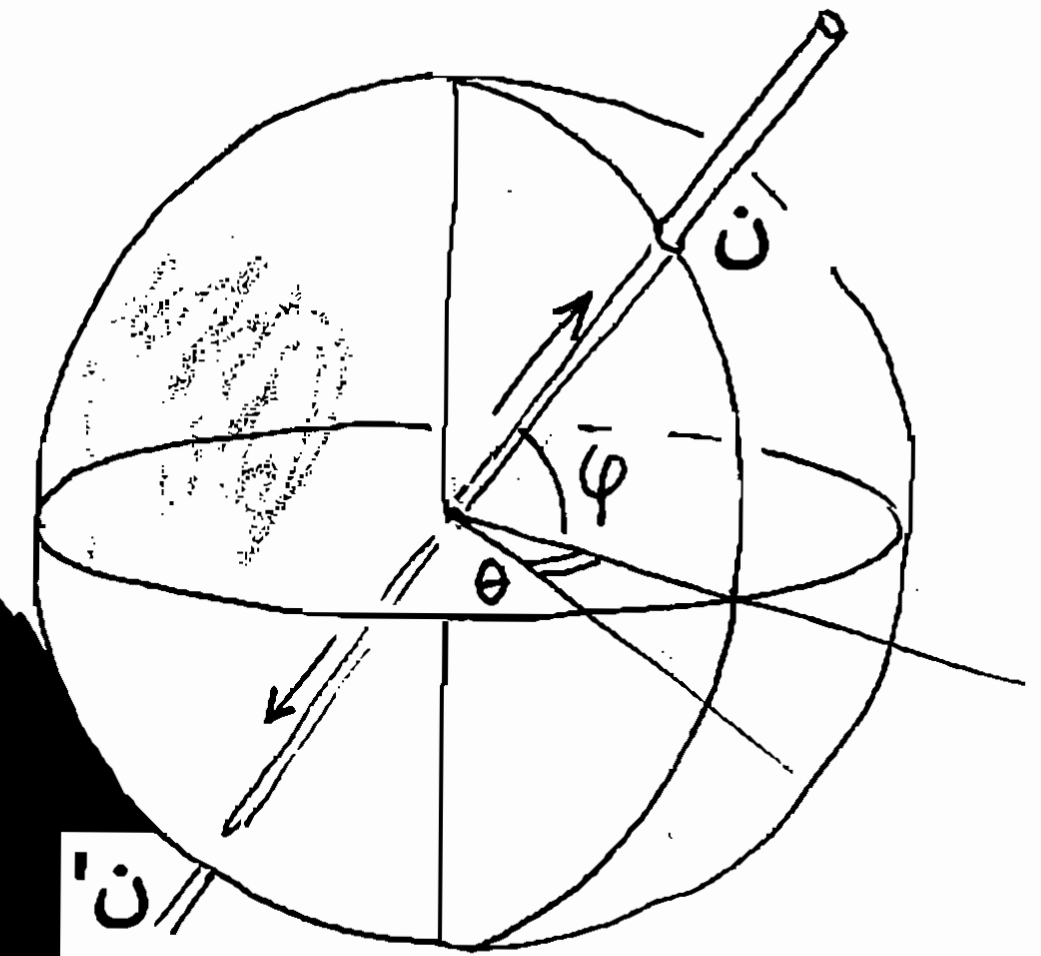
**ملاحظة:** إذا لم تُطابق قُطْبُ "الانفجار العظيم" مع قُطْبِ "الانهيار العظيم" فسننتوقع ممرا أنبوبيا، يقصي انفراد زمكاننا الذي سيصبح نتوءا مستديرا يُطَوَّحَسَبُ التغطية ذات الوجهين لزجاجة كلاين، ذات شكل... غير اعتيادي.

بمعنى آخر، فما هذه اللعبة بين الكتل الموجبة والسالبة إلا نتيجةً للتركيب الطوبولوجي للكون.

(\*) زمكان كروي فائق ومغلق، "متماسك".



أعتقد أن انقلاب الزمن هذا (وبالتالي الكتلة)  
يُعزى إلى حماقة هندسية ما. ولكن ماذا عن  
المسافات؟

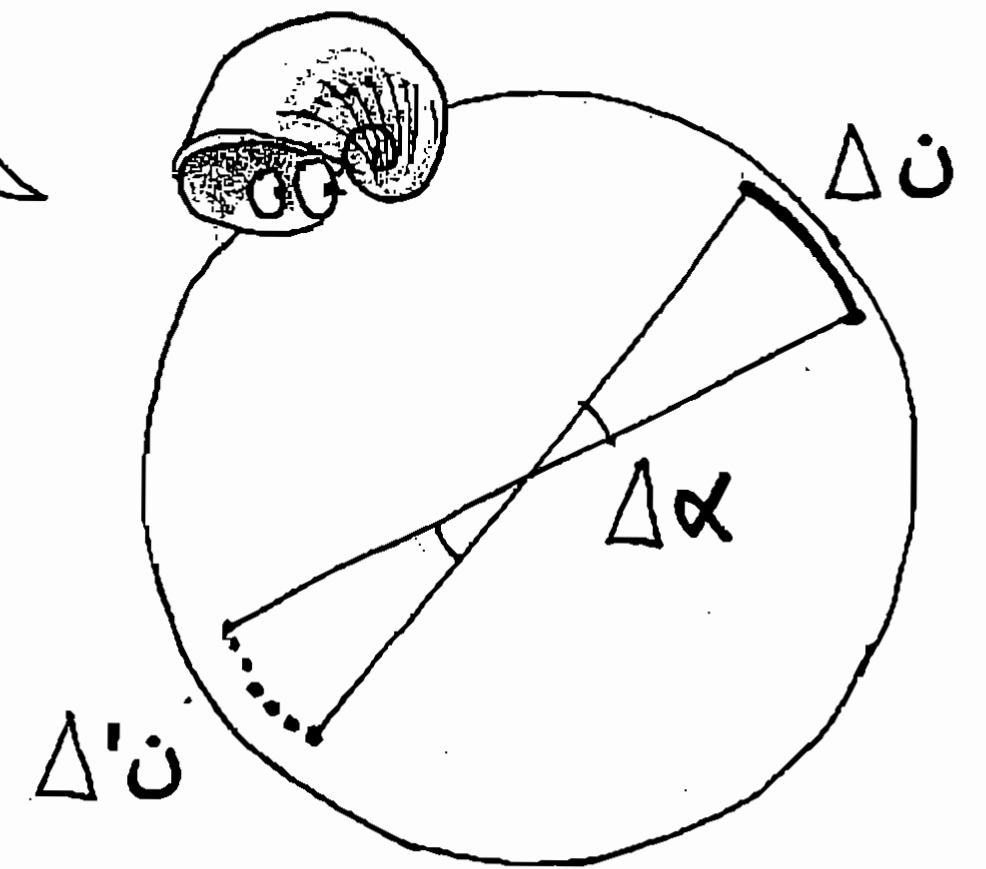


عندما تُطابق نطاقات مُتقابلة في كُرتك فكأنك استعملت الألياف البصرية ولكن في المُنحنيين،  
أي أنها تصدر الأشعة الضوئية من طرفيها معا. يُحدّد كل لَيِفٍ عن طريق إحداثياته الزاوية  $(\theta, \varphi)$ .  
ولن يحدد هذا الأخير نقطة واحدة واحدة في الكرة، بل اثنين  $\Delta$  و  $\Delta'$ .

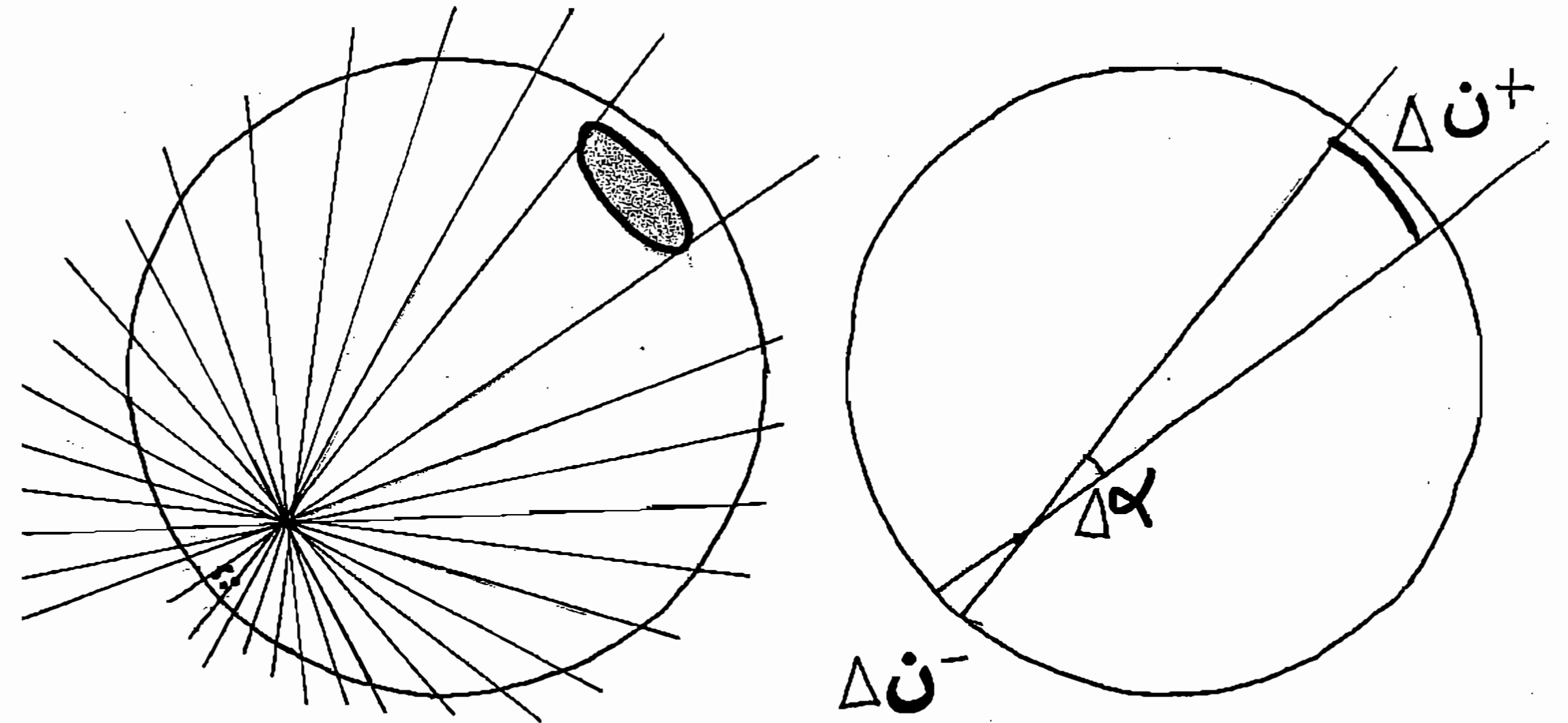
يمثل أي تحرك، تغييرا زاويا  $\Delta\alpha$  توافق مسارين اثنين  $\Delta$  و  $\Delta'$

$$\Delta\alpha = \Delta' = \Delta \text{ ش}$$

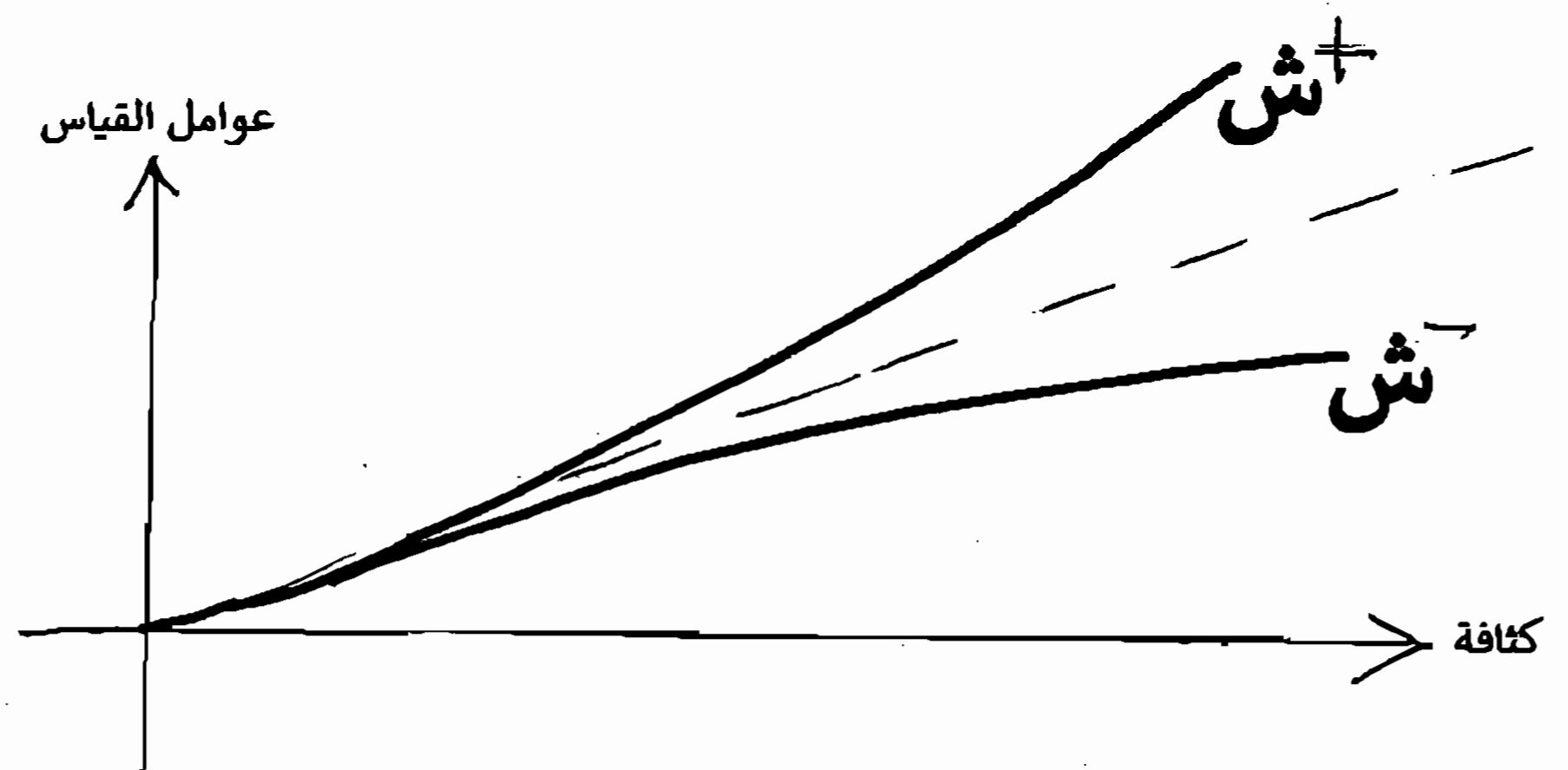
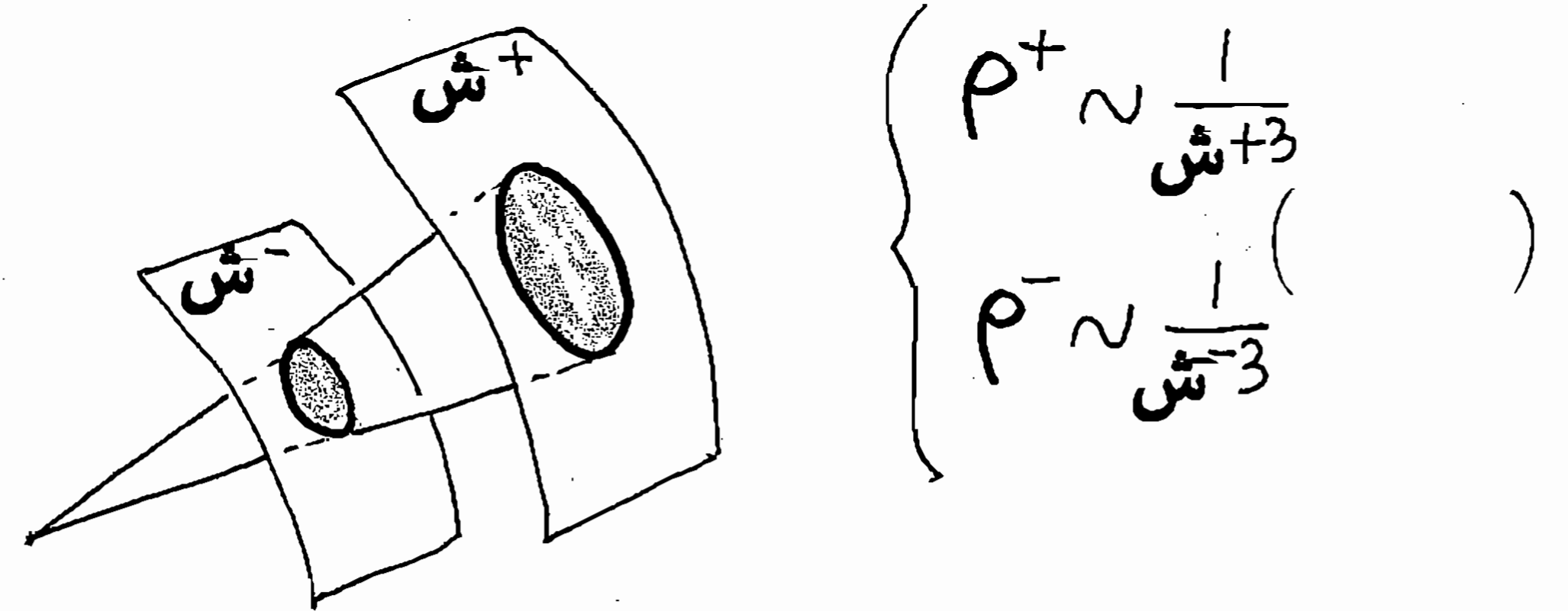
ستكون متساوية إذا كان نظام العرض يتمركز في مركز الكرة.



إذا كان نظام العرض لامركزيا، فنفس التحرك  
 (يُحَدِّدُ  $\Delta\alpha$  مَوْقِعُ ما بزواياه) لن يوافق نفس المسافة  
 المقطوعة، حسب تَمَوُّقِعِهِ في "شاشة الكتل الموجبة"  
 أو الأخرى السالبة. الظاهرة التي تبدو وكأنها تَوَسُّعُ هي  
 في الحقيقة تَغْيِيرُ في عامل القياس ش حسب الزمن.  
 هذه الأخيرة ليست مُعَاشَّةً (أي يَتَمُّ قياسها) بنفس  
 الشكل من المجموعتين. هذا النظام غير مستقر.  
 إذا ازدادَ وكَبُرَ عامل قياس الكتل الموجبة ش<sup>+</sup>  
 أسرع من مثيله في مجموعة الكتل السالبة ش<sup>-</sup>  
 فستتسارعُ الحركة. الكائنات التي ستعيش  
 في هذا العالم السالب ستشهد تباطؤًا (أنظر المُنحنى).  
 وهذه هي الظاهرة التي تتبناها بشكل خاطئ القوة  
 الطاردة للفراغ أو الطاقة السوداء.



$$\Delta\alpha = \text{ش}^- = \Delta N^- > \Delta\alpha = \text{ش}^+ = \Delta N^+$$

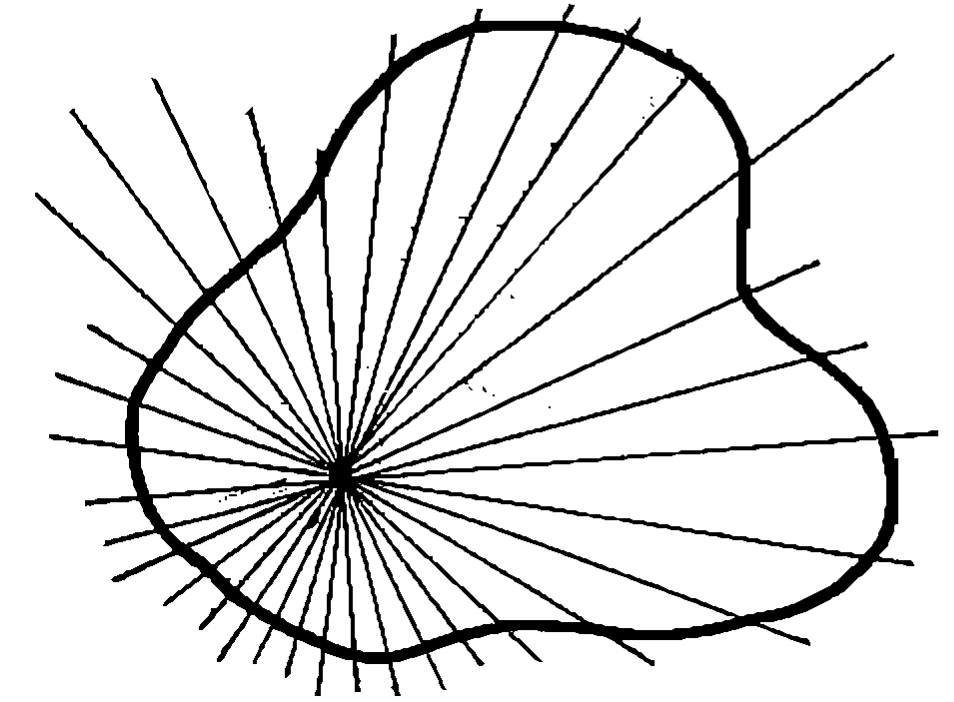


# إفلاس النظريات الكونية

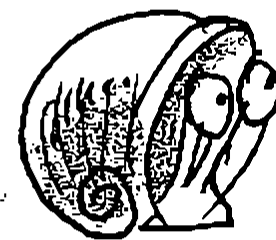
ينبني النموذج الفلكي الاعتيادي على مجموعة من الفرضيات والمسلمات الأساسية الغير قابلة للنقض:

- الكون متصل (يتزايد عدد المُشككين في المسلمة).
- الكون متجانس (خطأ، فهندسته مليئة بالثقوب والفراغات).
- الكون موحد الخاصيات والخواص الفيزيائية (بغض النظر عن الاتجاه). (\*)
- ثوابت الفيزياء مَطلقةً (\*\*)

هذه المرة الظلال تعرض على جدارين وليس على جدار واحد فقط، وهي تتفاعل بينها. كما أن مصدر العرض ليس في المركز وحتى نُغلق الموضوع، فإن هذه الجدران تتأرجح وتتمايل وهو ما يترجم بالوسط الغير موحد الخصائص.



باختصار، الحل الوحيد هو الهرب.



(\*) ISOTROPE

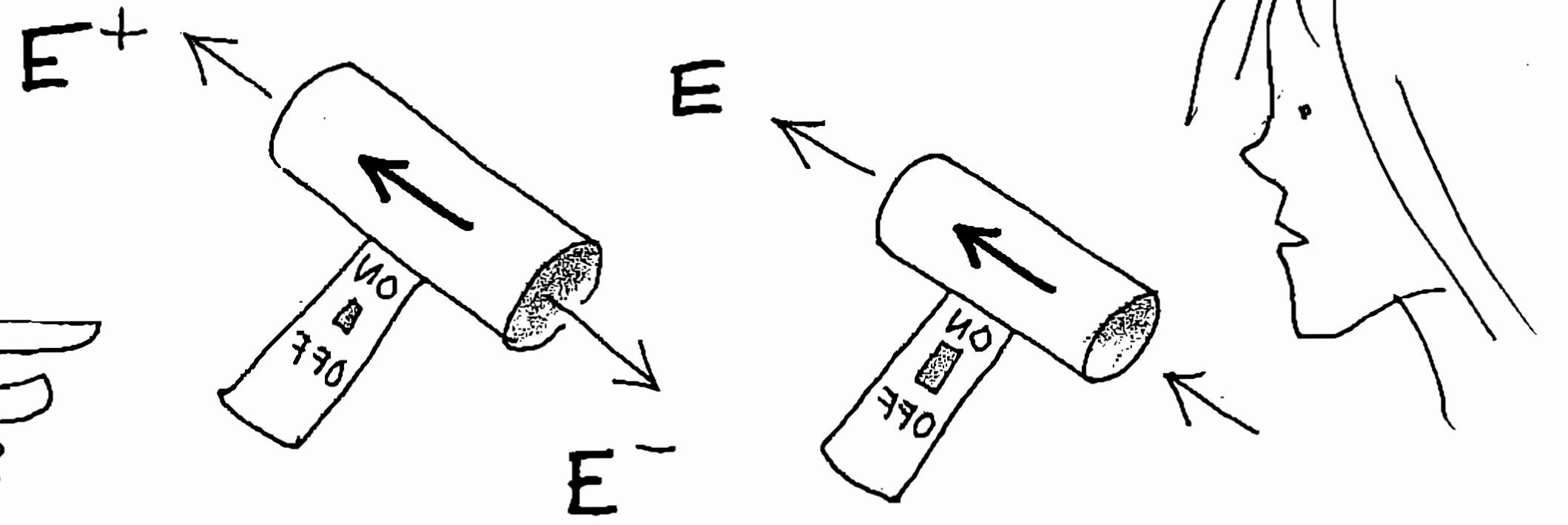
(\*\*) أنظر ألبوم أسرع من سرعة الضوء

# الهندسة المشتركة

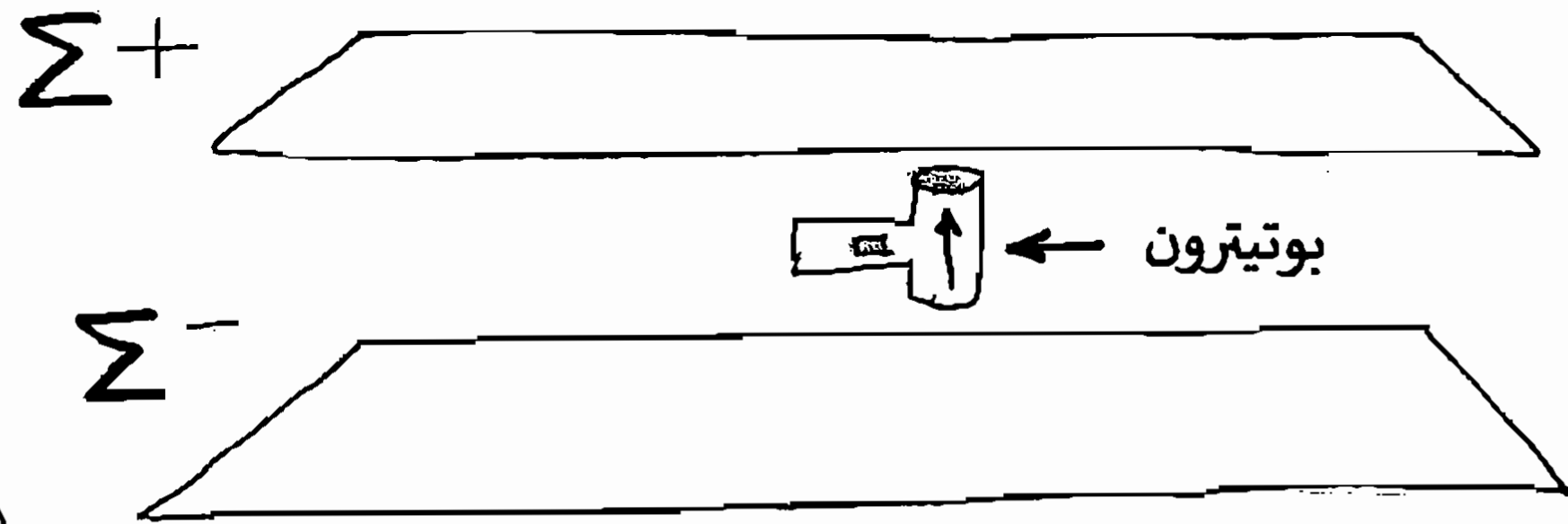


لقد اخترعه عالم فرنسي، عام 1994،  
واسم الجهاز هو "بوتيترون" (\*)

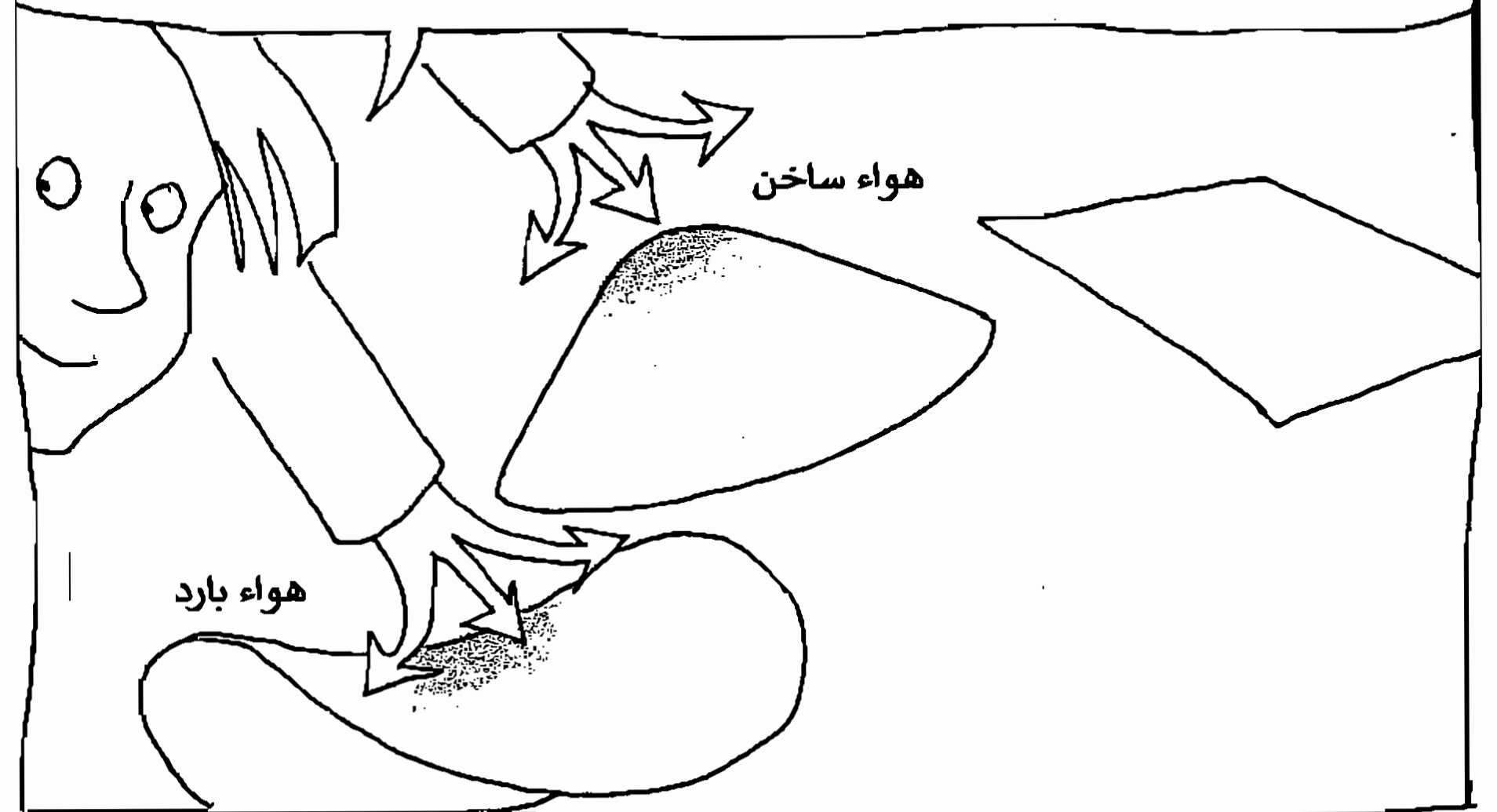
إنه يمتص الطاقة من جهة  
ويدفعُ بها في الاتجاه المغاير بكميات  
متساوية. بهذه الطريقة، أستطيع  
تجفيف شعري وتبريد حساءك؟

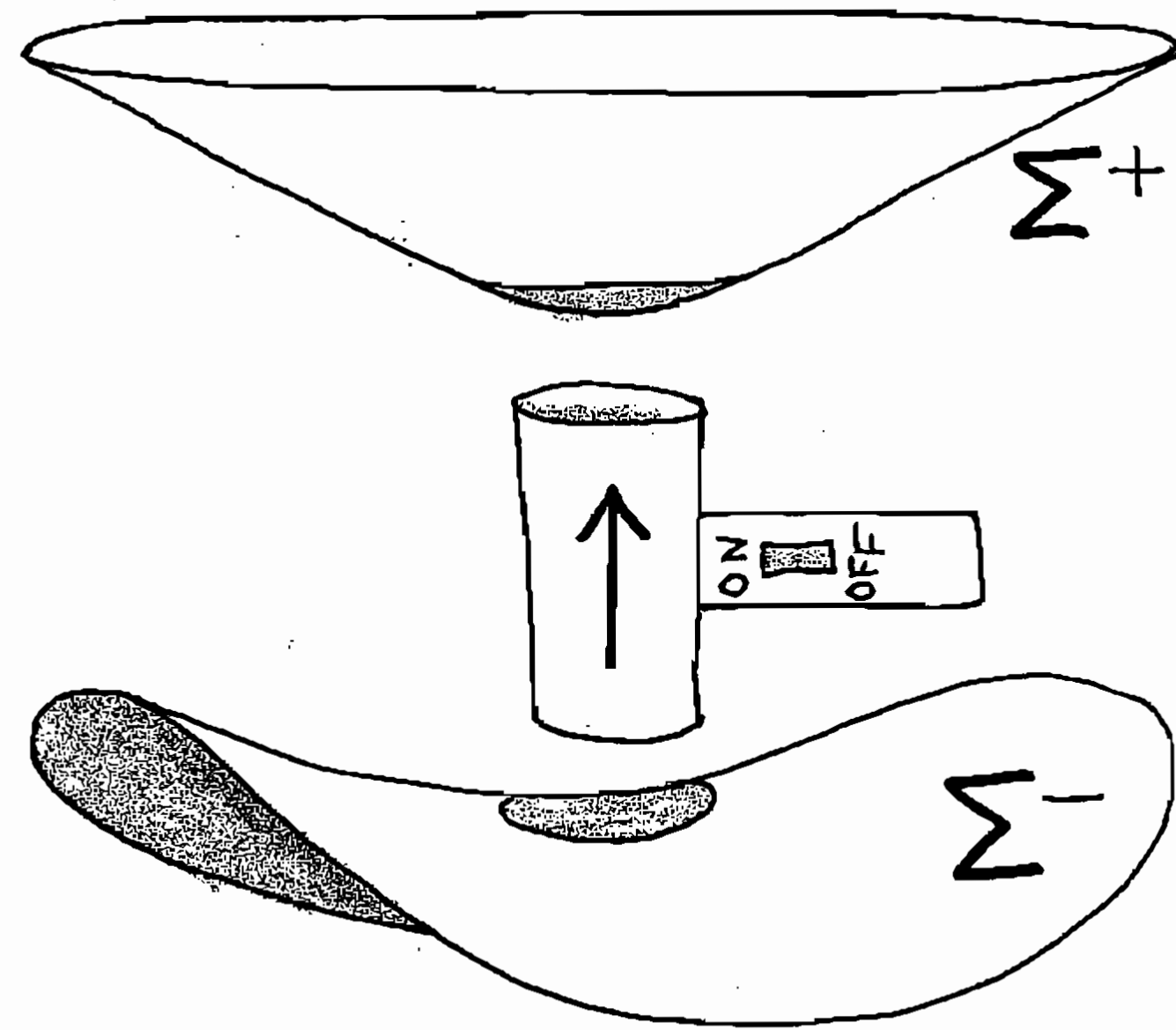


إنظري، لقد خطرت لي فكرة.  
أنت تتذكرين أنه عندما ننفخ في صفيحة معدنية،  
بالهواء البارد أو الساخن، نُحدثُ انحناءً موجبا  
أو سالبا.

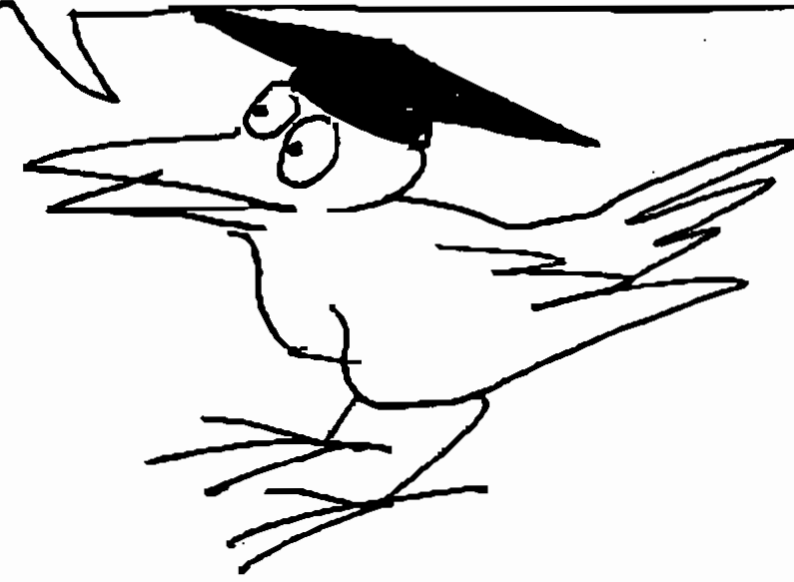


سنضع هذا الجهاز بين سطحين  $\Sigma^+$   
و  $\Sigma^-$ . عندما نشغله سأسخن السطح  $\Sigma^+$   
وأبرد الآخر، أي  $\Sigma^-$  وسنرى معا ما سيحدث.

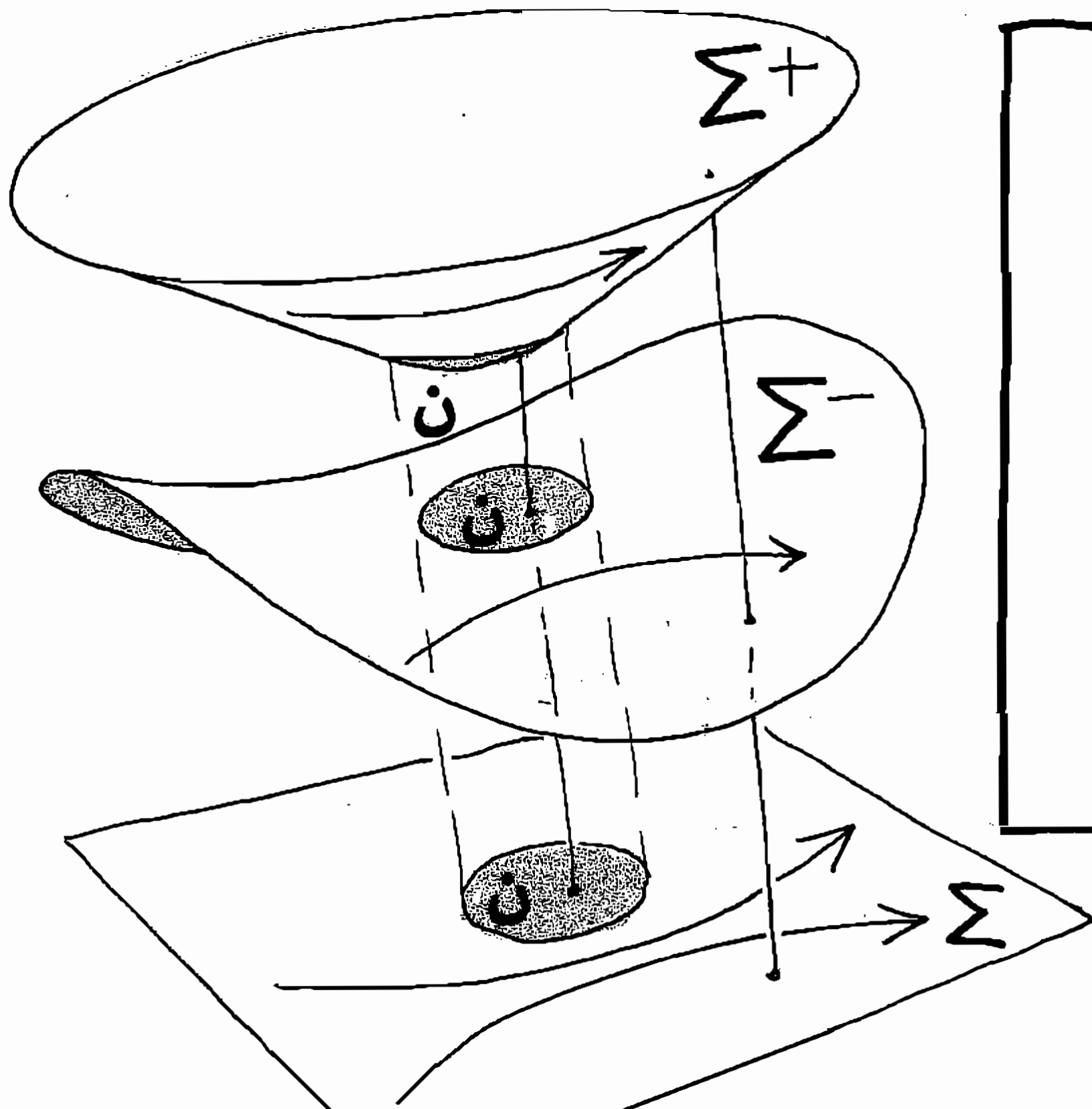




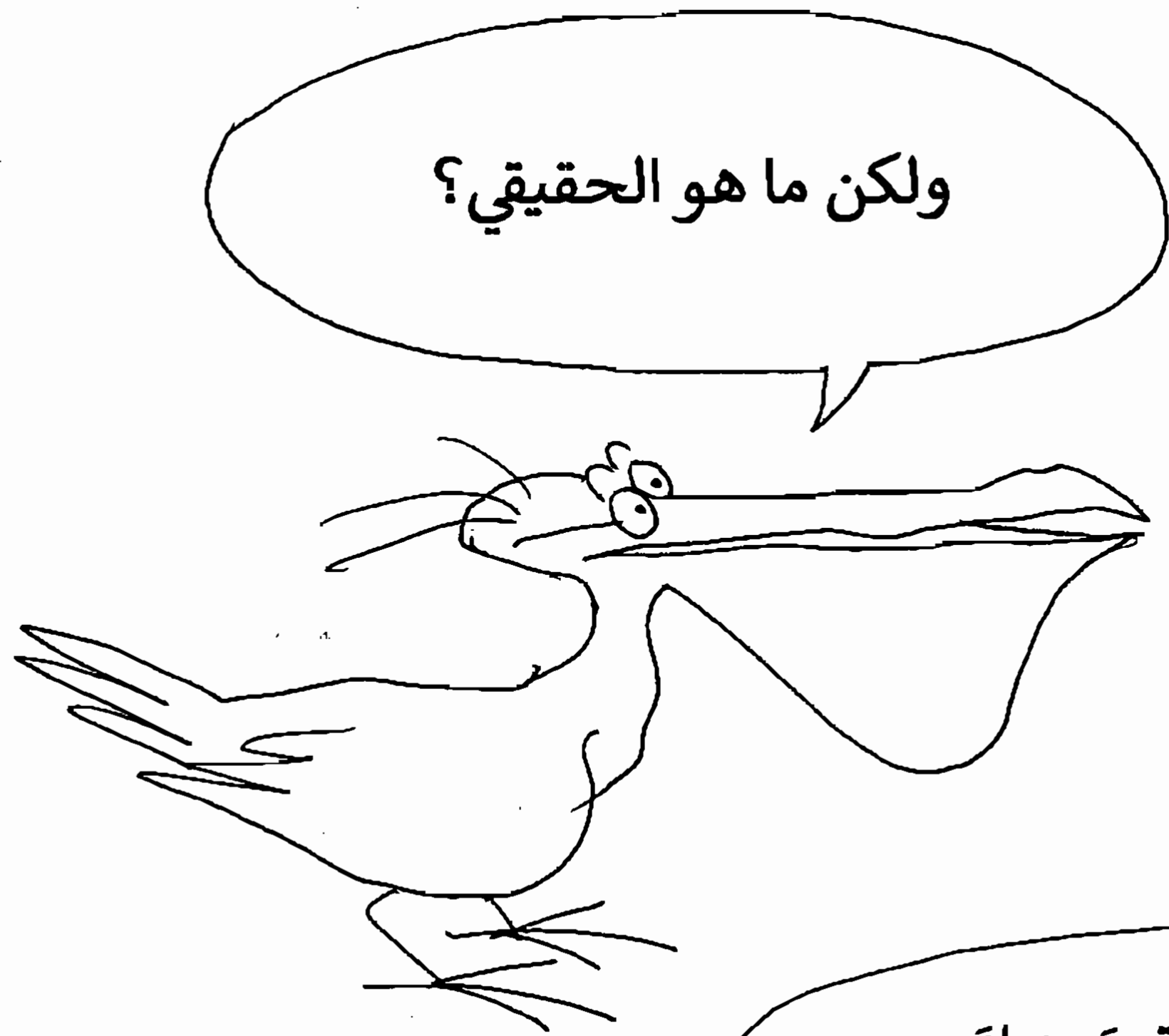
الأمر في غاية البساطة: سنضعُ مخروطيا (موجبا) خفيفا في الجهة التي ستستقبل الطاقة الموجبة ومخروطيا عكسيًا خفيفا في الجهة المقابلة التي تستقبل الطاقة السالبة. وبما أن الانحناء يساوي الطاقة، فسنكون أمام منطقتين متقابلتين لها نفس كميّة الانحناء ولكن بإشارات معكوسة.



سنسميها هندساتٌ مشتركة.



نستطيع أن نوافق بين النقط ن ون' في هذين السطحين. فللمنطقتين المعتمتين انحناءً متعاكسًا. بينما انحناءُ المناطق البيضاء مُنعدم. لتكن النقط ن<sup>1+</sup> ون<sup>2+</sup> التي تنتمي للسطح Σ<sup>+</sup> مقابلاهما ن<sup>1-</sup> ون<sup>2-</sup> في السطح Σ<sup>-</sup>. لا تُسقط الأقواس الجيوسيدية ن<sup>1+</sup> ن<sup>2+</sup> و ن<sup>1-</sup> ن<sup>2-</sup> بشكل متطابق على السطح Σ، عرض أفليدي حسب نفس الانحناءات.



ولكن ما هو الحقيقي؟



السطحين  $\Sigma^+$  و  $\Sigma^-$  هما كهفي (أفلاطون)<sup>2</sup>.  
والسطح  $\Sigma$  هو عرضٌ أَقْلِيدِيٌّ يَمَثُلُ رُؤْيَتَنَا  
للعالم. سيرى المراقبون، المشكلون من كتل  
متعاكسة، الأشياء بشكل مختلف تماما.  
ما هو موجود بالنسبة للبعض  
غائب بالنسبة للآخر.

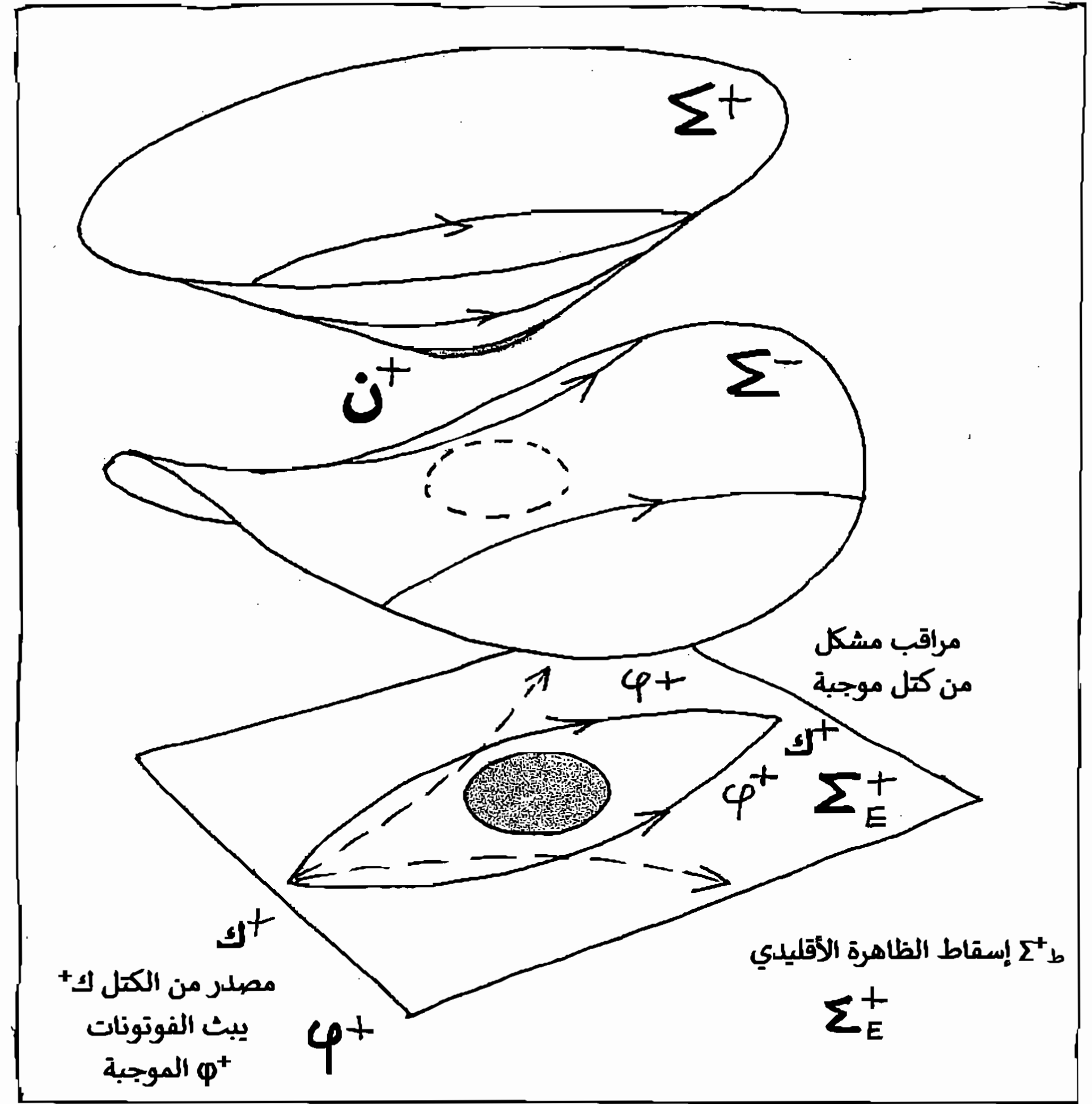
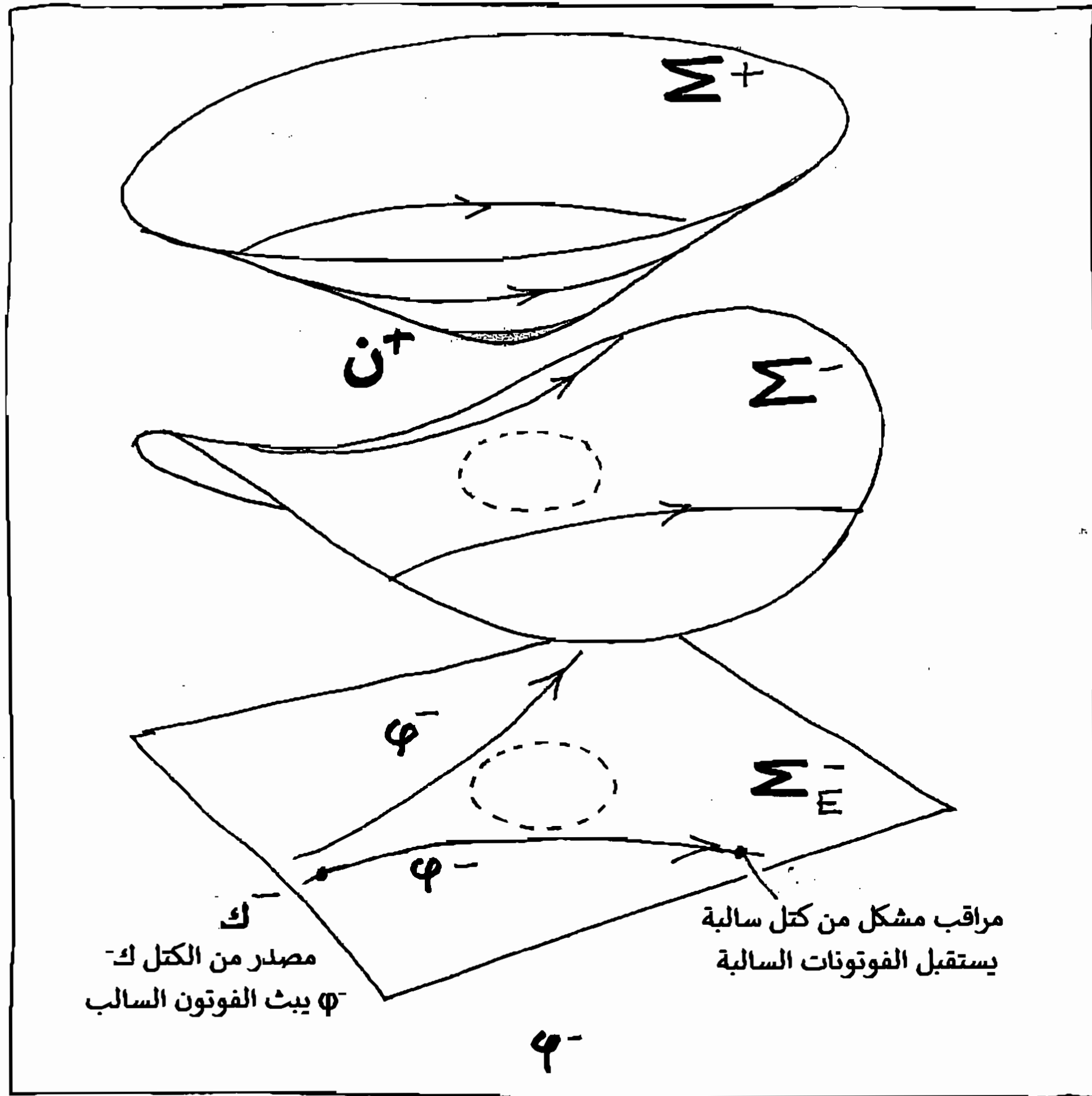
يرتبط ذلك بإشارة كتلتك وبطريقة عَرْضِكَ  
لِظواهر عالمك.



لنرجع إلى الصورة أعلاه. لنفترض أنك مشكل من الكتل الموجبة.  
لن تشاهد سوى عروض جيوديسيا الجزء  $\Sigma^+$  على عرضك الأقليدي  $\Sigma$   
في هذا العالم ثنائي المسافة  $\Sigma^+$ ،  $\Sigma^-$ ، لن تشاهد سوى الفوتونات  
ذات الطاقة الموجبة التي تتبع جيوديسيا الجزء  $\Sigma^+$

(\* من الناحية الكميّة وهي احتمالية الوجود بالنسبة لمراقب مشكل من كتل موجبة ستصبح احتمالية غياب في الكون المقابل

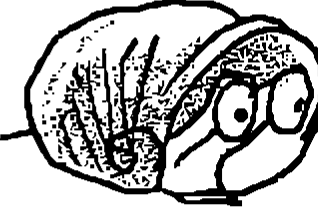




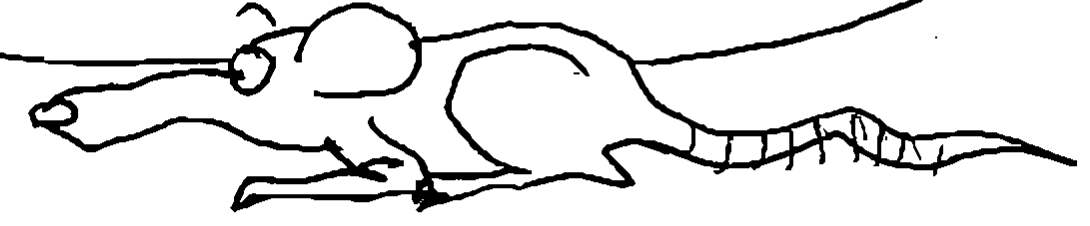
بالمثل، سيلاحظ مراقب ذي كتلة سالبة ك- تأثير عدسة جاذبية سالب يخص الفوتونات السالبة والتي، وحدها، سترصدها عينه وأجهزة رصده.

سيلاحظ مراقب ذي كتلة موجبة ك+ تأثير عدسة جاذبية موجب يخص الفوتونات الموجبة والتي، وحدها، سترصدها عينه وأجهزة الرصد الخاصة به.

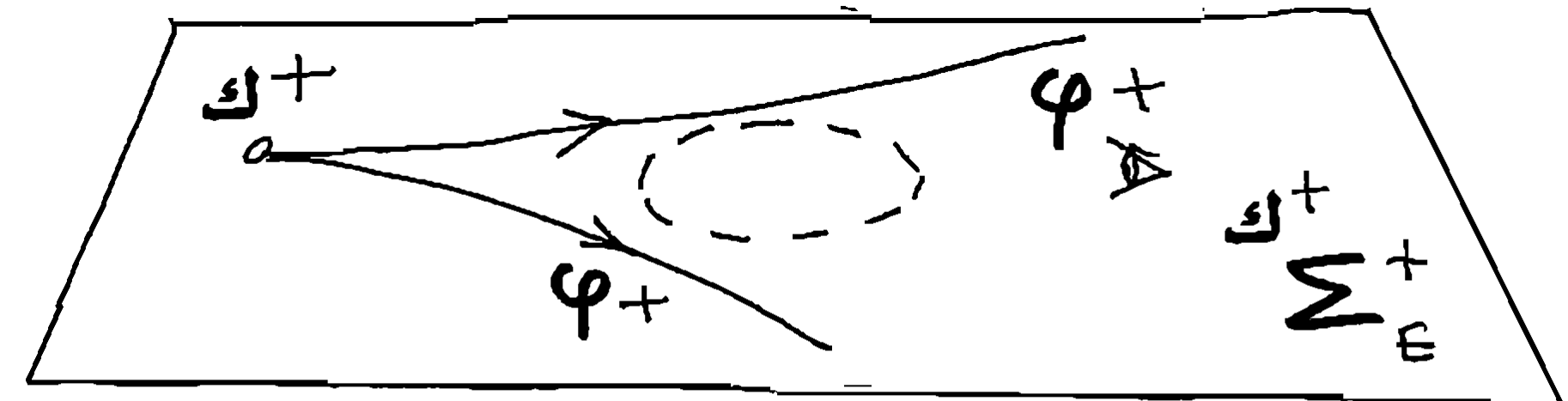
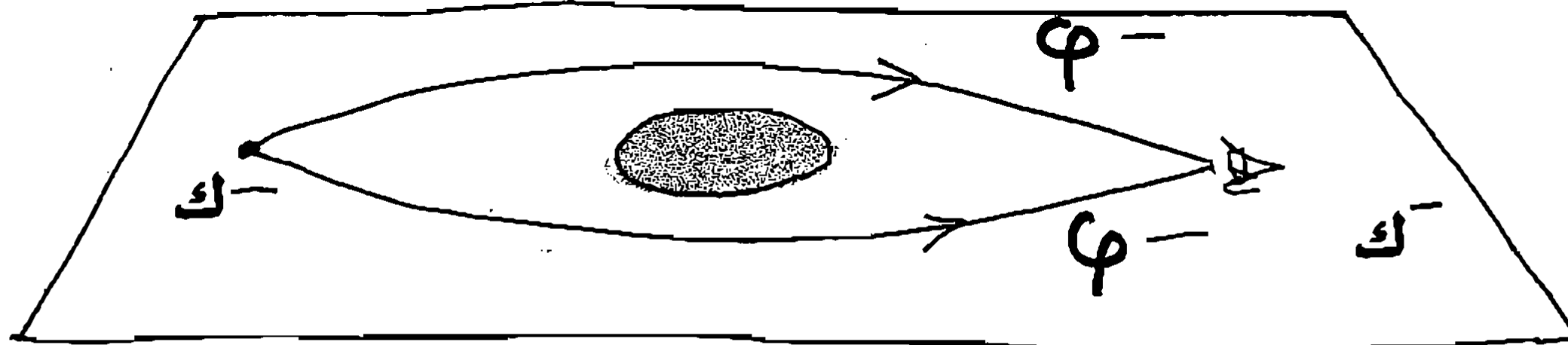
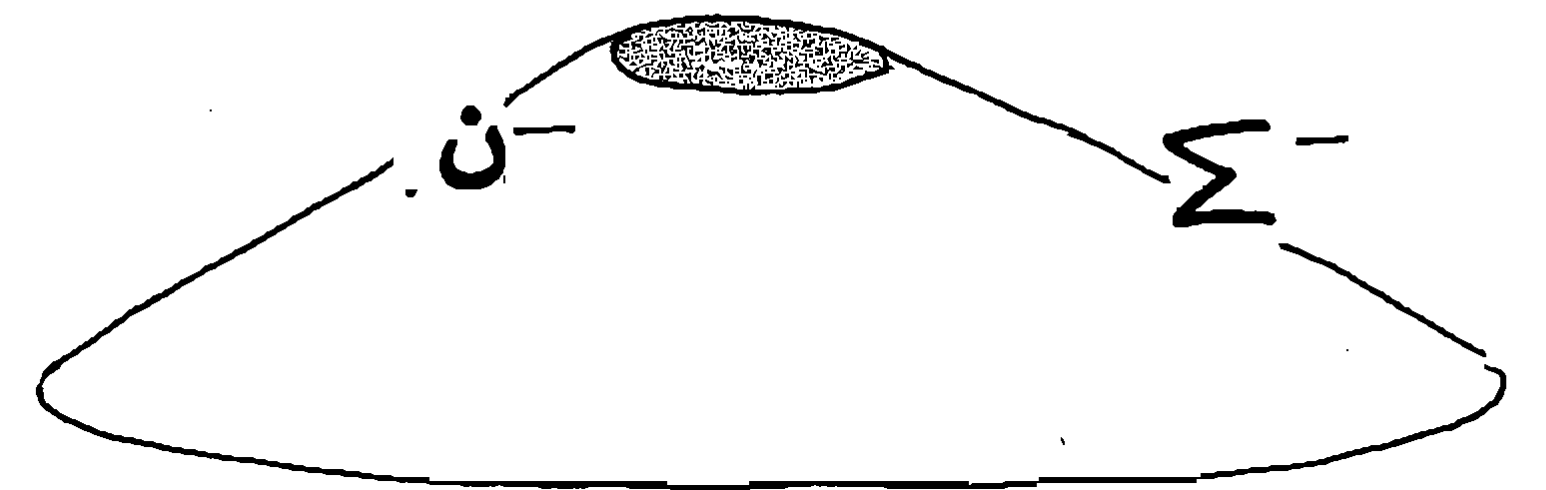
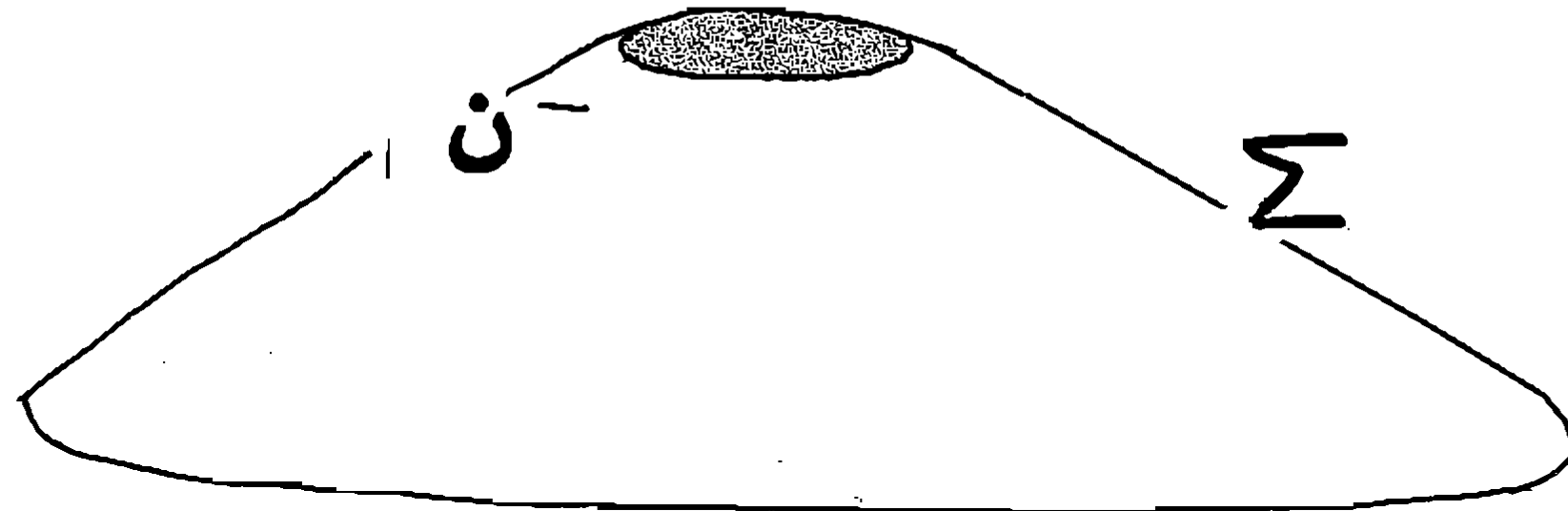
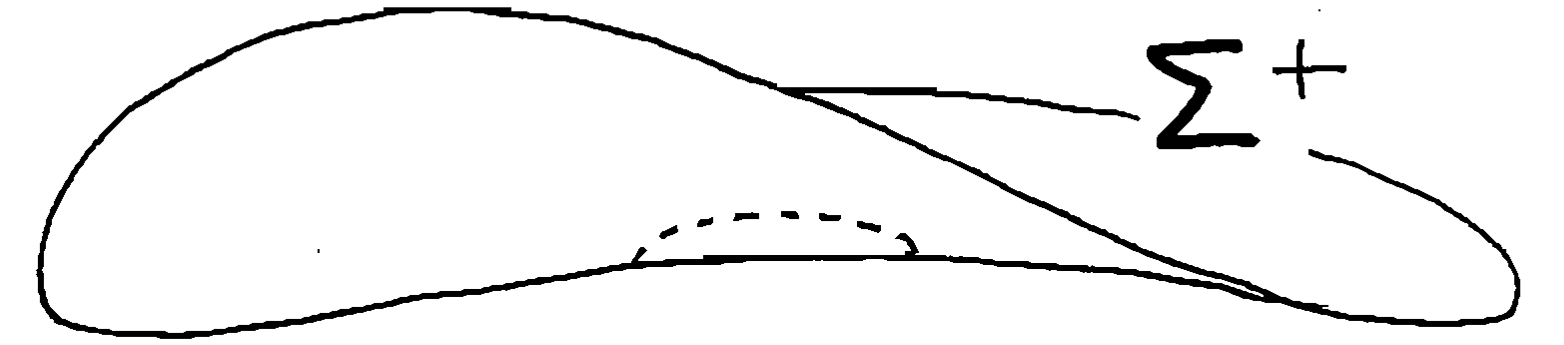
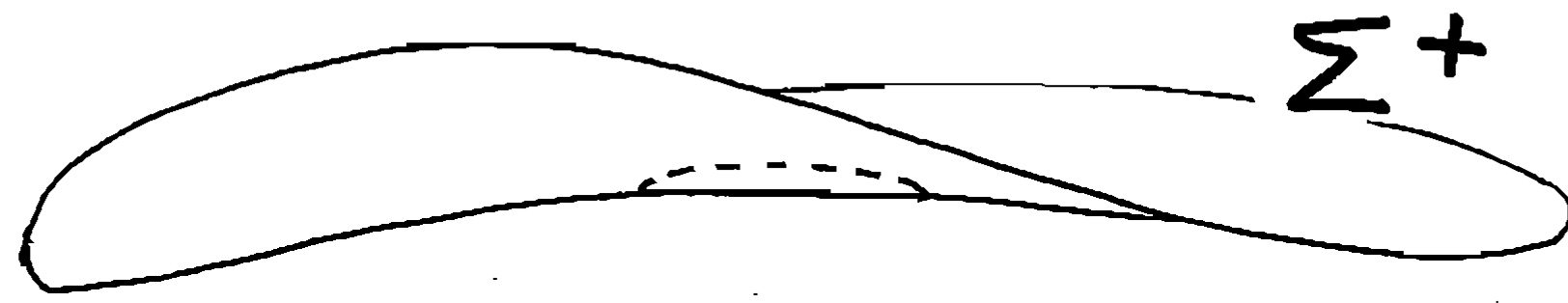
بسيطة: ما عليك سوى قلب الأدوار.



وإذا كانت بحوزتنا كتلة سالبة ك-؟



# مفهوم الكتلة الظاهرة.



مراقب ذي كتلة سالبة ك-: تأثير عدسة جاذبية موجب.

مراقب ذي كتلة موجبة ك+: تأثير عدسة جاذبية سالب.

وهذا ما تكتشفه لحظيًا بواسطة قانون نيوتن:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

الخلاصة: سيرى الملاحظ الكتلة التي لها نفس سُحنته  
جاذبة والعكس صحيح.

لم أتبع الحكاية  
كاملة...

وأنا أيضا!

أنتحدثُ عن الفيزياء الآن؟

# خاتمة

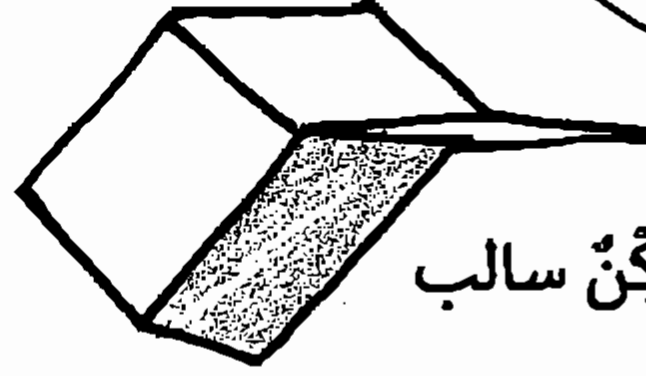
مخروطي موجب



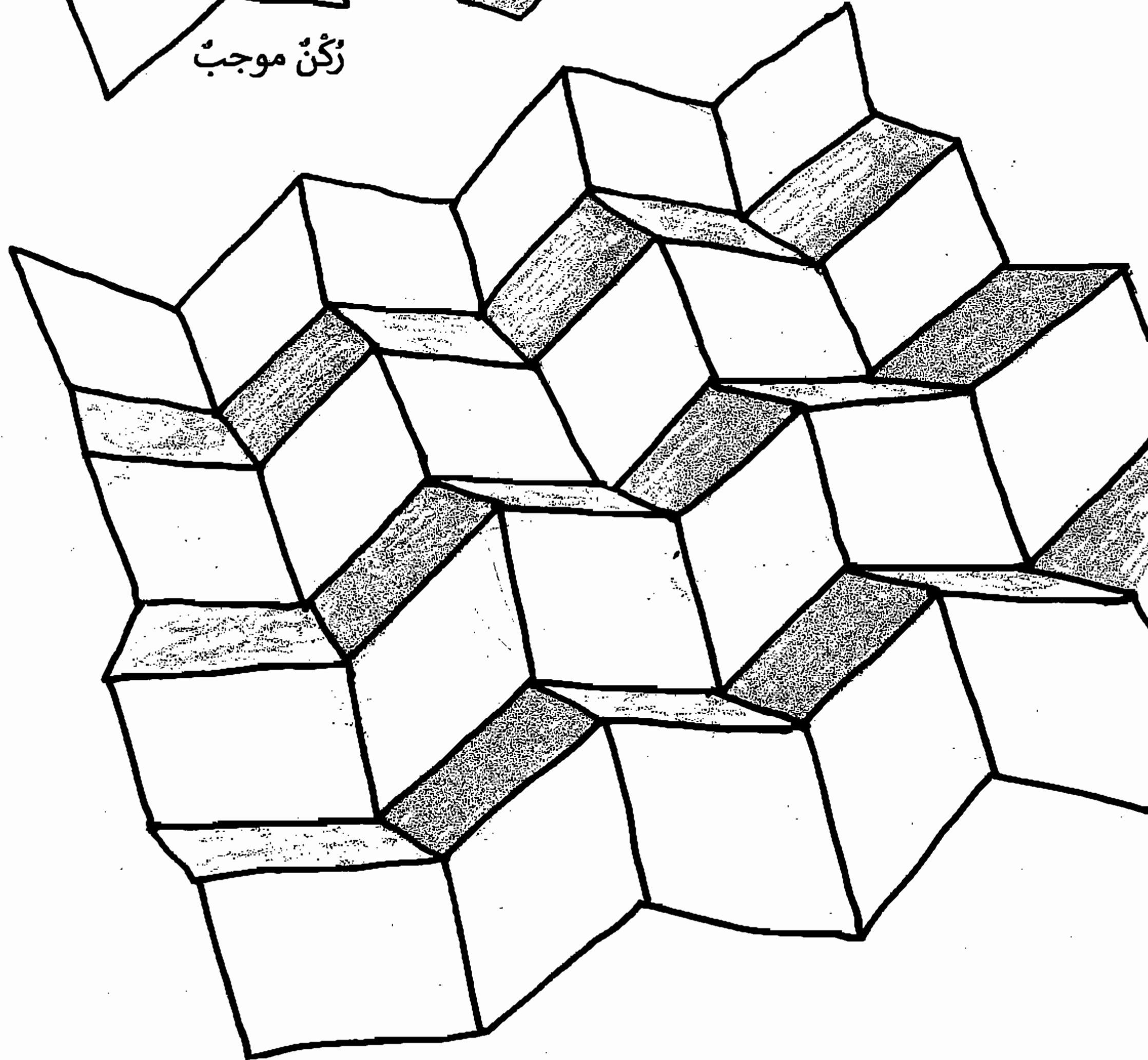
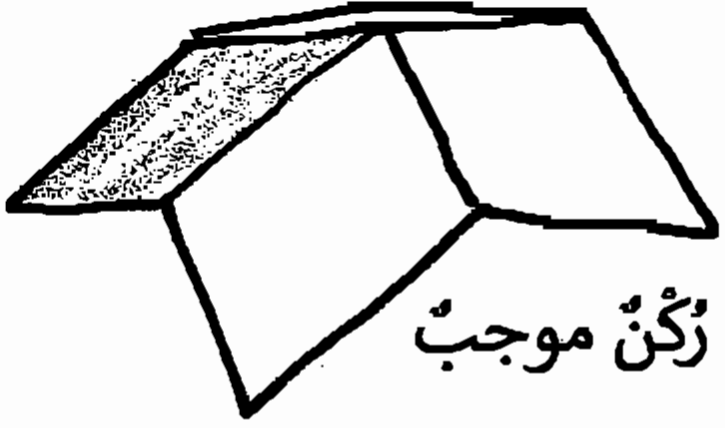
مخروطي سالب



زُكْنُ سالب

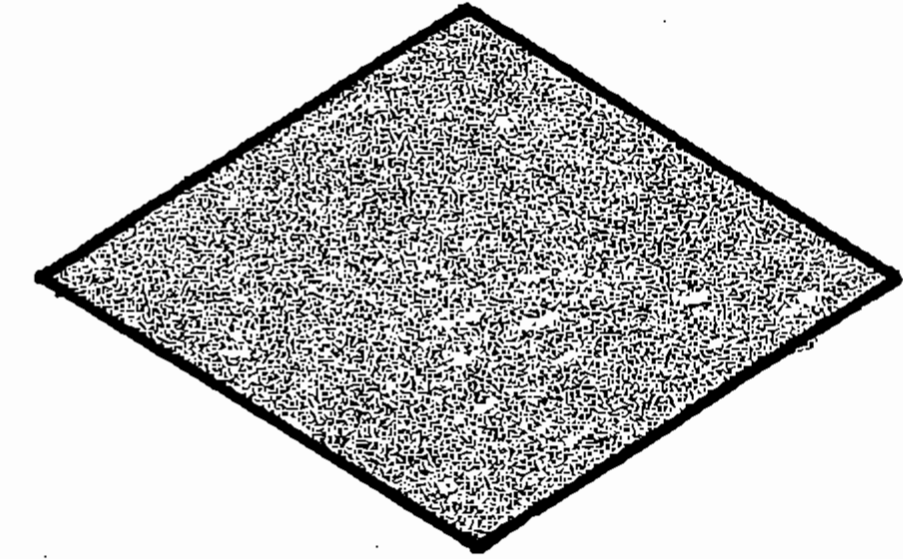


زُكْنُ موجب



في النهاية سوف نقترح عليكم تمرينا، يُصَوِّرُ فكرة أن ما هو انحناء موجب بالنسبة للبعض هو سالب بالنسبة للبعض الآخر.

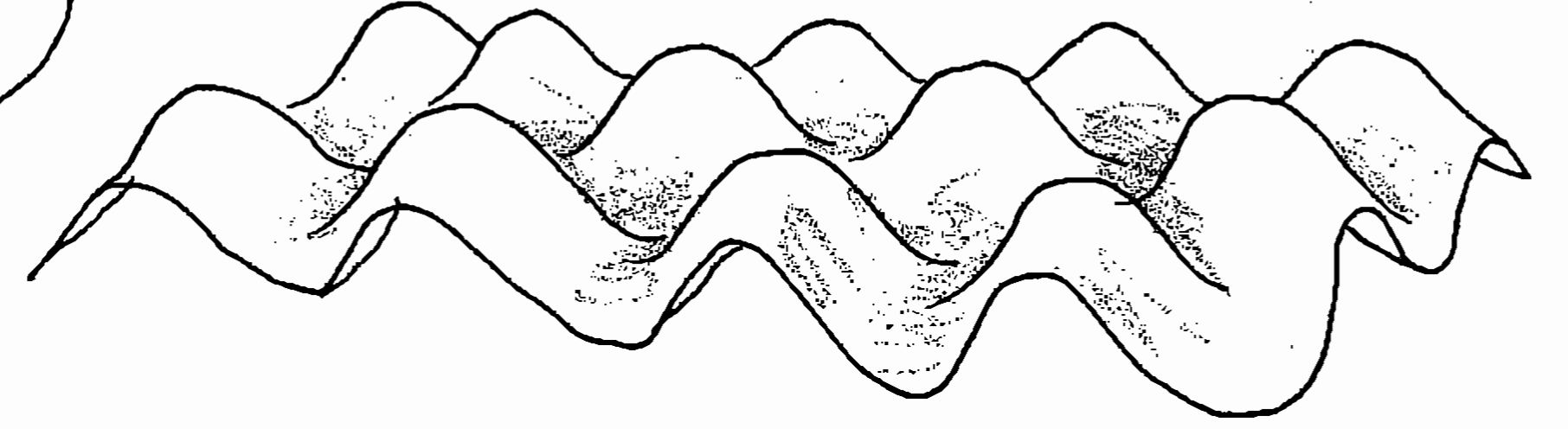
لنتخيل عالما به كتل موجبة وأخرى سالبة تشكل معا رصفا منتظما. ما عليك سوى أن تُرَكِّبَ مَعِينات من الورق المقوى لتشكل تَعاقُبِ من المخروطيات الموجبة والسالبة.



سَتَصْنَعُ العرض المخروطي كما في الصورة المقابلة.

الإدارة.

هذا يُشبهُ عُلْبَ تَخْزِينِ البيضِ الذي يبيضه  
الدجاج الموجب والسالب.

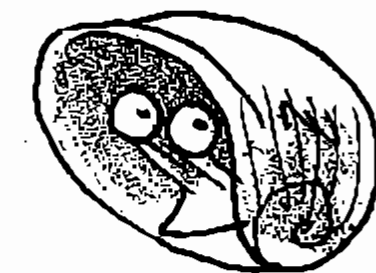


والتفريق بين هذه الميائل، متضمنون وجها لوجه الأركان  
(أو الزوايا) الموجبة والسالبة.

أوه لا! لن تتدخلي أنت أيضا  
في هذه التعقيدات.

هناك الكثير من الأشياء التي نريد أن نخبركم بها،  
مثلا تَفْرِيدُ الحالة المستمرة لكهوف (أفلاطون)<sup>2</sup>،  
ولكن كما قال "كيبلين":

تلك حكاية أخرى.



# النهاية

# ملحق 1

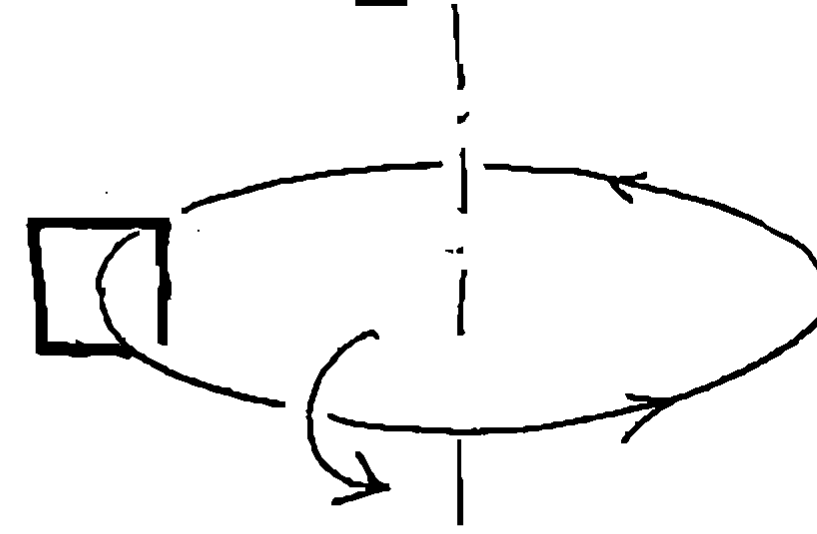
يَتَعَرَّضُ العلم، في عصرنا الحالي، إلى مُجاهرة قُصوى من طرف وسائل الإعلام. ما إن تظهر فكرة أو مشروع ما حتى يُعطى إسمًا إعلانيًا جذابًا، يُخاطب خيال العامة. فمنذ خمسين سنة، أطلقنا على الشيء، الذي كنا نعتقد أنه يَصِفُ قَدَرِ نَجْمِ نوترونيِّ كُتلته (بفعل المدد الناتج عن الرياح النجمية المَبْثُوث من نَجْم مُصاحِب) تتجاوز القيمة الحرجة: 2.5 كتلة شمسية، إسمَ جِسْمِ شوارزشيلد. (\*) والنتيجة هي: ما من مشتر ولو بفلس واحد. نفس المصير تعرَّضت له لكلمة الحفرة السوداء. ولكن عندما اقترح "جون أرشيبالد ويلر" إسم الثقب الأسود كان النجاح فورًا وعالميًا. نفس الشيء بالنسبة لنظرية كل شيء أو نظرية م لأصحاب الحبال الفائقة. يلاحق فيزيائيونا الأعداء حاليًا بوزون هيغز المدعوة بعدة ألقاب كالجسيم الشيطاني مثلاً.

## الإدارة.

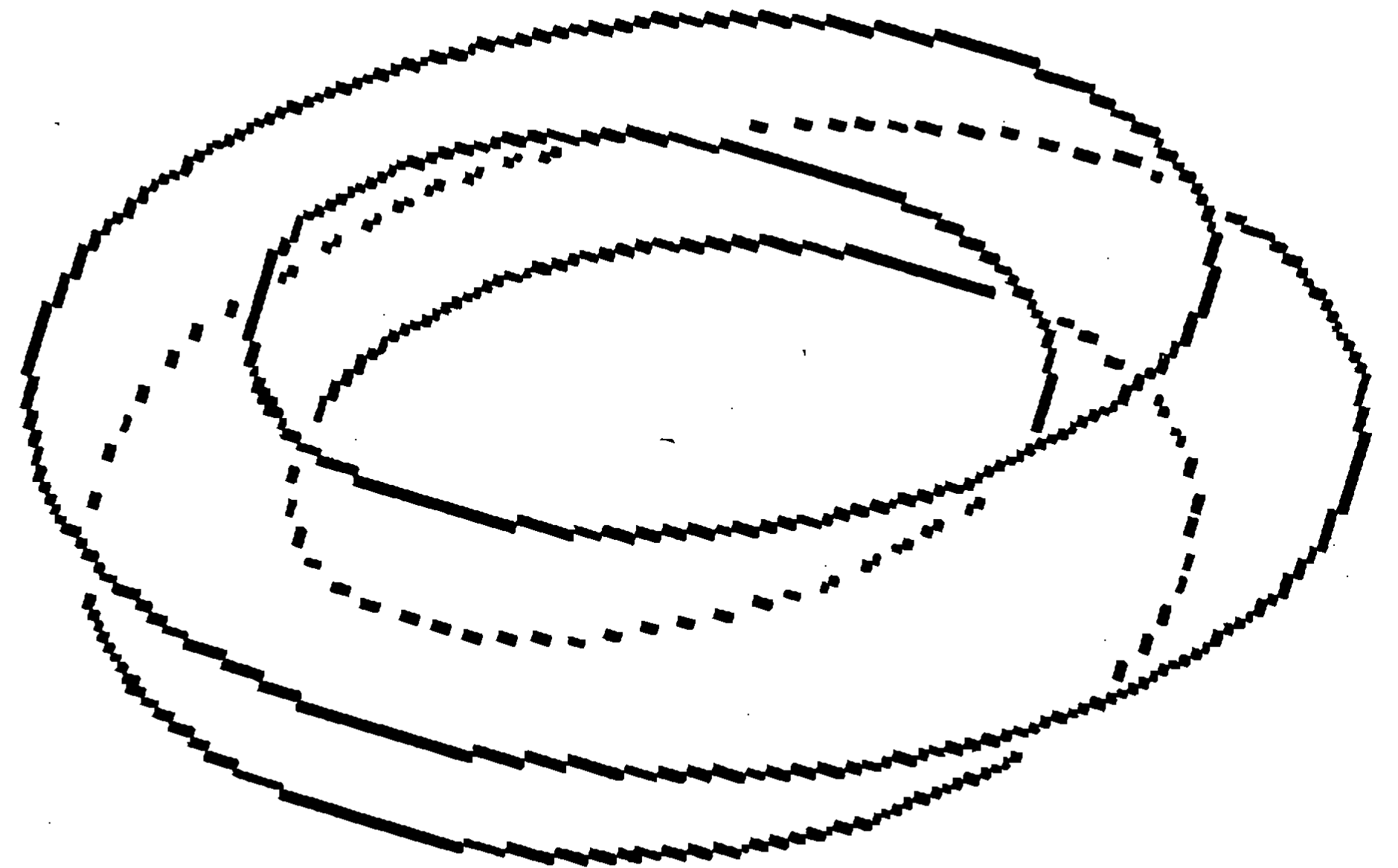
(\*) نموذج الثقب الأسود هو تَخْرِيجَةٌ لِحَلِّ لمعادلة أينشتاين قام بها سوازشيلد (1917) رجوعاً لمنطقة فارغة من الكون. وسنعود إلى كل ذلك في ألبوم لاحق.

# أحادي السطح

سنحصلُ عليه عن طريقِ إدارةِ مُربَّعٍ حول محور  
ينتمي لمستواه، تتم إدارته بمقدار  $\frac{\pi}{2}$  كل دورة.



... أو عن طريق إطالة شريط موبايوس



وَجْهُهُ الْوَحِيدُ.

# مُلحق 2

## الزمنكان والمجموعات (\*)

في 1850، توجه "مikhail فاسيليفيتش أوستروغرادسكي" لزميله "برنارد ريمان":

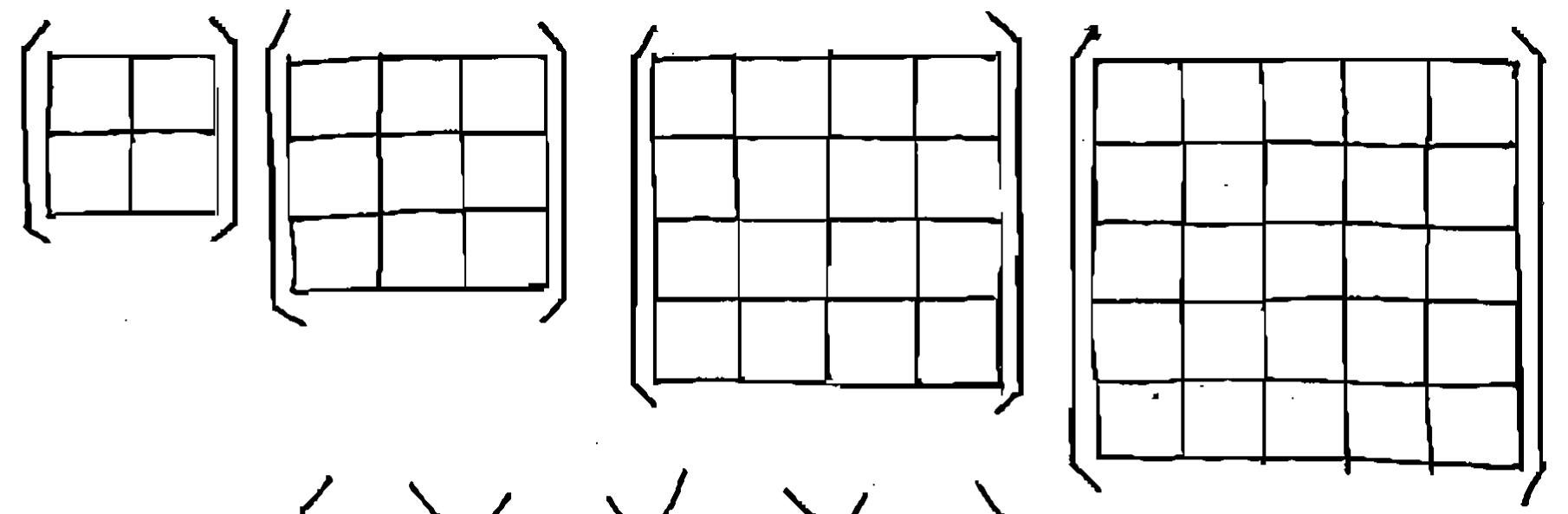


مَرَّ الزمنُ سَرِيعًا. وَبَيَّنَّ تَطَوُّرُ الْعُلُومِ أَنَّنَا نَتَخَلَّى فِي كُلِّ مَرَّةٍ عَنْ بَعْضِ رُؤَايَا السَّادِجَةِ. لَقَدْ أَثْبَتَ التَّجَارِبُ بِأَنَّهُ لِلرِّيَاضِيَّاتِيِّينَ، وَبِشَكْلِ خَاصِّ الْهَنْدَسِيِّينَ، رُؤْيٌ أَقْرَبُ لِنَتَائِجِ تَجَارِبِ الْفِيزِيَّائِيِّينَ وَمُلاحِظَاتِ الْفَلَكَيِّينَ مِنَ الرُّؤْيِ السَّابِقَةِ، الَّتِي مَصِيرُهَا التَّقَادِمُ. وَبِتَعَامُلِهِمْ بِمَفَاهِيمٍ جَدِيدَةٍ، بِاسْتِعْمَالِ أَقْلَامٍ وَأَوْرَاقٍ بَسِيطَةٍ فَقط وَدُونَ أَنْ يَدْرُونَ، صَنَعُوا عَالَمَ الْغَدِ. فَحَتَّى نَفْهَمُ النِّسْبِيَّةَ الْخَاصَّةَ مِثْلًا، يَجِبُ أَنْ نُعِيدَ النَّظَرَ وَنَتَخَلَّى تَمَامًا عَنْ نَظَرَتِنَا لِلْعَالَمِ.

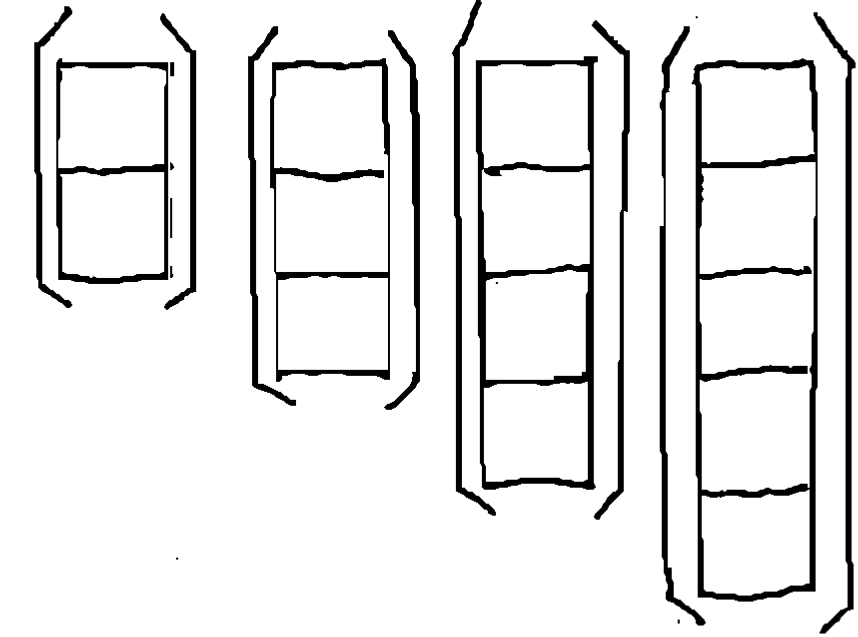
فهل أنت مستعدٌّ لِمُتَابَعَتِي؟



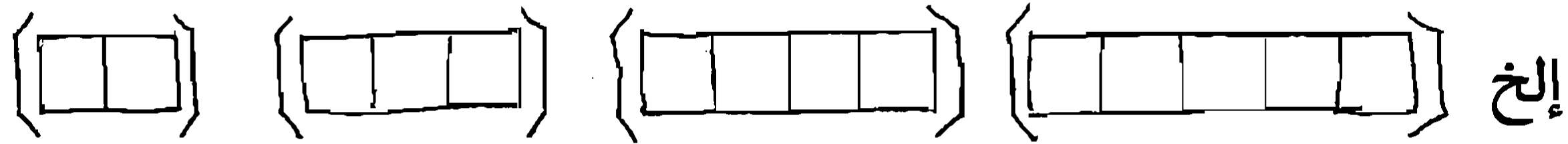
يمثل الحرف م مصفوفة مربعة (نفس عدد الخطوط والأعمدة ع).



مصفوفة عمودية: (هي مصفوفة ذات عمود واحد و ع خط).



إلخ



مصفوفة خطية (هي مصفوفة ذات خط واحد و ع عمود).

## ضَارِبُ مَصْفُوفَتَيْنِ مُرَبَّعَتَيْنِ لَهَا نَفْسُ الْمَبْعَدِ

(نفس عدد الخطوط والأعمدة ع).

$$\begin{pmatrix} \text{أ} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \text{ب} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \text{ت} \end{pmatrix}$$

سَنَضْرِبُ الْخَطوطِ فِي الْأَعْمَدَةِ :  $\text{ب} \times \text{أ} = \text{ت}$

تِقْنِيَّةٌ اسْتِذْكَارِيَّةٌ: لَدَيْنَا مَصْفُوفَتَيْنِ أ وَ ب وَضَارِبُهُمَا الْمَصْفُوفِي هُوَ:  $\text{أ} \times \text{ب}$ ، كَمَا هُوَ مُوضِحٌ فِي الصُّورَةِ، تَتِمُّ الْعَمَلِيَّةُ عَنْ طَرِيقِ جَمْعِ ضَارِبِ خَانَاتِ خَطِ الْمَصْفُوفَةِ أ وَ عَمُودِ الْمَصْفُوفَةِ ب.

وَهَكَذَا نَحْصِلُ عَلَى ضَارِبِ الْمَصْفُوفَتَيْنِ التَّوَاوِجِدِ

بِالْخَطِ 1 خِ وَالْعَمُودِ 1 ع.

# قاعدة أساسية: هذا الضاربُ غير تبادلي

$$! \quad \mathbf{A} \times \mathbf{B} \neq \mathbf{B} \times \mathbf{A}$$

## مصفوفات الوحدة "و":

لجميع المصفوفات المربعة (نفس عدد الخطوط والأعمدة، أي ذات الهيئة (ع، ع))، نربط مصفوفاتٍ وَحَدَة، نرسم لها ب: "و".

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad \dots \text{إلخ}$$

لدينا:

$$\mathbf{A} \times \mathbf{W} = \mathbf{W} \times \mathbf{A} = \mathbf{A}$$

## مصفوفة منقولة: $(\mathbf{A}^t)$

وهو مماثلها بالنسبة للقطر الأساسي للمصفوفة.

$$\begin{pmatrix} \times & \times \\ \times & \times \end{pmatrix}^m = \begin{pmatrix} \times & \times \\ \times & \times \end{pmatrix}^m$$

$$\begin{pmatrix} \times & \times & \times \\ \times & \times & \times \\ \times & \times & \times \end{pmatrix}^m = \begin{pmatrix} \times & \times & \times \\ \times & \times & \times \\ \times & \times & \times \end{pmatrix}^m$$

$$\begin{pmatrix} \times & \times & \times & \times \\ \times & \times & \times & \times \\ \times & \times & \times & \times \\ \times & \times & \times & \times \end{pmatrix}^m = \begin{pmatrix} \times & \times & \times & \times \\ \times & \times & \times & \times \\ \times & \times & \times & \times \\ \times & \times & \times & \times \end{pmatrix}^m$$

سنعتبر أن مُماثل مصفوفة عمودية ع

$$ع = \begin{pmatrix} \square \\ \square \\ \square \\ \square \end{pmatrix}$$

هو مصفوفة خطية خ .

$$خ = (ع^{\circ}) = \begin{pmatrix} \square & \square & \square & \square \end{pmatrix}$$

## ضارب مصفوفة خطية أو عمودية بمصفوفة

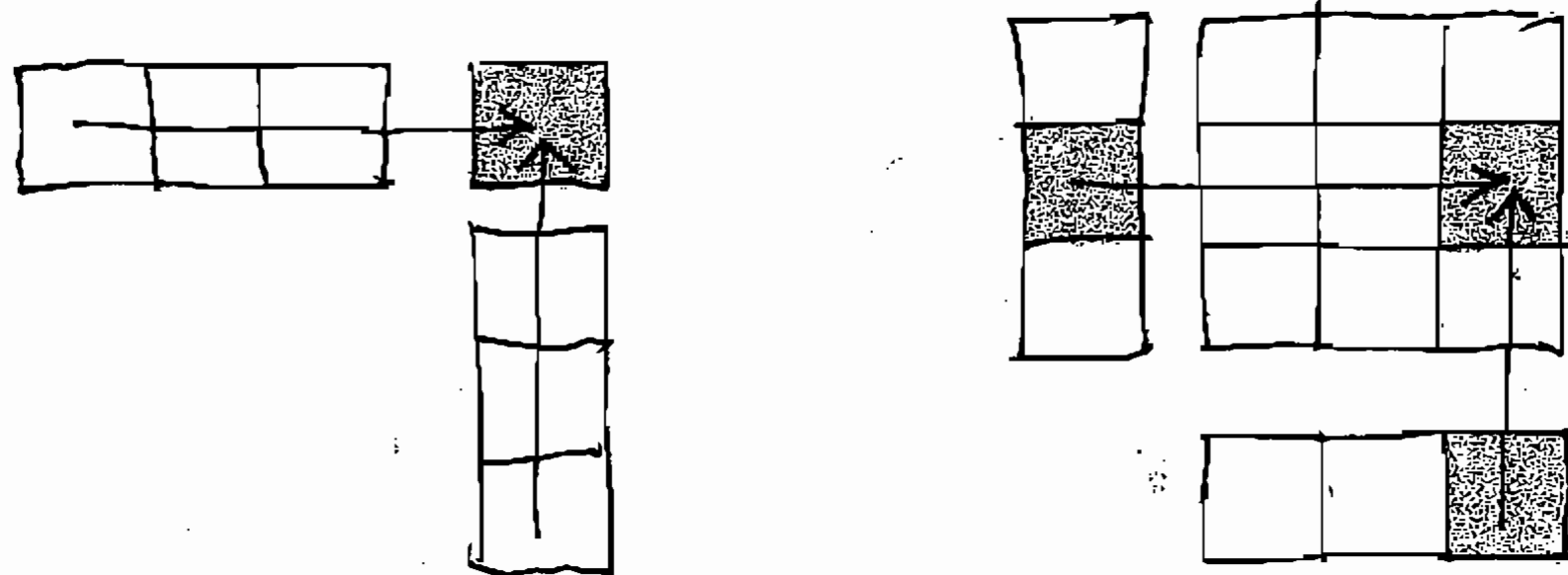
بالنسبة لمصفوفة عمودية، ضارب على اليسار.

$$أ \times ع = \begin{pmatrix} \square & \square & \square & \square \\ \square & \square & \square & \square \\ \square & \square & \square & \square \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \square \\ \square \\ \square \\ \square \end{pmatrix}$$

بالنسبة لمصفوفة خطية، ضارب على اليمين.

$$أ \times (ع^{\circ}) = \begin{pmatrix} \square & \square & \square & \square \\ \square & \square & \square & \square \\ \square & \square & \square & \square \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \square & \square & \square & \square \end{pmatrix}$$

## ضارب مصفوفة عمودية وأخرى خطية (أو خطية وأخرى عمودية).



(م) × م = مصفوفة بخط وعمود واحد (وحيدة العنصر)

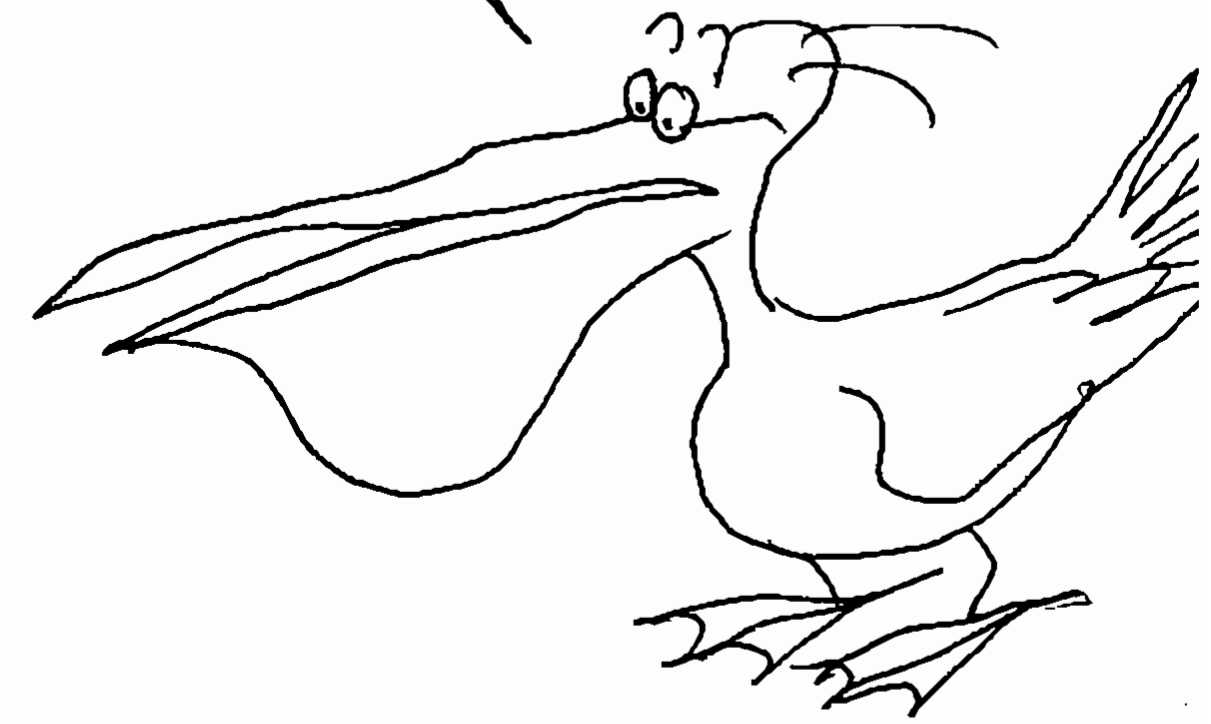
م × (م) = مصفوفة مربعة (ع خط و ع عمود)

إذن، فَلِلْمَصْفُوفَةِ وَحِيدَةِ الْعُنْصَرِ خَطٌّ وَعَمُودٌ وَحِيدَانِ.

باختصار، عندما سأدخل متجر بقالة، سأضرب السلالم والمصفوفات طولا وعرضا...

ولن اكون مسؤولا عن أي شيء.

$$\begin{bmatrix} 1 \end{bmatrix}$$



والوحدة التخيلية  $i$  هي:

$$i = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$i \times i = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = -1$$

العدد المركب، أو العقدي،

(أ، ب) أو  $a + bi$  هو المصفوفة المربعة:

$$\begin{bmatrix} a & b \\ -b & a \end{bmatrix}$$



رغم أن المصفوفات، وحساب المصفوفات، عناصر أساسية للفيزياء والرياضيات فقد تم إهمال دراستها في كل مكان.

من الممكن أن يكون لمصفوفة ما مُقابل، نرملهُ ب: م<sup>-1</sup>، بحيث أن:

$$1 = م \times م^{-1} = م^{-1} \times م$$

هذه نظرية أولى، دون برهان:

$$1(أ \times ب) = (أ \times ب)^{-1}$$

وهذه نظرية ثانية، دون برهان أيضا:

$$1(أ \times ب)^م = أ^م \times ب^م$$

براهين هذه المعادلات سهلة جداً (وهي تمرين جميل مكم للإلمام بحساب المصفوفات).

مزودين بهذه الأدوات، نستطيع أن نتقدم نحو الجبهة الأمامية للعلم.

إنتبه! لقد عاد.

ما هذا؟ ليس هذا هو الاتجاه الصحيح.

# فَضاءات رِيماَنيَّة (\*)

سَنُسمي مصفوفات غرام كل مصفوفةٍ مَرَبَّعةٍ جميع قِيَمُها مُنعدمة، عدى خاناتِ قُطرها الرئيسي التي قيمتها:  $1^{-+}$

$$\begin{pmatrix} \pm 1 & 0 \\ 0 & \pm 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \pm 1 & 0 & 0 \\ 0 & \pm 1 & 0 \\ 0 & 0 & \pm 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \pm 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \pm 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \pm 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \pm 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \pm 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \pm 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \pm 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \pm 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \pm 1 \end{pmatrix} \dots \text{إلخ}$$

ليكن السَّهْمُ  $S$  المنتمي للفضاء  $E$ ، ذي البعد  $b$ . سنقول عن هذا الفضاء ريمانياً، إذا كان يُحَقِّقُ المعادلة التالية:

$$(المسافة)^2 = S \times G \times S$$

$$L^2 = t \times G \times X$$

كارثة إضافية أخرى!

عن أي تجريد تتحدث؟  
أنت تعيش في فضاء ريمانيّ.

هذا ما كنت أخشاه،  
مرحباً بالتجريد.

(\*) هناك خلاف حول هذه التسمية، وقد قرر المؤلف منحها للفضاءات التي إشاراتُها  $1^{-+}$ .

لتكن  $X = \begin{pmatrix} 1 \\ ب \\ ت \end{pmatrix}$ ، إذن  $X^T = (أ، ب، ت)$

و (المسافة) $^2 = X^T \times X = أ^2 + ب^2 + ت^2 =$

الذي يساوي مربع المسافة الأقليدية:

$$\sqrt{أ^2 + ب^2 + ت^2}$$

فكر جيدا، المصفوفة الأحادية ذات الأبعاد (3، 3) هي مصفوفة غرام خاصة.

$$\begin{pmatrix} +1 & 0 & 0 \\ 0 & +1 & 0 \\ 0 & 0 & +1 \end{pmatrix} = \mathbf{I} \quad (9)$$

حسنا، ومذا بعد ذلك؟

## الإشارة

إشارة هذه الفضاءات هي متتالية إشارات مترية غرام. وقيمتها في حالة فضاء أقليدي ثلاثي الأبعاد هي: (+، +، +).

ومصفوفة غرام في حالة فضاء أقليدي ذي بعدين هي:  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$  وإشارتها هي: (+، +).

والآن، سنطرح السؤال التالي: هل توجد مجموعة مصفوفات  $M$  والتي بالتصرف في العمود  $X = \begin{pmatrix} أ \\ ب \end{pmatrix}$

تحافظ على مسافتها؟

سنقوم بعملية حسابية منهجية، في حالة أعم وأشمل، أي في فضاء ريماني، ذي الأبعاد  $b$ ، والمُعَرَّفُ بمصفوفة غرام  $G$

لتكن المتتالية  $M$  التي تتعامل مع الاتجاه  $X$  لتحوّله إلى الاتجاه  $X'$  :  $X' = M X$

مربع مسافة معيار الاتجاه هو  $X'$  :

$$L'^2 = {}^t X' G X' = {}^t (M X) G (M X) = ({}^t X {}^t M) G (M X) = {}^t X ({}^t M G M) X$$

المسافات  $L'$  و  $L$  متساوية عندما تكون :

$$\boxed{{}^t M G M = G}$$

سنطبق ذلك على الفضاء الأقليدي ذي البعد  $b$  :

$$\boxed{{}^t M M = I}$$

وهذا يعني أن :

$$\boxed{M^{-1} = {}^t M}$$

سنسميها مصفوفة متعامدة. سنوضح ذلك أكثر في الفضاءات ذات البعدين :

$$M = \begin{bmatrix} \text{ب} & \text{أ} \\ \text{ث} & \text{ت} \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} \text{ب} & \text{أ} \\ \text{ث} & \text{ت} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \text{ت} & \text{أ} \\ \text{ث} & \text{ب} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$



$$أ^2 + ب^2 = 1, \quad ت^2 + ث^2 = 1, \quad أ.ب + ت.ث = 0$$

نحن نبحث عن المصفوفات  $M = \begin{bmatrix} أ & ب \\ ث & ت \end{bmatrix}$  التي تحقق هذه المعادلة:

سنرى الآن كيف أن هذه المصفوفات لا تُشكل مجموعة  $\mathcal{M}$  فقط بل تُكوِّنُ :

## فئة (\*)

إنها الكلمة السحرية التي تخلت عنها الفيزياء. ولكن ما معنى كلمة فئة؟  
إنها مجموعة من الأشياء التي تتفاعل مع أخرى، بالمناسبة الأشياء في حالتنا هي المصفوفات والأخرى هي النقط،  
و فئة النقط في الفضاء. من المهم هنا أن نذكر ملاحظتين:

- الفئة تصلح لحمل شيء ما
  - طريقة الحمل والنقل أهم مما هو محمول
- لقد قلنا في صفحة سابقة في هذا الألبوم:

"أخبرني كيف تتحرك أقول لك من أنت". نستطيع الآن أن نقول: أخبرني كيف تُحمَلُ وتُنقَلُ وسأخبرك إلى أي عائلة فيزيائية تنتمي. باختصار في أي فضاء تسكن.

من هنا العلاقة الوطيدة بين: الفئة  $\Leftrightarrow$  الهندسة

النرويحي "سوفيس لي" هو أول من أدرج المسلمات التي تعرف فئة ما.  
نسمي فئات المصفوفات، فئات "لي". لنركز الآن على المسلمات:

- لتكن المجموعة  $E$  التي تمثل الأشياء المُتفاعلة فيما بينها، والتي سنسميها  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\gamma$  ، إلخ.
- يمكن أن نألف بينها، عن طريق قانون التركيب، ونحصل على التوليفة:  $\gamma = \beta \circ \alpha$

1: إذا كان  $\alpha$  و  $\beta$  ينتميان للفئة  $E$  فالضارب  $\beta \circ \alpha$  ينتمي أيضا للمجموعة. إذن سنقول بأنَّ  
قانونَ التَّركيبِ داخليُّ، (للفئة  $E$  ، فالكلاب لا تلدُّ قططا مثلا).

2: يوجد في المجموعة عنصر محايد، لنسمه :  $e$  ، بحيث أنه لكل عنصر  $\alpha$  من الفئة:

$$\alpha \circ e = \alpha \circ e = \alpha$$

3: لكل عنصر مُبادِلٌ، نرسم له ب:  $\alpha^{-1}$  ، بحيث أن:

$$\alpha \circ \alpha^{-1} = 1$$

4: عملية التركيب ترابطية، أي أن:

$$(\alpha \circ \beta) \circ \gamma = \alpha \circ (\beta \circ \gamma)$$

عمليا لا نحتاج للمسلمة الرابعة مطلقا. بالفعل من الصعب والنادر جدًا أن نجد عملية تركيب غير ترابطية.

لا يستعمل الفيزيائي سوى فئات (مجموعات) المصفوفات والتي تسمى أيضا مجموعات لي.  
لتكن مجموعات المصفوفات المربعة  $M$ .

- ستكون هي ضارب المصفوفتين  $O$  عملية التركيب  $M_1 \times M_2$  الغير تبادلية.
- سيكون العنصر المحايد،  $e$ ، هو المصفوفة الوَحْدَة  $I$  حسب البعد  $(n, n)$ .

# المجموعات السرية

سنسمي الفئات، في حالتنا المصفوفات، التي تشكل مجموعات من عدد محدود من العناصر مصفوفات غرام (بخطين وعمودين) وتُشكلُ مجموعة بأربعة عناصر.

$$F = \left\{ \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \right\} \quad \begin{bmatrix} \pm 1 & 0 \\ 0 & \pm 1 \end{bmatrix}$$

بالإضافة إلى ذلك، فهي متطابقة مع مقابلها. ولكن ماذا تمثل؟ لنفعلها على السهم  $X = \begin{bmatrix} 1 \\ b \end{bmatrix}$  في فضاء ذي بعدين.

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ b \end{bmatrix} \Rightarrow \text{تماثلية حسب المحور } O \text{ أو} \\ \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -b \end{bmatrix} \Rightarrow \text{تماثلية حسب المحور } O \text{ ب} \\ \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -b \end{bmatrix} \Rightarrow \text{تماثلية حسب الأصل.} \end{cases}$$

شروطنا تحققت:  
تحافظ التماثلات على المسافات.

# مجموعات (فئات) بإعداد واحد (أو أكثر).

تُحقق المجموعات:  $\begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$  شروطنا وتشكل مجموعة دوران المستوى حول نفسه.

إنها مجموعة بإعداد واحد (الزاوية  $\theta$ ).

يسمى عدد الإعدادات:  
بُعْد المَجْمُوعَةِ، ولكن إنتبه!  
فلا علاقة له ببعد الفضاء  
الذي يؤثر فيه.

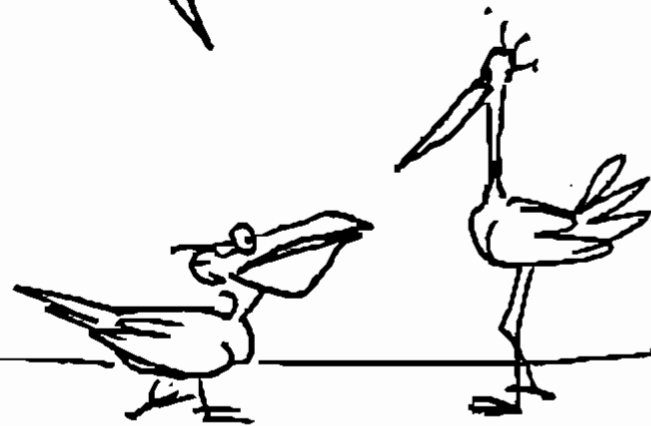


لحد الآن، أعتقد أنني أفهم ما يجري.  
فالأمر بسيط للغاية، أليس كذلك؟

نقول ذلك دائما، ولكني لا أثق  
في المؤلف، فهو يوهمنا أن الأمور يسيرة  
وفجأةً يجعلك تدخن النوترونات،  
إنه خطير!

هناك مستويات في الدماغ نكون فيه بحاجة  
فتيل كهربائي

لم أتعافى بعد من محنة التوبولوجيكون.



تكون المصفوفات  $\begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$  مجموعةً (فئة) تسمى  $SO(2)$ ، أي المتعامد الخاص.

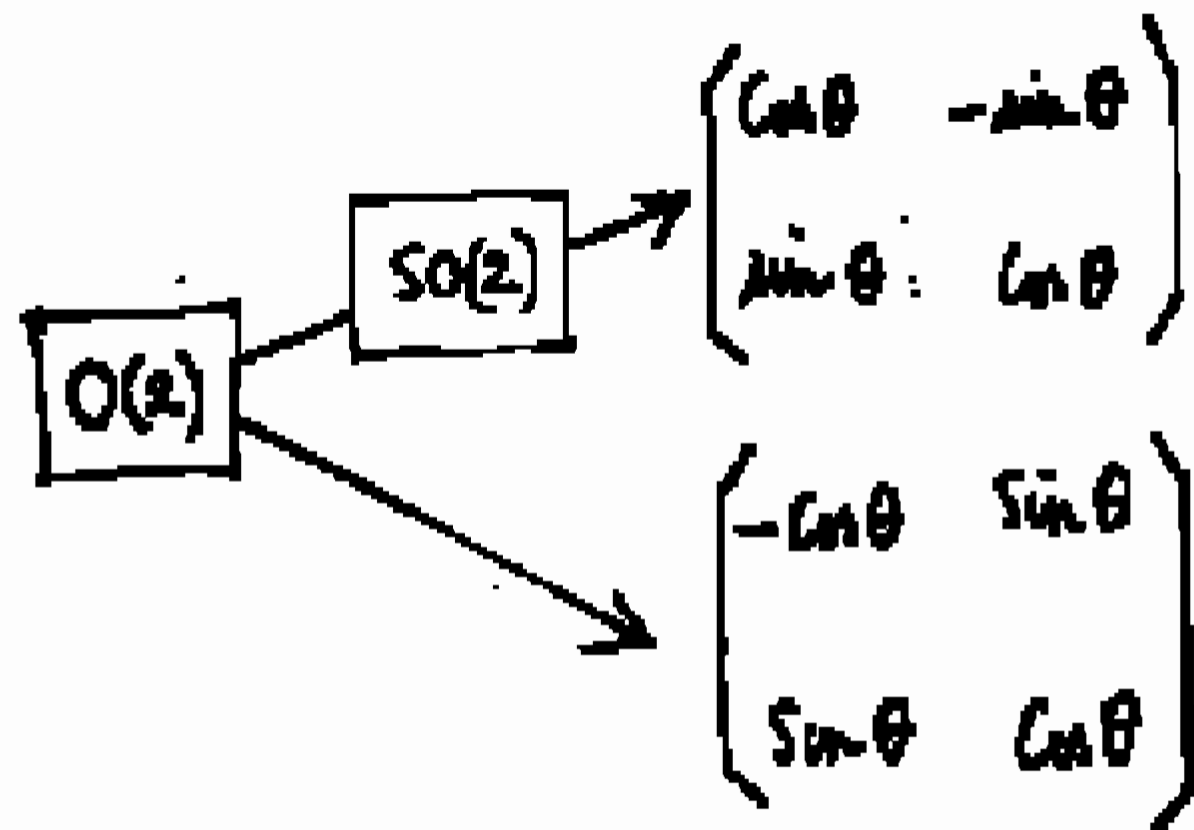
## التوجيه

عندما نضرب هذه المصفوفة بإحدى المصفوفتين اللتان تقلب الأشياء،  $\text{ش} \Rightarrow \text{ش}$  مثلا تلك التي تطبق تماثلا بالنسبة للمحور  $\overline{O}$ .

إذا كانت  $\theta = \pi$  فالتماثل سيكون حسب المحور  $\overline{O}$ .

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\cos \theta & \sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$$

سنحصل على مجموعة ثانية من المصفوفات المتعامدة، (لأنها تخضع للمعادلة:  $MM^T = I$ ) اتحاد هاتين المجموعتين يعطينا المجموعة المتعامدة  $O(2)$  سنقول بأن لهذه المجموعة، التي سنسميها  $A$ ، مركبة ثنائيا.



وهي مجموعة فرعية لـ  $O(2)$  الذي لا يقلب الأشياء  $R \rightarrow R$ .

وهي ليست فئة (لا يمتلك عنصرا محايدا) وعناصره تقلب الأشياء

# مجموعات (فئات) تساوي الأبعاد

- دوران
  - تماثل
  - إزاحة
- مجموعة العمليات التي تحافظ على المسافة في فضاء ذي بعدين:

وهو ما يمكن ترجمته عن طريق المصفوفات

E(2)

SE(2)

→

$$\begin{pmatrix} \cos\theta & -\sin\theta & \Delta x \\ \sin\theta & \cos\theta & \Delta y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \cos\theta - y \sin\theta + \Delta x \\ x \sin\theta + y \cos\theta + \Delta y \\ 1 \end{pmatrix}$$

ش → ش

E(2)

→

$$\begin{pmatrix} \cos\theta & \sin\theta & \Delta x \\ \sin\theta & \cos\theta & \Delta y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -x \cos\theta + y \sin\theta + \Delta x \\ x \sin\theta + y \cos\theta + \Delta y \\ 1 \end{pmatrix}$$

ش ⇔ ش

سنحصل على مجموعة (فئة) أقليد ذات بعدين، وهي مجموعة تساوي الأبعاد E2، للفضاء الإقليدي ذي البعدين. مركبه الأول SE2. (أقليد الخاص) وهو فئة فرعية. أما الثاني فهو فئة المصفوفات التي تقلب الأشياء، ولكنها لا تشكل فئة

في حالة بعدين، نستطيع أن نفسر ونوضح جميع الحسابات.  
ومن الممكن طبعا أن نُكرّر ما سبق (أي في بعدين) في ثلاث أبعاد.

$$I = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad X = \begin{bmatrix} أ \\ ب \\ ت \end{bmatrix}$$

مربع المسافة هو:  $(L)$   $L^2 = {}^t X I X$  والإشارة هي:  $(+, +, +)$

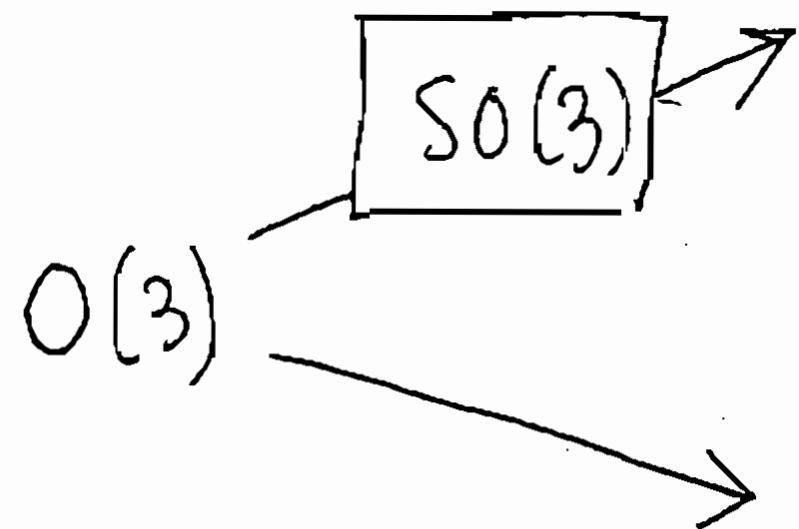
لتكن المصفوفة  $M$  تتعامل مع السهم  $X$  حسب  $X = MX'$

تقودنا المُحافظة على المسافة إلى:  $L'^2 = {}^t X' I X' = {}^t (MX) (MX) = {}^t X ({}^t M M) X$

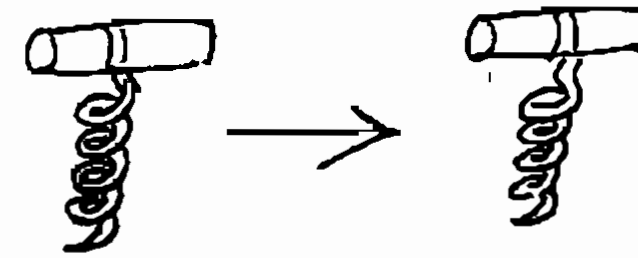
$${}^t M M = I \quad \text{ou} \quad M^{-1} = {}^t M$$

إذا تحقق الشرط:  $L' = L$

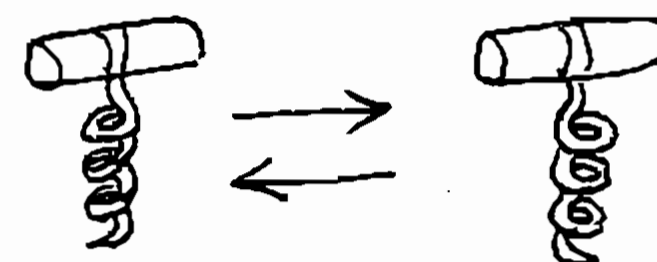
المصفوفات التي تتمتع بهذه الخاصية هي المصفوفات المربعة  $(3, 3)$  وتسمى بالمصفوفات المتعامدة  $O(3)$ ، وهي ذات مُركَّبَيْن.



لا تَقْلِبُ الأشياء ثلاثية الابعاد



تَقْلِبُ الأشياء ثلاثية الابعاد



تَمَاطِلُ المِرآةِ

عندما نُضيفُ سهمَ الإزاحة:

$$C = \begin{bmatrix} \Delta a \\ \Delta b \\ \Delta c \end{bmatrix}$$

نصنع مجموعة أقليد الثلاثية الأبعاد E3، الذي يرث خصائص المجموعة المتعامدة O(3)، فهو مركب منه ونسميه المُرَكَّب a، سنكتب:

$$\begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ 1 \end{bmatrix}$$

وهي تأثر في

$$\begin{pmatrix} a & c \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \Delta a & \Delta b & \Delta c \\ (3,3) & & \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} = 0$$

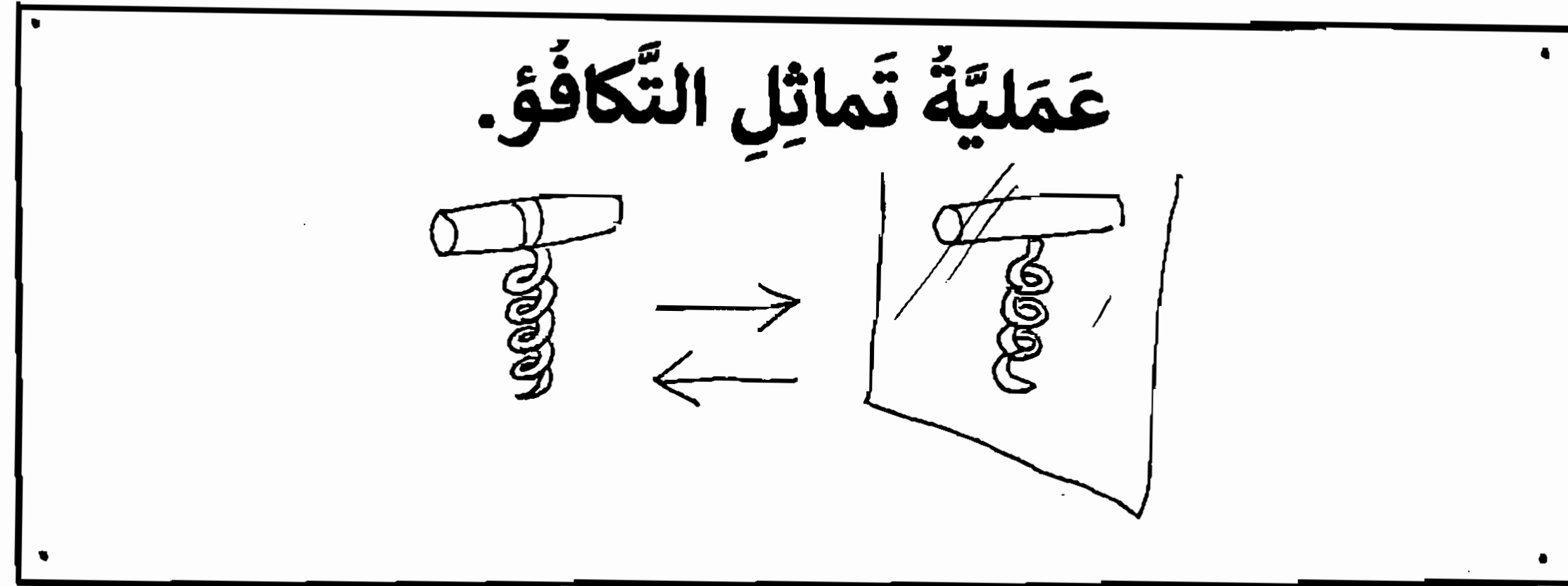
تسمح هذه العملية، المصفوفية، لعناصر مجموعة أقليد، الثلاثي الأبعاد، بالتأثير على الأسهم X ولكنها تختلف عن ضواريب المصفوفات المعتادة.

$$X' = M X$$

وما هذا إلا نوع من التأثيرات من بين العديد الأخرى. مفهوم العمليات هذا أساسي، وسنرجع له فيما بعد.



تُحول، نصفُ مصفوفاتِ مجموعة أقليد، الأشياء المُوَجَّهَة (اللولب الفليني) لَصُورِها في المرآة. سنقول عنها:



عندما اخترع الرياضياتيون المرايا.

يبقى السبقُ هنا للرياضياتي على الفيزيائي في بعض المجالات. فبعد أن أنجز عمليات الدوران والإزاحة، اخترع الرياضياتي مفهوم المجموعة (أو الفئة)، مصفوفات غرام، وصنع الفئة الفرعية  $SE(3)$  التي لا تُماثل، أو تُقلبُ الأشياء، عند نقلها فيزيائياً. ولكن بالمجموعة (الفئة) عناصر لا يمكن أن يُحدثها النقل الفيزيائي، فلا يمكن أن نحصل على لولب فليني أيسر من خلال دمج حركات الدوران والإزاحة لولب فليني أيمن. بَيِّدَ أَنَّ المَجْمُوعَةَ كاملة تتنبأ بوجود هذا النوع من الأشياء يقطن بالجهة الأخرى من المرآة (لها نفس الشكل ولكن متناظرة عكسياً).



إذن، فنحن نعتقد أننا نقطنُ في فضاء ريمانيّ اهليلجي، أو فضاء أقلدي ثلاثي الأبعاد، ذي الإشارة (+، +، +) والتي تعطينا، من بين أشياء أخرى، خاصية فيتاغورس مثلاً. ولكن، ماذا عن الفضاءات، ذوات الإشارة (-، -، -)؟

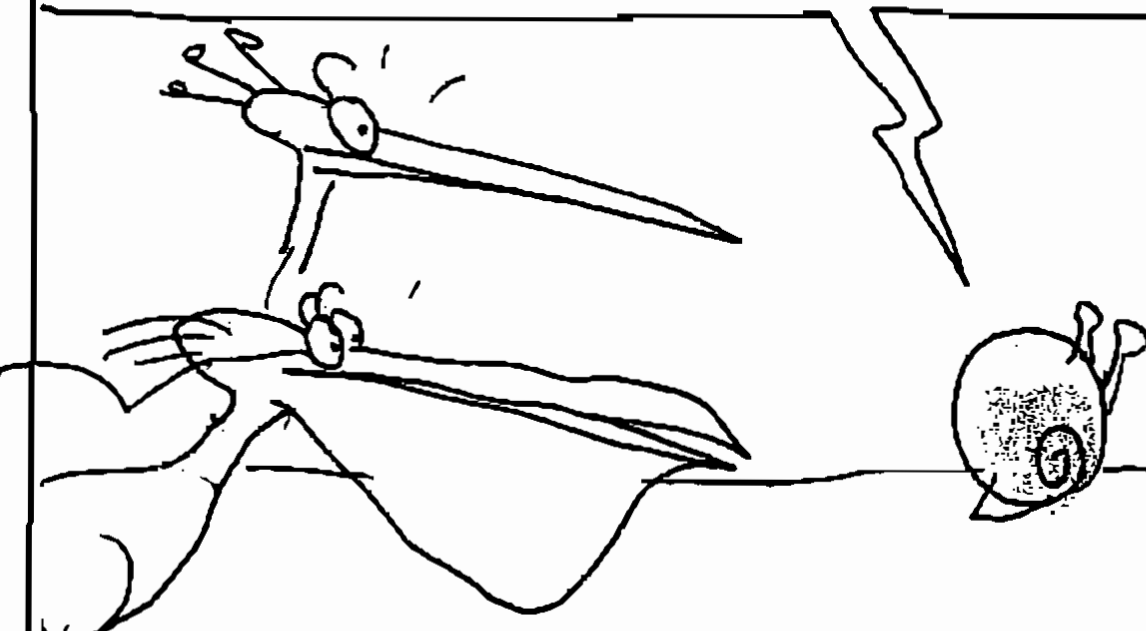
نسميها أقلدية بشكل غير صحيح. فالمسافات فيها عقدية خالصة.

$$L = \sqrt{-a^2 - b^2 - c^2}$$

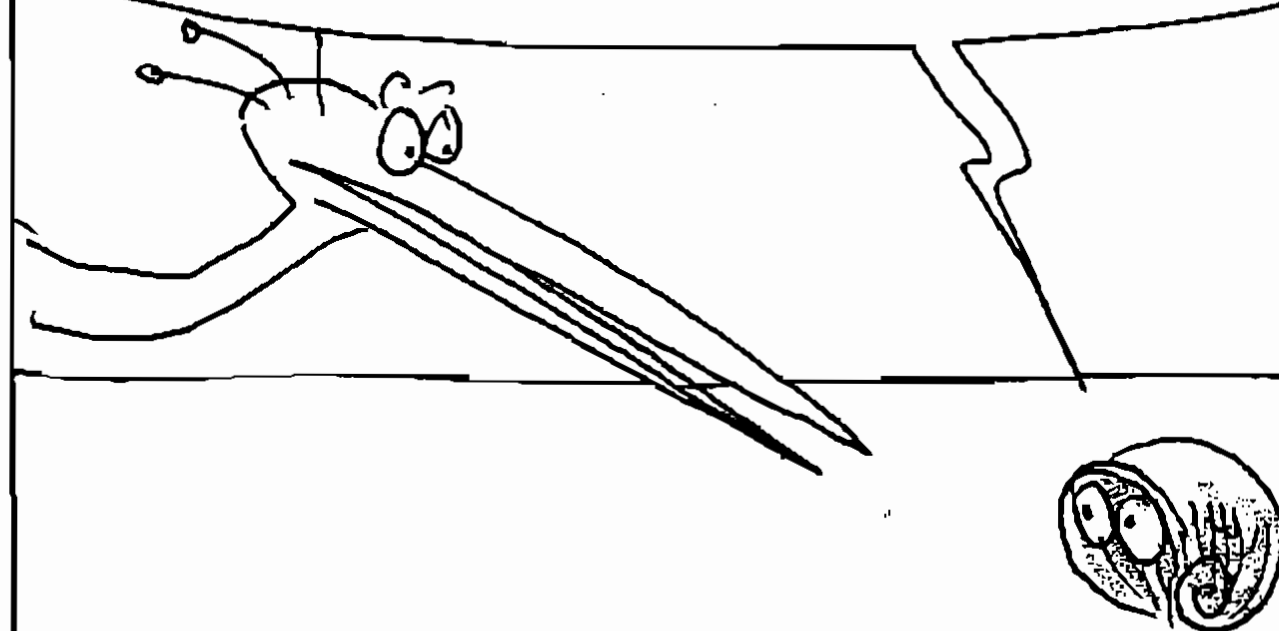
سنعود بعد كل ذلك إلى الفضاء الزمكاني الغريب، حيث الزمن عقدي خالص.



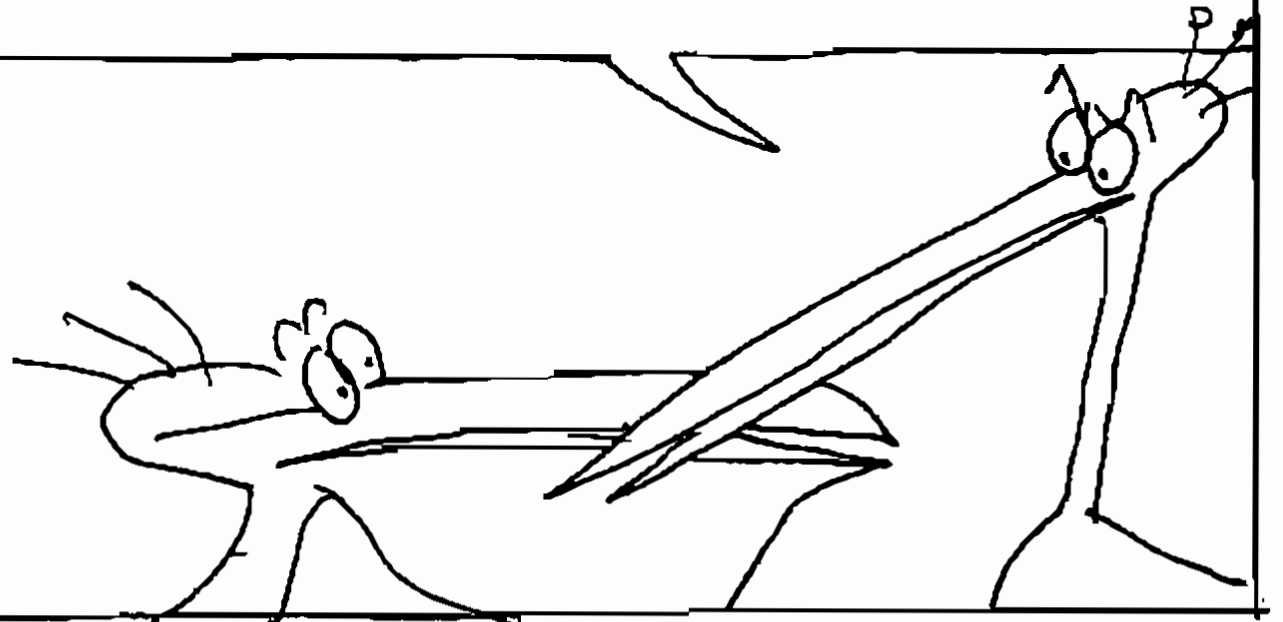
شيء رياضي، ألا روح لك؟



حسناً، وما هو الخيال؟



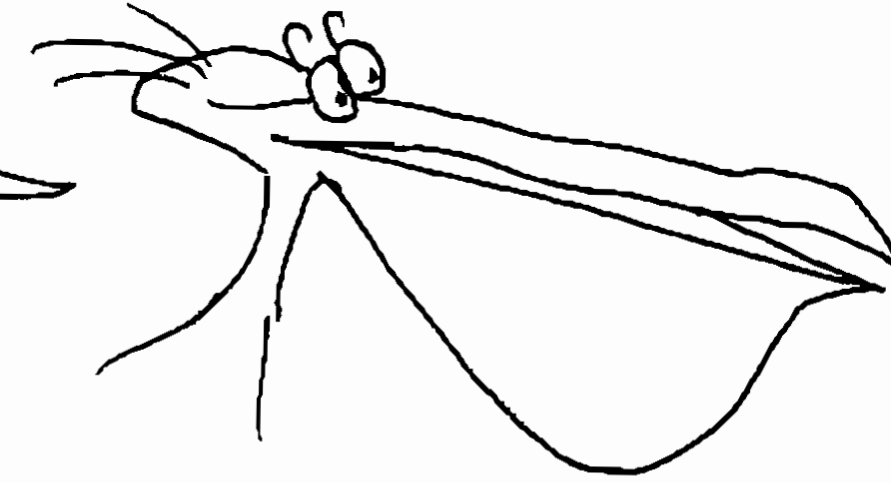
لا يجب أن نبالغ أكثر. لا يمكن أن يكون هناك زمن عقدي خالص إلا في الخيال العلمي.



# فضاءات ريمانية مُغرَّقة

إنها تلك التي تحتوي على إشارات موجبة وسالبة. بُرُوزُ نظرية النسبية الخاصة يعزى ببساطة إلى كوننا عرفنا أنه بَدَلَ العيشِ في فضاء أقليدي ذي إشارة (+، +، +): فضاء فائق ثلاثي الأبعاد متعامد مع الزمن، فنحن نعيشُ في فضاء ريمانيٍّ مغرَّقٍ ذي إشارة (-، -، -)، فضاء مينوسكي.

كيف تتفوهُ يا "تيريسياس" بِمِثْلِ هذه التفاهات؟



$$G = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

مصفوفة غرام هي إذن:

سَنُغَيِّرُ الآنَ رَمَزَ سَهْمِ الزَّمكان:  $\mathcal{K}$

$$\mathcal{K} = \begin{bmatrix} z \\ a \\ b \\ t \end{bmatrix}$$

سَنُعَرِّفُ الآنَ سَهْمَ إِزاحَةٍ زَمكاني:  $C$

$$C = \Delta \mathcal{K} = \begin{bmatrix} \Delta z \\ \Delta a \\ \Delta b \\ \Delta t \end{bmatrix}$$

ونعتبرُ الأسهمَ المتناهية الصغر:  $d$

$$d \mathcal{K} = \begin{bmatrix} dz \\ da \\ db \\ dt \end{bmatrix}$$

سنحصل إذن (باعتبار  $c$  ثابت سرعة الضوء يساوي 1) على المسافة المتناهية الصغر:

$$ds^2 = {}^t d\xi G d\xi = dt^2 - dx^2 - dy^2 - dz^2$$

أ	↔	x
ب	↔	y
ت	↔	z
ز	↔	t

وهو ما سنسميه **مِثْرِيَّة (مينكوسكي)** والتي سنكتبها بتغيير بسيط في المتغيرات:

$$c^2 d\tau^2 = c^2 dt^2 - dx^2 - dy^2 - dz^2$$

سنعيد الكثرة، تماما كما فعلنا مع مجموعة وفضاء أقليد. لنبدأ بزمكان ثنائي الأبعاد.

$$\eta = \begin{pmatrix} t \\ x \end{pmatrix}$$

حيث أن متريَّة المسافة الثنائية الأبعاد هي:  $ds^2 = {}^t d\eta G d\eta$

ومتريَّة غرام الخاصة بها هي:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

سننشئ مجموعة (فئة) **المُتَمَاثِلَة** لهذا الفضاء:

سنقوم بنفس التحليل السابق الخاص بفضاءٍ أقليديٍّ.  
 سنتجاهل لوهلة العرض التكاملي وسنبحث عن مجموعة مصفوفات  $L$  تؤثر على السهم  $\xi$

$$\xi' = L \xi$$

وهي تحافظ على هذه المسافة المُغرَّقة الغريبة، أي أن:

$$L^{12} \xi' G \xi' = {}^t(L \xi) G (L \xi) \quad {}^t \xi ({}^t L G L) \xi = L^2 = {}^t \xi G \xi \quad \text{حي:}$$

$$\boxed{{}^t L G L = G}$$

في فضاء ذو أربعة أبعاد، نحتاج لمصفوفات بأربع خطوطٍ وأربع أعمدةٍ (4، 4).  
 التركيبة في الأسفل هي تعريف مجموعة (مصفوفات) لورنتز.

حتى نستطيع شرح ذلك، سيقصر تحليلنا على فضاء ثنائي الأبعاد (ز، أ).

$$L = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} a & c \\ b & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} ch\eta & sh\eta \\ sh\eta & ch\eta \end{bmatrix} \quad \text{وهو ما يعطينا:} \quad a^2 - c^2 = 1 \quad ; \quad b^2 - d^2 = 1 \quad ; \quad ab - cd = 0$$

لأن:  $ch^2\eta - sh^2\eta = 1$

عُوِّضت الخطوط المثلثية بأخرى مُغرَّقة.  $\leftarrow$

$$\begin{cases} \operatorname{ch} \eta = \frac{e^\eta + e^{-\eta}}{2} \\ \operatorname{sh} \eta = \frac{e^\eta - e^{-\eta}}{2} \end{cases} \quad \begin{cases} \cos \theta = \frac{e^{i\theta} + e^{-i\theta}}{2} \\ \sin \theta = \frac{e^{i\theta} - e^{-i\theta}}{2i} \end{cases} \quad z = e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$$

تعاود مجموعة (أو فئة) لورنتز الدوران في مجموعة مينكوسني.

## المجموعةُ (الفئةُ) السَّريَّةُ

إن مصفوفات غرام الثنائية الأبعاد هي مصفوفات لورنتز خاضعة ل:

$${}^t L L = G$$

نحصل إذن في الفضاء ثنائي الأبعاد على المجموعة السَّرية، أو المَخْفِيَّة:

$${}^t G G = G \text{ avec } G G = I \text{ et } {}^t G = G$$

$$\left\{ \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \right\}$$

نحصل أخيرا على مجموعة لورنتز الكاملة، ذات المَرْكَبَاتِ الأربَع:

$\begin{bmatrix} \operatorname{ch} \eta & \operatorname{sh} \eta \\ \operatorname{sh} \eta & \operatorname{ch} \eta \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \operatorname{ch} \eta & -\operatorname{sh} \eta \\ \operatorname{sh} \eta & -\operatorname{ch} \eta \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} -\operatorname{ch} \eta & \operatorname{sh} \eta \\ -\operatorname{sh} \eta & \operatorname{ch} \eta \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} -\operatorname{ch} \eta & -\operatorname{sh} \eta \\ -\operatorname{sh} \eta & -\operatorname{ch} \eta \end{bmatrix}$
--	--	--	--

فئة فرعية أورتوكرون

مجموعة فرعية أونتيكرون

# النَّسَبِيَّةُ الْخَاصَّةُ

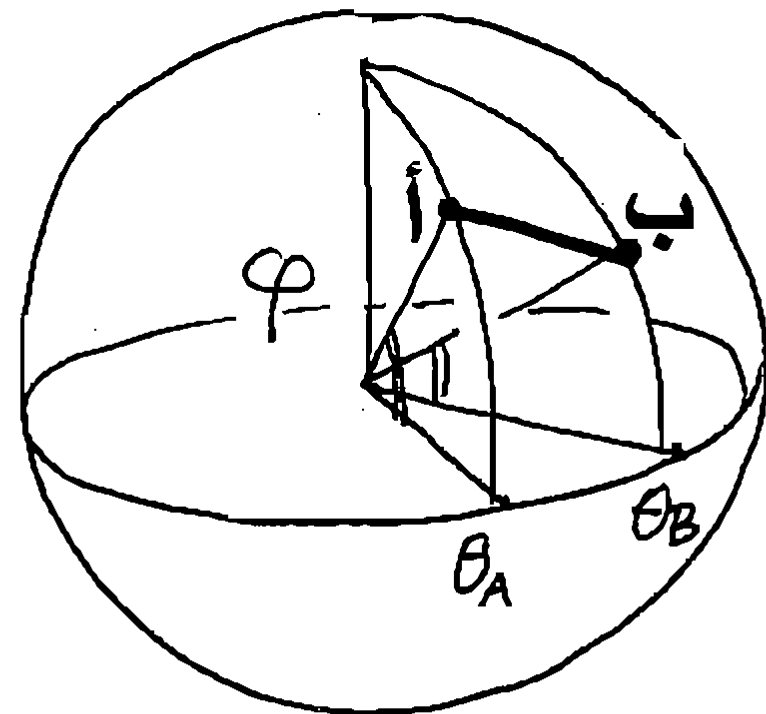
لنعتبر حساب المسافة في هذا الفضاء الريماني المُعْرَق (فضاء مينكوسكي) بتمثيلٍ تفاضلي، الذي تمنحنا إياه مَتْرِيَّتُهُ:

$$ds^2 = c^2 d\tau^2 = c^2 dt^2 - dx^2 - dy^2 - dz^2$$

هذا يعني بأن حَرَكَاتِنَا تَتِمُّ وَتُكْتَبُ في فضاء مُعْرَقٍ رباعي الأبعاد. حيث الإحداثيات هي  $(x, y, z, t)$ .

سنشرح بالتفصيل في ألبوم أسرع من سرعة الضوء، كَوْنٌ تَصْفِيحِ نِظَامِ إِحْدَائِيٍّ عَلَى هَذَا الْفَضَاءِ الْفَائِقِ يُوَافِقُ قِرَاءَةَ فِيزِيَائِيٍّ، يَنْتَمِي لِهَذَا الْفَضَاءِ الْفَائِقِ، حَيْثُ الْبَعْدُ الْجَوْهَرِي الْوَحِيدُ هِيَ الْمَسَافَةُ  $s$ .

هناك نفس العلاقة بين هذه الاحداثيات وبين المسافة  $s$ . التي تقاس بالمترو والتي من الممكن تحويلها للزمن الخالص  $\tau$  بفضل العلاقة:  $ds = c dt$  حيث تمثل  $c$  سرعة خاصة تهم احداثيات الطول والعرض  $\varphi$  و  $\theta$  المستعملة من أجل تحديد مواقع النقط في الكرة ومسافة المسار المقطوع. تبين هذه الصيغة أنه من خلال الاحداثيات:  $(x, y, z, t)$



$$AB = \widehat{AB}$$

$$v = \frac{\sqrt{dx^2 + dy^2 + dz^2}}{dt}$$

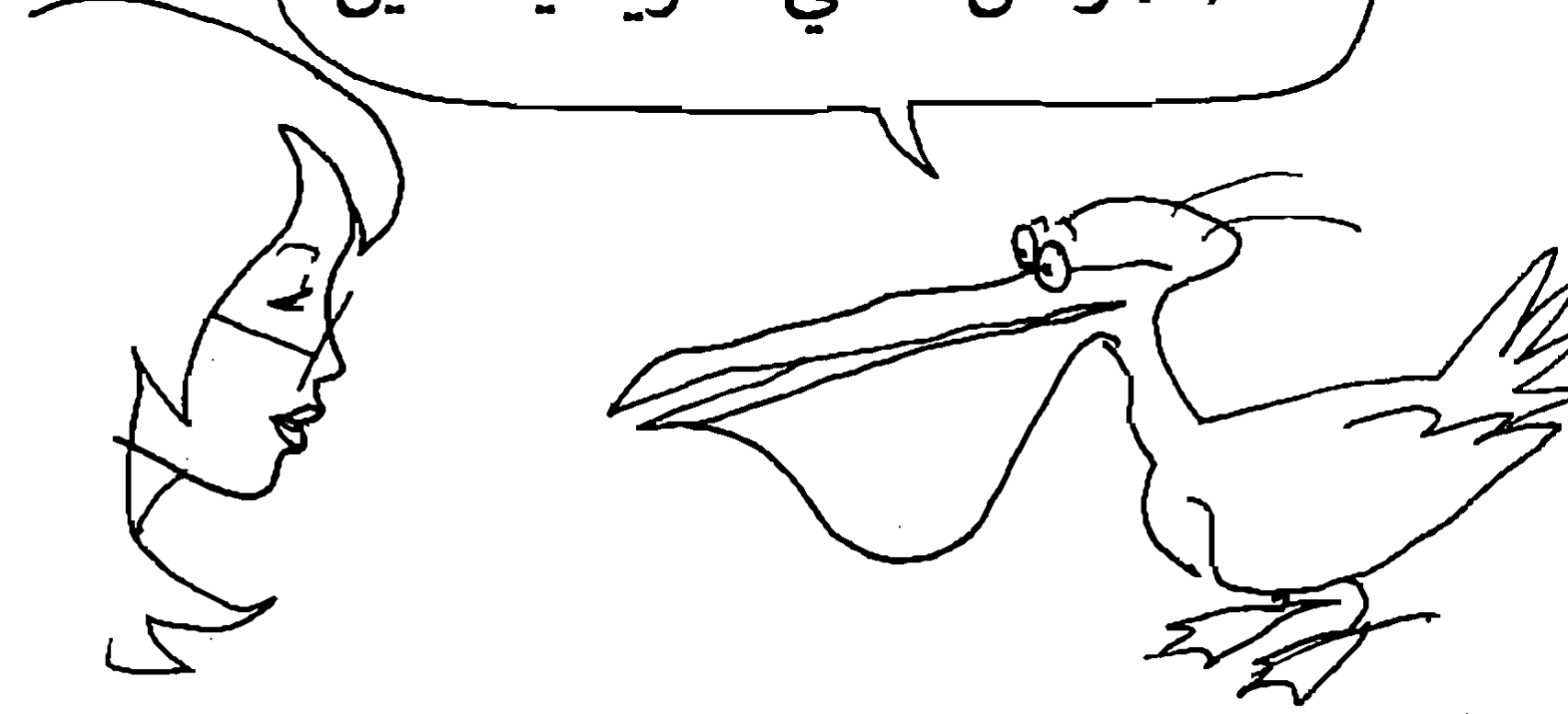
نستطيع أن نستنتج مسافة:

حتى يبقى الزمن  $d\tau$  حقيقيًا من الضروري من اللازم أن تكون  $C > v$  ستتحقق الحركة القصوى عندما تكون  $C = v$

$$d\tau = 0: \text{ أي أن:}$$

↔ سيتوقف زمنُ الفوتون الخاص.

سبق بأن تحدثنا عن النسبية الخاصة. ولكن، ماهي نظرية أينشتاين؟





سَيُطَبَّقُ انكماشُ لورنز على الجسيمات التي تتحرك بسرعة  $V < C$

$$c^2 d\tau^2 = c^2 dt^2 - dx^2 - dy^2 - dz^2 \Rightarrow \frac{d\tau}{dt} = \sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}$$

$\tau$  هو الزمن الذي تشير إليه ساعة المسافر الذي يسير بالسرعة  $V$ .

لقد أشرنا ووضحنا ذلك في ألبوم كل شيء نسبي. وعندما تؤول السرعة  $V$  إلى  $C$  يتوقف الزمن في الميقات (الكرونومتر).

لِنَعُدْ لمجموعة لورنز. تُؤثر عَنَاصِرُ هذه المجموعة في مُتتالياتِ نقط الزمكان التي تُشكّل حَرَكَةً. عندما نستخدم عنصرا  $L$  من مجموعة لورنز على حركة ما سنحصل على حركة أخرى. وبما أنه في هذه المجموعة عَنَاصِرٌ مُضَادَةٌ للزمن، فإنه من الضروري أن نأخذ بعين الاعتبار العودة في الحركة إلى الوراء. مثلا، لتكن هذه المصفوفة التي تنتمي لمجموعة لورنز.

$$G = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \quad \text{مع} \quad {}^t L G L = G \quad L = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

انعكاس الزمن!

$$\begin{bmatrix} t' \\ x' \\ y' \\ z' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} t \\ x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -t \\ x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

التأثير هو:

عندما عرّفنا المجموعة (فئة) المتعامدة،  
وهي فرعية لمجموعة متساويات الأبعاد للفضاء الأقليدي  
فقد أتمناها بأسهم الإزاحات الفضائية.

$$C = \begin{pmatrix} \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \end{pmatrix}$$

عنصر من المجموعة المتعامدة  $O(3)$

$$r = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} a & c \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} r \\ 1 \end{pmatrix}$$

عندما نصنع مجموعة أقليد، مجموعته المتساوية الأبعاد.

بنفس الطريقة، سنبنى مجموعة بوانكاري من خلال مجموعة لورنز، لمجموعة متساوية الأبعاد لمينكوسكي.

$$C = \begin{pmatrix} \Delta t \\ \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \end{pmatrix}$$

إزاحة زمكانية

$$\begin{pmatrix} L & c \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \xi \\ 1 \end{pmatrix}$$

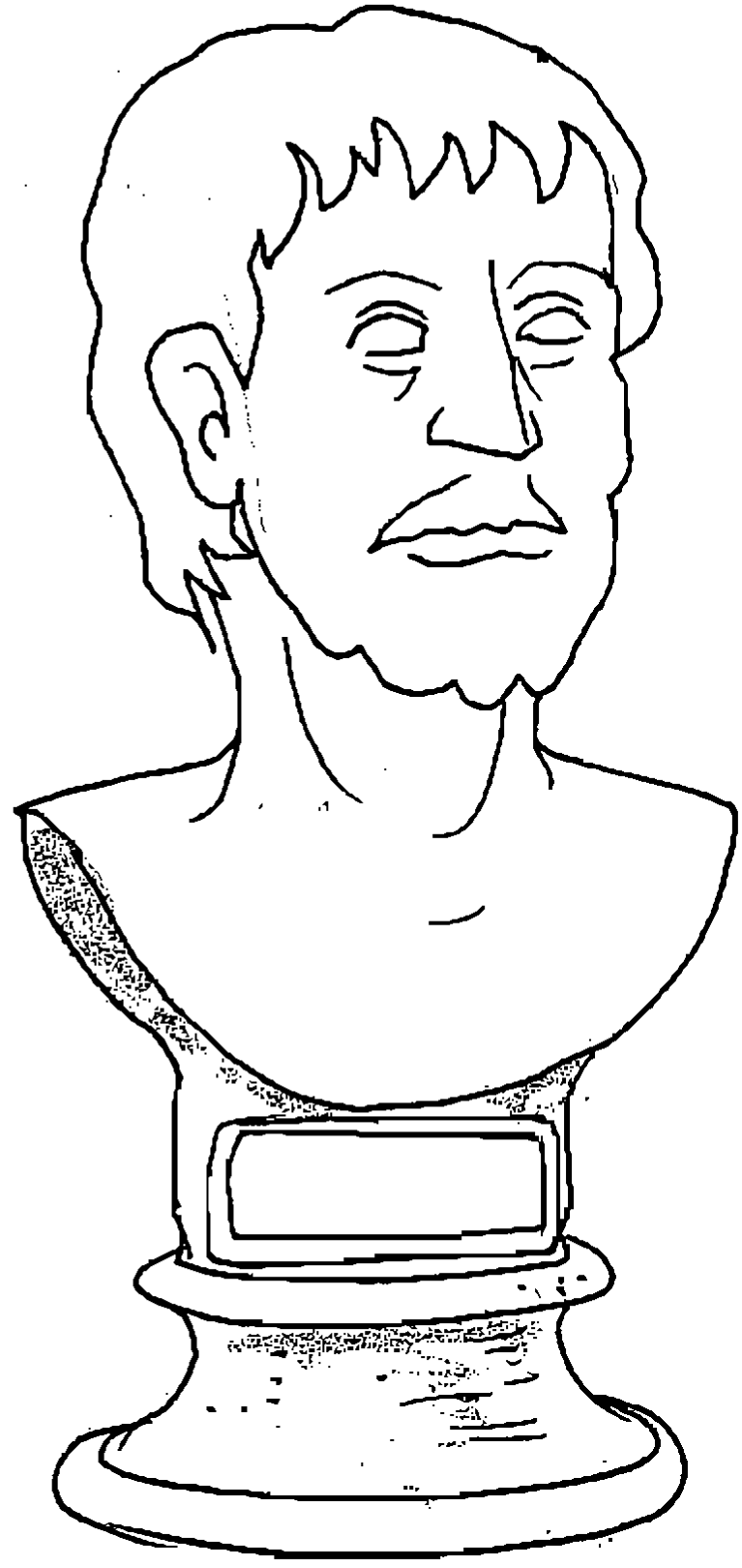
$$\xi = \begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \end{pmatrix}$$

تُرث مجموعة بوانكاريه، عن طريق مجموعة لورنز  $\begin{pmatrix} L & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  وتمتلك مثله أربع عناصر:

- عنصرين أورتوكرون (لا يعكس الزمن)
- عنصرين أونتيكرون (يعكس الزمن)

يبقى أن نفهم المعنى الفيزيائي لهذا الانعكاس الزمني.

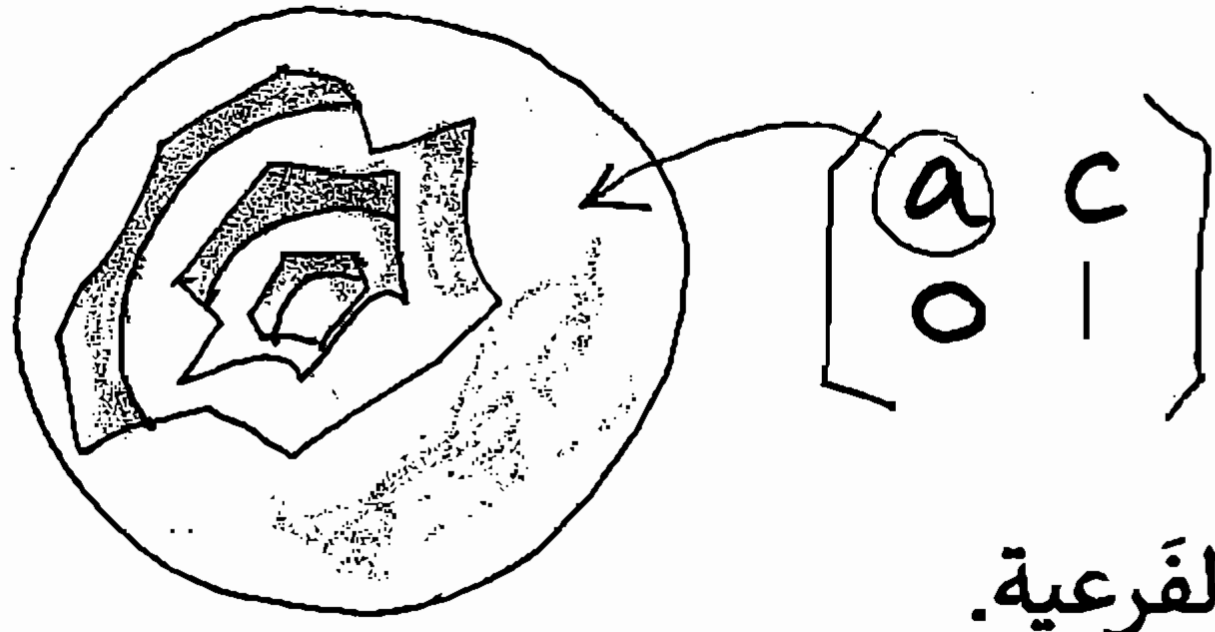
# الفضاء والمجموعات (الفئات) والأشياء



لقد انطلقنا من فضاء أقليدي ثنائي الأبعاد لشرح التحليلات والحسابات. وأنشأنا إذن مجموعة مُتساويات الأبعاد الخاصة به، مجموعة (فئة) أقليد. يرافق هذا الأخير الفضاء الأقليدي ويسمح بالتأثير على أشياء ومجموعات نقط التي تنتمي إلى هذا الفضاء. لكن، بإمكاننا أن نُحلّل المُشكل عكسيًا: أي أن نتصوّر المجموعة (الفئة) كشيء مُجرّد، أي رياضية بشكل خالص، تسمّح لنا بتصوير عدة تأثيرات و"اكتشاف الفضاء المتماشي معها"، (الفضاء الوحيد الذي من الممكن إجراء تلك التأثيرات فيه). وهكذا يَمْنَحُ الفَضاءُ ومجموعته (فئته)، المُتساوية الأبعاد، الوجود لبعضهما البعض.

هناك المزيد، تُنجبُ المجموعة (الفئة) أشياء، في الفضاء الذي ترتبط به، باعتبارها لا تخضع للتغيير بفعل تأثير المجموعات (الفئات) الفرعية. على سبيل المثال: مجموعة الدوران حول نقطة ما في الفضاء الأقليدي هي واحد من مجموعاتها الفرعية. الأشياء الغير متغيرة إذن هي الدوائر التي مركزها هذه النقطة. وهكذا من ناحية المجموعة التي تعرف الدائرة.

لوكريتيوس هو شاعر وفيلسوف  
لاتيني عاش في القرن الأول قبل  
الميلاد، تخيل أن الأشياء والأجسام  
مكونة من الذرات وطرح التشبيه  
بين تدفق الماء والرمال.



في الفضاء الأقليدي الثلاثي الأبعاد، الدوران حول إحدى نقطه هي واحدة من مجموعات الفرعية. فما هي إذن الأشياء التي لا تُغيّرُها، ولا تُؤثر فيها، تأثيرات هذه المجموعة (الفئة) الفرعية؟

الجواب: عائلة الكرات التي مركزها تلك النقطة.

إن مفهوم ثابت، بالنسبة لتأثير أو لآخر للمجموعة أو لإحدى فروعها، هو مفهوم أساسي بالنسبة لنظرية المجموعات. في مجموعة أقليد هذه، حيث يغيب الزمن، تنجب المجموعة أشياء ستسكن هذا الفضاء.

عندما نُفَعِّلُ الزَّمنَ تصبح المجموعة (الفئة) ديناميكية. لن يُسَيَّرَ، هذه المرة، أشياء ساكنة بل مجموعات من النقط الأحداث التي يمكن أن نسميها مسارات أو حركات. لقد خلّد العالم الرياضي الألماني الفذ إيمي نوتر (وصفه أينشتاين يوماً بمعلّمة الفيزياء)، اسمه على واحدة من أهم الخصائص في الفيزياء: لكل مجموعة (فئة) فرعية لمجموعة ديناميكية يوجد ثابت يوافقها.

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & \Delta t \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} t + \Delta t \\ x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix}$$

في مجموعة بوانكاري نجد المجموعة الفرعية للإزاحات الظرفية، الممثلة بالمصفوفة في أقصى اليمين. وهي مجموعة بإعداد واحد. يوافقها ثابت واحد، مدرج: الطاقة  $E$ ، وهكذا نعرّف الطاقة في مجال المجموعات.

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & \Delta x \\ 0 & 0 & 1 & 0 & \Delta y \\ 0 & 0 & 0 & 1 & \Delta z \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} t \\ x + \Delta x \\ y + \Delta y \\ z + \Delta z \\ 1 \end{pmatrix}$$

المجموعة الفرعية الثانية هي الخاصة بالإزاحات الفضائية (أنظر المصفوفة على اليسار)، وهي مجموعة بثلاثة إعدادات:

$$(\Delta x, \Delta y, \Delta z)$$

$$\begin{pmatrix} p_x \\ p_y \\ p_z \end{pmatrix}$$

يوافقه ثابت جديد... النبض:

هكذا وبفضل المجموعات الديناميكية، نُعرِّف النبض، وتُصبح الأحجام في الفيزياء أشياء هندسية. ويشكل السعي نحو جعل الفيزياء هندسة إحدى أهم أعمدة وركائز الفيزياء الرياضية.

سنواصل لعبتنا ونعتبر المجموعة (الفئة) الفرعية للإزاحات الزمكانية (أنظر المصفوفة على اليسار).

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & \Delta t \\ 0 & 1 & 0 & 0 & \Delta x \\ 0 & 0 & 1 & 0 & \Delta y \\ 0 & 0 & 0 & 1 & \Delta z \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} t + \Delta t \\ x + \Delta x \\ y + \Delta y \\ z + \Delta z \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} E \\ p_x \\ p_y \\ p_z \end{pmatrix}$$

وسيكون الثابت هو السهم نبض-الطاقة الرباعي:

سؤال: لم تصلح الأحجام في الفيزياء؟

جواب: نستطيع جمعها.

ترتبط مجموعة بوانكاري بعشرة إعدادات (نقول بأنه ذي عشرة أبعاد - مصطلح رياضي بسيط).  
ثلاثة إعدادات خاصة بالإزاحة الفضائية، وواحد للإزاحة الزمنية وتتبقى ستة إعدادات تمثل بُعد مجموعة لورنز،  
الذي يتحكم في "الدوران الزمكاني".

$$\mathbb{K} = \begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} L & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \mathbb{K} \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} L \mathbb{K} \\ 1 \end{pmatrix}$$

إذا اعتبرنا مجموعة لورنز مجموعة فرعية  
لمجموعة بوانكاري، فحسب نظرية  
"نودر" هناك شيء، مُعرَّف بستة إعدادات،  
ثابت بالنسبة لتأثيرات هذه المجموعة الفرعية.

يُكْمُنُ المحور في هذا الشيء. ولقد برهن سوريو في 1972 عن طبيعته الهندسية الخالصة. ولهُ بُعد عَزْمِ دورانٍ،  
حيث تُدير مجموعة بوانكاري حركة النقطة المادية النسبية. ونحن نُفضل ترجمة المحور كشيء هندسي خالص.

## العَزْمُ

يُمكنُ تشبيهُ هذه المجموعات الفرعية كنوع من "تفكيك المجموعة قطعة قطعة، وعجلة عجلة".  
وعندما نقوم بعملية عكسية نعيد تشكيل المجموعة. مجموعة الثوابت التي عدّناها أعلاه، تُشكّلُ ما سَمَّاهُ  
"سوريو": العزم.

$$\{ E, p_x, p_y, p_z, \dots \text{ المحور} \} = \text{العزم}$$

# تأثيراتُ مجموعة

هذه أداة لطيفة

هذه ليست لعبة، بل تأثير.

أعرف مُسبقا عملية الضرب  
في المصفوفات:  $X' = MX$   
ولكني أجهلُ طريقة استعمال مجموعة  
المصفوفات للتأثير على مجموعة أقليد،  
مثلا: الدوران والإزاحات والتماثل

$$X' = \begin{bmatrix} a & c \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times X = \begin{bmatrix} aX + c \\ 1 \end{bmatrix}$$

تأثير مجموعة (فئة)  $g$  على مجموعة  $g'$  أخرى:

$$g \times g' = g''$$

أصبحت لك الآن طريقتان.

حسنا، وما هو هذا التأثير المجموعاتي؟

ولكن، ليست هناك مائة طريقة لجعل المجموعة  
مؤثرة. هناك طريقة وحيدة، أليس كذلك؟

لقد نَسَيْتَ واحدة أخرى.

تستطيع فئة ان تأثر على مجموعة  $U$  وتُعرَّف  
هذه التأثيرات بالشكل التالي:

ليكن  $g$  عنصرا من الفئة،  
و  $o$  عملية التركيب،

و  $u$  عنصرا من المجموعة  $U$ ، ستكون  
 $A_g(u)$  تأثير من  $g$  على  $u$ ، إذا كانت:

$$A_g''(u) = A_g[A_g'(u)]$$



وكان هذه الأداة مُتَعَدِّية...



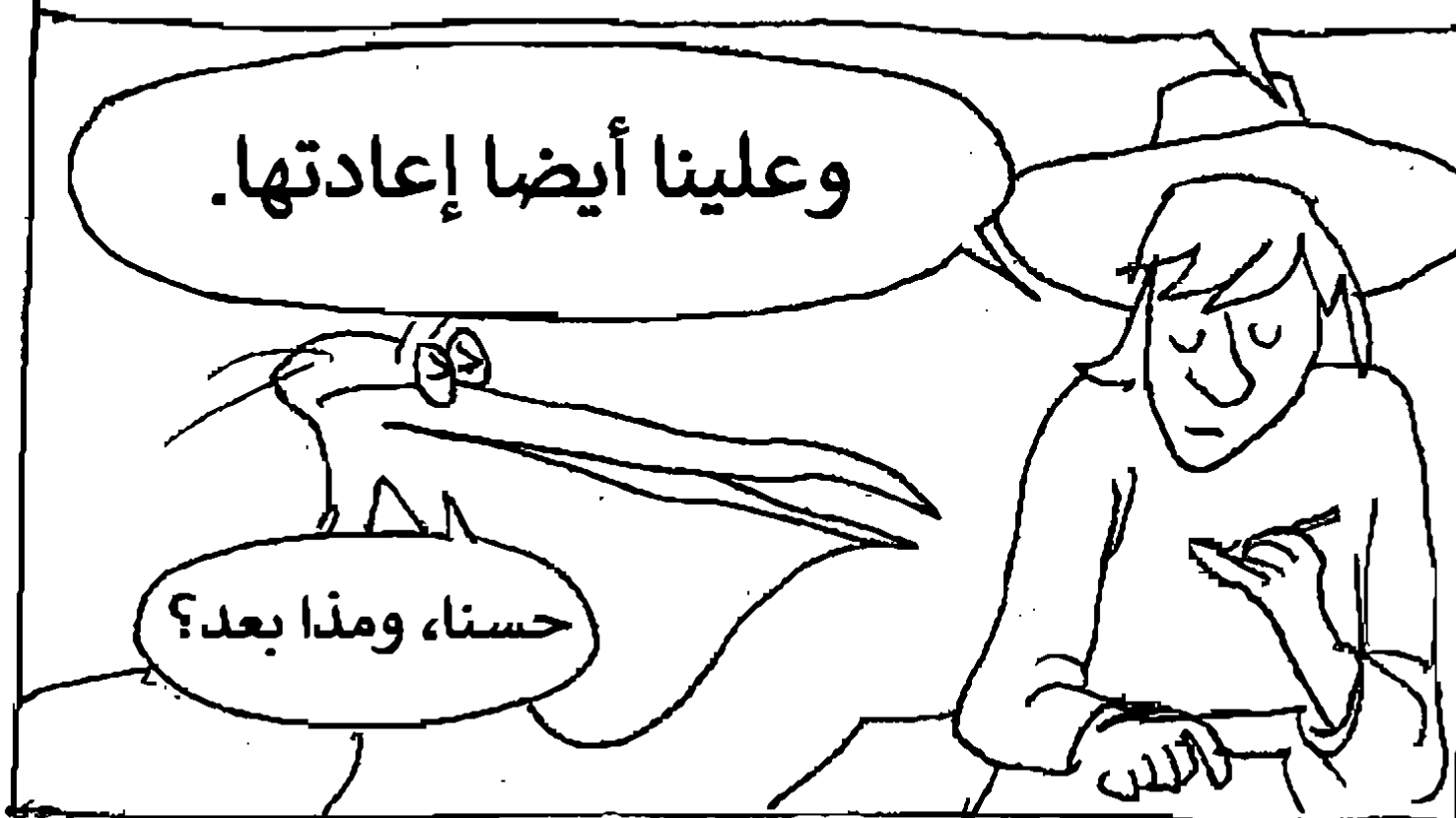
لنجرب:

$$A_g'(x) = \begin{bmatrix} a' & c' \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a'x + c' \\ 1 \end{bmatrix}$$

التي تحوّل  $x$  إلى  $x' = a'x + c'$

وعلينا أيضا إعادتها.

حسنا، ومذا بعد؟



إذا كان التأثير هو، ببساطة، عملية التشكيل  $o$ ،

فلا مشكلة:  $g \circ (g' \circ u) = (g \circ g') \circ u = g'' \circ u$   
إذن فعلمية التركيب تأثير.

سعيد بمعرفة ذلك.  
نحن نفتح أبواب مفتوحة،  
أليس كذلك؟





$$Aq(x') = \begin{pmatrix} a & c \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} a'x + c' \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} aa'x + ac' + c \\ 1 \end{pmatrix} \text{ سأكتب:}$$

وهنا فقدت البوصلة ولم أعد أميز شيئاً...

بلا، كل شيء على ما يرام، فضارب المصفوفتين هو:

$$\begin{pmatrix} a & c \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} a' & c' \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} aa' & ac' + c \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a'' & c'' \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

ما حصلت عليه هو:  $\begin{pmatrix} a'' & c'' \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix}$

$$g'' = g \times g' \text{ أي } Ag''(x) \text{ تُعطي: } Ag[Aq'(x)]$$



هذا يعني أن:  $\begin{pmatrix} a & c \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix}$  هو تأثير عنصر  $g$

لفئة (أو مجموعة) أقليد في نقاط الفضاء  $X$

$$\text{وبنفس الطريقة } \begin{pmatrix} L & c \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \xi \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} L\xi + c \\ 1 \end{pmatrix} \text{ مع } \xi = \begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \end{pmatrix}$$

هو أيضا تأثير لمجموعة (أو فئة) بوانكاري على "النقاط-الأحداث"  $E$  للزمكان.



# إنتباه، من الممكن جدًا أن تحتوي هندسة ما على هندسة أخرى.



حيث  $J$  مصفوفة ضد-تماثلية.

$$J' = g \times J \times {}^t g$$

نستطيع أن نتحقق من كونها تأثيراً:

$$A_g[A_g'(J)] = g \times [g' \times J \times {}^t g'] \times {}^t g = g g' J {}^t g' g$$

mais  ${}^t[AB] = {}^t B {}^t A$  donc  ${}^t g' g = {}^t(g g')$  et si  $g'' = g g'$

$$A_g[A_g'(J)] = g'' \quad {}^t g'' = A_g''(J)$$

للمصفوفة  $J$  ، بالضرورة، نفس البنية (5، 5) للمصفوفات  $g$  من المجموعة.  
الأطراف (او القيم) التماثلية، بالنسبة للقطر الرئيسي، متقابلة في المصفوفة  
المضاد-تماثلية. إذن فقيمها منعدمة في هذا القطر (الذي هو عكس نفسه).  
نستطيع إذن أن نعدد عناصر هذه المصفوفة:



$$\begin{bmatrix} 0 & l \\ -l & 0 \end{bmatrix}$$

(2,2)

$$\begin{bmatrix} 0 & -l_z & -l_y \\ l_z & 0 & -l_x \\ -l_y & l_x & 0 \end{bmatrix}$$

(3,3)

$$\begin{bmatrix} 0 & -l_z & l_y & f_x \\ l_z & 0 & -l_x & f_y \\ -l_y & l_x & 0 & f_z \\ -f_x & -f_y & -f_z & 0 \end{bmatrix}$$

(4,4)

$$\begin{bmatrix} 0 & -l_z & l_y & f_x & -p_x \\ l_z & 0 & -l_x & f_y & -p_y \\ -l_y & l_x & 0 & f_z & -p_z \\ -f_x & -f_y & -f_z & 0 & -E \\ p_x & p_y & p_z & E & 0 \end{bmatrix}$$

(5,5)

عدد العناصر	البنية
1	(2,2)
3	(3,3)
6	(4,4)
10	(5,5)

أستطيع أن أفكك هذه المصفوفة ضد-تماثلية  $J$  ، ذات البنية (5،5) إلى أخرى ضد-تماثلية ذات بنية (4،4) وسهم رباعي  $P$  ذي أربع عناصر. وأستطيع أن أكتب كل هذا بشكل أكثر تماسكا. سيسمح منا هذا بإيضاح حساب تأثير مجموعة (أو فئة) بوانكاري على مصفوفة العزم هذه  $J$  بشكل ملائم ومريح.



$$J = \begin{bmatrix} 0 & -l_z & l_y & f_x & -P_x \\ l_z & 0 & -l_x & f_y & -P_y \\ -l_y & l_x & 0 & f_z & -P_z \\ -f_x & -f_y & -f_z & 0 & -E \\ P_x & P_y & P_z & E & 0 \end{bmatrix}$$



$$\begin{bmatrix} 0 & -l_z & l_y & f_x & -P_x \\ l_z & 0 & -l_x & f_y & -P_y \\ -l_y & l_x & 0 & f_z & -P_z \\ -f_x & -f_y & -f_z & 0 & -E \\ P_x & P_y & P_z & E & 0 \end{bmatrix}$$

$$M = \begin{bmatrix} 0 & -l_z & l_y & f_x \\ l_z & 0 & -l_x & f_y \\ -l_y & l_x & 0 & f_z \\ -f_x & -f_y & -f_z & 0 \end{bmatrix}$$

$$P = \begin{bmatrix} P_x \\ P_y \\ P_z \\ E \end{bmatrix}$$

$${}^t P = \begin{bmatrix} P_x & P_y & P_z & E \end{bmatrix}$$

$$J = \begin{bmatrix} M & -P \\ {}^t P & 0 \end{bmatrix}$$

$$g = \begin{bmatrix} L & C \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

يبدو هذا التفكيك منطقيا من خلال هذه الزاوية.



بقي أن نشرح الحساب أكثر:  $J' = g \times J \times {}^t g$

$$J' = \begin{pmatrix} L & C \\ 0 & I \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} M & -P \\ {}^tP & 0 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} {}^tL & 0 \\ {}^tC & 1 \end{pmatrix} \quad {}^tq = \begin{pmatrix} {}^tL & 0 \\ {}^tC & 1 \end{pmatrix}$$

$$J' = \begin{pmatrix} L & C \\ 0 & I \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} M {}^tL - P {}^tC & -P \\ {}^tP {}^tL & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} LM {}^tL - LP {}^tC + C {}^tP {}^tL & -LP \\ {}^tP {}^tL & 0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{aligned} M' &= LM {}^tL - LP {}^tC + C {}^tP {}^tL \\ P' &= LP \end{aligned}$$

أليس العلم جميلاً؟

حسناً، وما الغاية من هذه الصيغ الجميلة؟

ومذا تمثل هذه المصفوفة الضد-تماثلية  $M$ ؟

سنتبني نظرة الفيزيائي ونعطي لعناصر العزم  
هذه تفسيرا فيزيائيا. في السهم الرباعي  $P$ .  
 $E$  تمثل الطاقة  
 $p = \{p_x, p_y, p_z\}$  النبض أو الدافع.

هذا هوس.



ستفكك بدورها.

$$S = \begin{bmatrix} 0 & -l_z & l_y \\ l_z & 0 & -l_x \\ -l_y & l_x & 0 \end{bmatrix}$$

$$f = \begin{bmatrix} f_x \\ f_y \\ f_z \end{bmatrix}$$

$$M = \begin{Bmatrix} S & f \\ -f & 0 \end{Bmatrix}$$

$$M = \begin{bmatrix} 0 & -l_z & l_y & f_x \\ l_z & 0 & -l_x & f_y \\ -l_y & l_x & 0 & f_z \\ -f_x & -f_y & -f_z & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -l_z & l_y & f_x \\ l_z & 0 & -l_x & f_y \\ -l_y & l_x & 0 & f_z \\ -f_x & -f_y & -f_z & 0 \end{bmatrix}$$

تتواجد السرعة  $V$  ضمنيا في المصفوفة  $L$  لمجموعة لورنز. إذا اعتبرنا حركة في اتجاه ما، مثلا  $OZ$  بسرعة  $V$   
وإزاحة  $\Delta Z = C$ ، فستتموقع في نظام احداثيات، يُرافق (في خضم هذه الإزاحة الزمكانية) الجسيم في حركته.  
سنُبرهنُ إذن بأن السهم  $f$  منعدم.



0	-S	0
S	0	0
0	0	0

ستكتب المصفوفة S على هذا الشكل :

لقد كرس "سوريو"، عام 1972،  
الكنه الهندسي الخالص للمحور:  
مصفوفة ضد-تماثلية (3,3).

لقد سمحت طريقة التحديد الهندسي التي ابتكرها في البرهنة على أنه لن يكون هذا المحور إلا مضاعف لكمية ثابتة:  $\hbar$   
لقد رأينا سابقاً أنه لما يكون الجسيم مشحوناً كهربائياً فهذا يعني بأنه يتطور في فضاء بُعْدٍ خامس، أي بُعْدُ كازولا.  
إنغلاقُ هذا البُعد حول نفسه هو ما يجعل هذه الشحنة قابلةً للتَّحْدِيدِ (تحديدُ كمِّيَّتها). يوجد نوع من "الانغلاق"  
في الزمكان يجعل من الشيء مطابقاً لنفسه بتأثير دوران  $360^\circ$ . تحديد قيمة المحور، في بعض القياسات، ناتج عن هذه  
الخصوصية. وهناك أيضاً علاقة وثيقة بين تحديد الكمية وانغلاق بُعْدٍ ما. باستغلاله لأداة المجموعات وانغلاق البُعدِ  
الخامس، نجح "سوريو" في إبراز مُعادلة "كلين جوردن" لمجموعة بوانكاري (و كذا معادلة "شرودينغر" من مجموعة  
"غاليلي"، أي المجموعة الديناميكية التي تدير حركة نقطة مادية غير نسبية).

# يُؤَدِّي انْقِلَابُ الزَّمَنِ إِلَى انْقِلَابِ الطَّاقَةِ

رأينا فيما سبق بأنه من المُمكن أن نَصيغَ أي عُنصر من مجموعة لورنز حسب المُعادلة التالية:

$$L = \mu L_0 \quad \mu = \pm 1$$

حيث يمثل  $L_0$  عُنصرا من المجموعة (الفئة) الفرعية الأورتوكرون (لا تقلب الزمن).

يُكتب التأثير على هذا الشكل :

$$M' = L_0 M {}^t L_0 - \mu L_0 P {}^t C + \mu C {}^t P L_0$$

$$P' = \mu L_0 P$$



لنعتبر هذا التأثير البسيط المُتمثل في عكس الزمن ( $\mu = -1$ )  
 لنختَر المَصْفوفة الوَحْدَة، في المجموعة الأورتوكرون  $L_0$  . ولتكن الإزاحة الزمكانية منعدمة .  
 يُدَوَّنُ عنصر من المجموعة على هذا الشكل.

$$g = \begin{pmatrix} -I & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

يترجم التأثير على الزمكان، فضاء المسارات، كالتالي:

$$\xi' = -\xi \Rightarrow t \Rightarrow -t$$

إنها عكس وقلب منحى الزمن في المسار.  
 التأثير على العزم هو:

$$M' = M \Rightarrow \text{لا يتغير المحور } S.$$

$$P' = -P : E \rightarrow -E$$

أخيراً، كان الأمر صعباً في البداية  
 ولكن الأمور واضحة الآن.



# الملحق 4

## مضاد المادة

طرحنا، في الصفحة 40، فكرة أنه حتى تكون لنقطة مادية نسبية شحنة الكترونية  $e$  فيجب يتحرك وينتقل في فضاء خماسي الأبعاد  $\{t, x, y, z, \xi\}$  وليس في فضاء رباعي الأبعاد.

تمثل  $E$  البعد الخامس أو بُعد كازولا. تكلمنا أيضا في الصفحة 137 عن مَثْرِيَة مينكوسكي.

$$ds^2 = {}^t d\xi G d\xi = dt^2 - dx^2 - dy^2 - dz^2$$

سننطلق من فضاء كازولا، ريمانيٌّ مَغْرَقٌ، مُعَرَّفٌ بإشارته  
(+ - - - -) وبمصفوفة غرام الخاصة به.

$$G = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} \quad \text{حيث:} \quad \Gamma = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} G & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

$$d\Sigma^2 = dt^2 - dx^2 - dy^2 - dz^2 - d\xi^2 \quad \text{مترية فضاء كازولا هي:}$$

$$\begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \\ \xi \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \Omega \\ \xi \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} t \\ r \end{pmatrix} = \Omega \quad \begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} t \\ r \end{pmatrix} = \Omega \quad r = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$$

$$d\Sigma^2 = {}^t d\Omega \Gamma d\Omega$$

نستطيع أن نبحث الآن عن المجموعة المتماثلة الأبعاد لهذا الفضاء الكازولي وسنجد المجموعة (أي الفئة) التي مصفوفتها تشبه مصفوفة بوانكاريه، بشكل كامل، مع بُعد إضافي:

$${}^t \Lambda \Gamma \Lambda = \Gamma \quad \text{مع:} \quad \begin{pmatrix} \Lambda & C \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

تأثر هذه المجموعة (أو الفئة) على نقط فضاء كازولا.

$$\begin{pmatrix} \Lambda \Omega + C \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \Omega \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \Lambda & C \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

يُمَثَّلُ السَّهْمُ  $C$  ، هذه المرة، إزاحةً بِخَمْسَةِ أبعادٍ .

$$C = \begin{pmatrix} \Delta t \\ \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \\ \Delta \phi \end{pmatrix}$$

تُمَثَّلُ الإزاحاتُ في البُعدِ  $x$  فِئَةً فرعيةً لهذه المجموعة (الفئة) التي عرضها المصفوفي هو:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & \Delta \phi \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \\ \phi \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} t \\ x \\ y \\ z \\ \phi + \Delta \phi \\ 1 \end{pmatrix}$$

مجموعة فرعية بإعداد واحد.

تُفْتِي خَاصِيَّةً "نودر" بأن نقطة جديدة ستكون ثابتة أمام تأثيرات هذه المجموعة الفرعية وهذه النقطة هي:

الشحنة الكهربائية  $e$

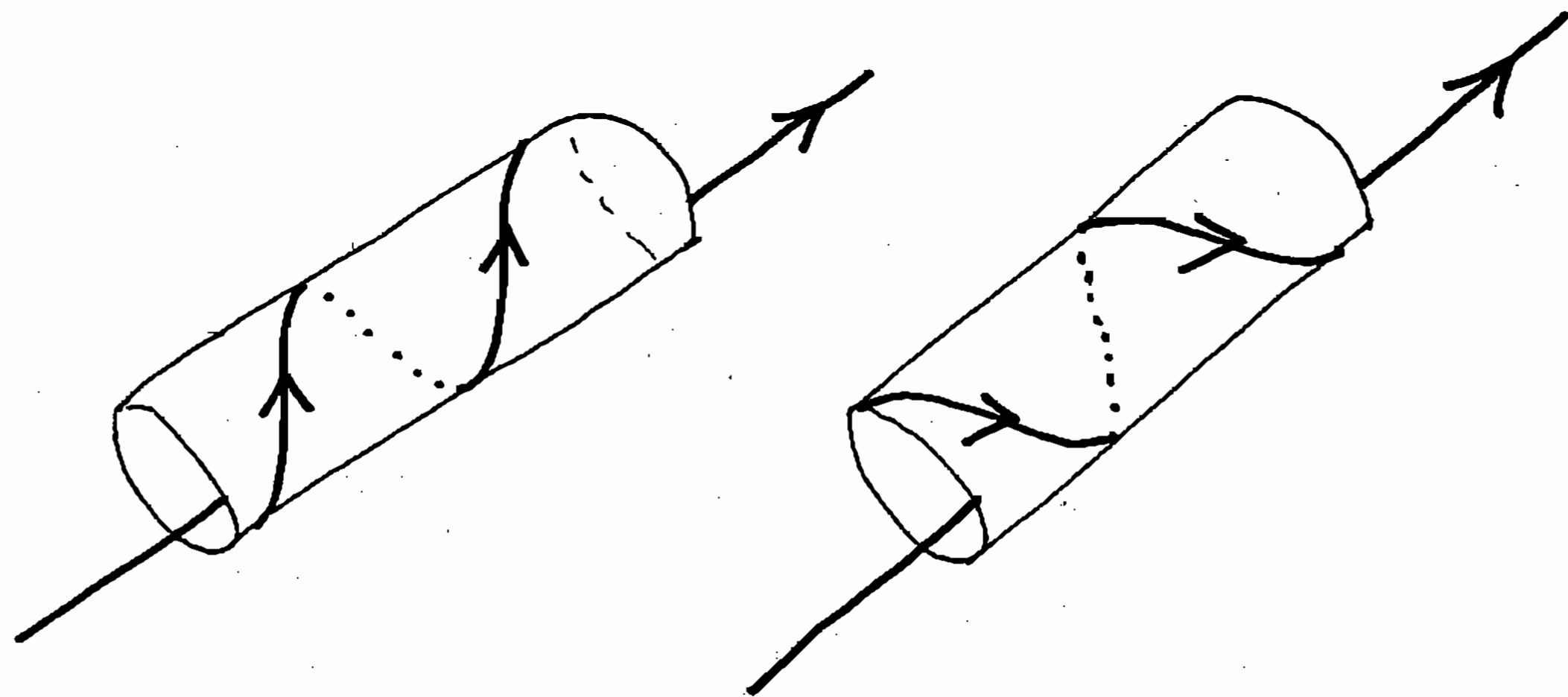
تُشكّل مجموعة (أو فئة) كازولا انطلاقاً من المجموعة  $\Lambda$ .  
ومجموعة (أو فئة) لورنزي هي واحدة من فئاتها الفرعية.

$$\begin{pmatrix} L & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

وهذه إحدى الفئات الفرعية لمجموعة (لِئَة) كازولا:

$$\begin{pmatrix} L & 0 & 0 \\ 0 & \mu & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \mu \\ \xi \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} L\xi \\ \mu\xi \\ 1 \end{pmatrix} \quad \mu = \pm 1$$

العناصر ( $\mu = -1$ ) للمجموعة تقلب البعد الخامس. وحتى نستعيد الرسم والصورة التي في الصفحة 42 (البعد الخامس مغلق).



منحى التفاف حركة الجسيم معكوس.  
سنبرهن أن ذلك يعكس أيضا الشحنة  
الالكترونية  $e$ .

هذا ليس كاف لتعريف مُضادِ-المادة. يَمْتَلِكُ الجُسَيْمُ شُحْنَ كَمِّيَّةً، من ضمنها الشُّحْنَةُ الكهربائيَّةُ. ولكننا الآن نشهد انبثاق فكرةٍ جديدة: يَكْمُنُ سِرُّ مُضادِ-المادة في نوعٍ ما من الحركةِ في فضاءٍ ذي أبعادٍ أكثر.

# المجموعاتُ (الفئاتُ) الفرعيةُ لِلورنر أورتنوكرون و أونببيكرون

تمتلك مجموعة (فئة) لورنر  $L$  أربعة مركبات:

المركب المحايد هي مجموعة (فئة) فرعية (تحتوي على عنصر محايد، بخلاف المجموعات الثلاث الأخرى)، وهو لا يعكس لا الزمان ولا المكان.

$L_n$	-	محايد
$L_s$	-	يقلب الفضاء
$L_t$	-	يقلب الزمن
$L_{ts}$	-	يقلب الزمن والفضاء

أسفله، بعض المصفوفات التي تنتمي للمجموعات: (الرمز  $\in$  يعني: ينتمي و  $\{ \}$  يرمز لمجموعة )

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \in \{L_n\}; \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} \in \{L_s\}; \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \in \{L_t\}; \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} \in \{L_{st}\}$$

# المجموعات (الفئات) النوع

نستطيع أن نُنظِّم من جديد هذه المصفوفات الأربع في مجموعتين (فئتين) فرعيتين.

$$L_a = \{L_t, L_{st}\} \quad L_0 \text{ (أورتوكرون)} = \{L_n, L_s\}$$

المجموعة الفرعية الأولى هي فئة فرعية لمجموعة لورنتز. وسيسمح لنا هذا الترتيب الجديد بأن نكتب:

$$L_{st} = -L_n \quad ; \quad L_t = -L_s \quad \text{لأن } \mu = \pm 1 \quad \text{مع } L = \mu L_0$$

لم نجرؤ، في الحقيقة، أن نتطرق في هذه الصفحات،  
بعد هذا الحساب المصفوفاتي المعقد: التأثير العام الأهم  
لمركبات مجموعة بوانكاري على "فضاء عزمه"  
والذي يَضُمُّ الدَّوران (سوريو 1972).



$$\begin{pmatrix} E' \\ p'_x \\ p'_y \\ p'_z \end{pmatrix} = L \times \begin{pmatrix} E \\ p_x \\ p_y \\ p_z \end{pmatrix} = \mu L_0 \times \begin{pmatrix} E \\ p_x \\ p_y \\ p_z \end{pmatrix}$$

العناصر  $\mu = -1$  تمثل التحوّلات "الأونتايكرون"، أي التي تقلبُ الزّمنَ.

تنتمي المصفوفة وحدة  $(4,4)$  لمجموعة لورونز. عندما نكتفي بعكس الزمن نلاحظ أن ذلك يعكس

الطاقة والنّبض أيضا.

$$\boxed{E' = -E \quad \mu' = -\mu} \quad \mu = \begin{pmatrix} p_x \\ p_y \\ p_z \end{pmatrix}$$

إذا أخذنا مجموعة (فئة) كازولا  $\begin{pmatrix} \Lambda & C \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

نستطيع أن نطبق نفس الحسابات السابقة في فضاء ذي خمسة أبعاد، وسنحصل على:

$$\pi' = \Lambda \pi \quad \pi = \begin{pmatrix} E \\ p_x \\ p_y \\ p_z \\ e \end{pmatrix}$$

نستطيع تفكيك المجموعة  $\Lambda$  إلى مُركبين، إحداهما أورتوكرون والأخرى أونتايكرون، ونكتب:

$$\mu = \pm 1 \quad \text{مع} \quad \Lambda = \mu \Lambda_0$$



تَقْلِبُ المركبات الأونتتيكرون (  $\mu = -1$  ) :

E	الطاقة
$\mu$	النبض
e	الشحنة الكهربائية

نستطيع أن نُعَبِّرَ عن  $\Lambda$  بواسطة مجموعات فرعية أورتوكرون  $L_0$  لمجموعة (الفئة) لورنز، وذلك بإضافة (  $\lambda = \pm 1$  )، في الصفحتين، وهو مدخلٌ لازدواجية "المادة" و"مضاد المادة".

$$\Lambda = \begin{pmatrix} \mu L_0 & 0 \\ 0 & \lambda \end{pmatrix}$$

المجموعة (الفئة) الفرعية لمجموعة كازولا، المُختارة:

$$\begin{pmatrix} \mu L_0 & 0 & \Delta \mathcal{E} \\ 0 & \lambda & \Delta \mathcal{E} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \mathcal{E} \\ \mathcal{E} \\ 1 \end{pmatrix}$$

# الملحق 6

## الفضاءات الخيالية

نتذكر جميعاً أنه عندما فاعلنا بين مجموعتين فرعيتين كونييتين، ذوات طاقتين وكثلتين متقابلين، فقد صورنا هاتين الورقتين كغطاء اسقاطي والتي ستصبح، في حالة فضاء ذي بعدين  $(t, x)$ ، سطح بوي.

لقد رأينا أيضاً أن القطبين، أحدهما يمثل الانفجار العظيم والآخر الانهيار العظيم، فبدل تحديد هويتها، مثلناهما كمرّ يربط بين الصفحتين.

من جهة، لم يعد هناك تفرّد ومن جهة أخرى، أعطينا للشيء (الكون) طوبولوجيا النتوء المستدير  $T_2$  (في حالة بعدين)، المرتبة في تغطية بصفحتين لزجاجة كلين (راجع ألبوم طوبولوجيكون). سيكون إذن الفضاء الحدودي هو الدائرة  $S_1$ . (\*)

إذا تموضعنا الآن في فضاء ذي خمسة أبعاد، فيجب اعتبار أننا سنبنى حلًا ذي متريتين، من نوع:

$$d\Sigma^2 = R^2 [dt^2 - dx^2 - dy^2 - dz^2 - d\mathcal{S}^2]$$

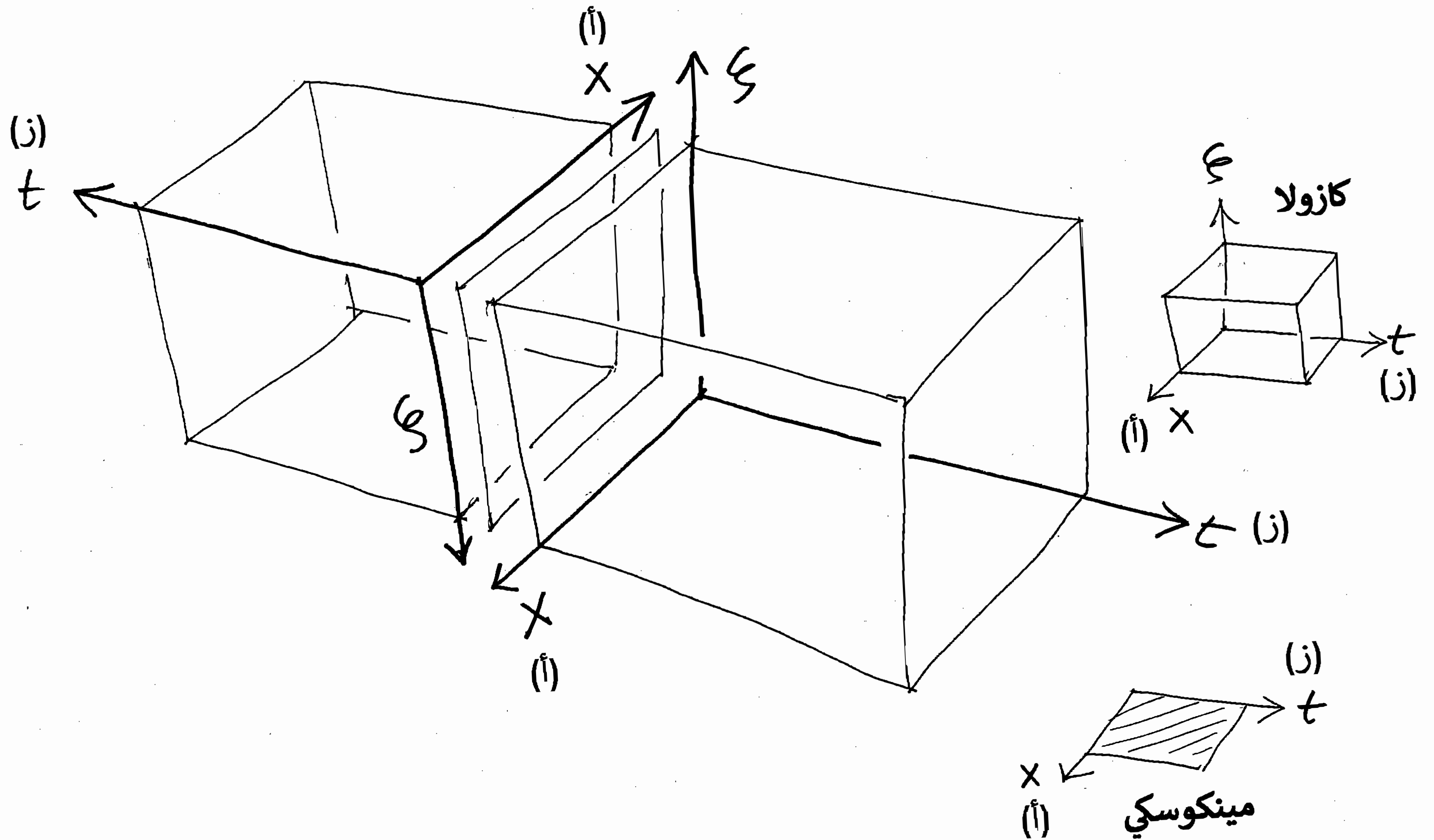
في الكون البدائي (راجع ألبوم أسرع من سرعة الضوء)، وقبل كسر التماثل، من المفروض أن يكون عاملا القياس متساويان. وهناك انهيار بُعدي في الوصلة (نقطة الالتقاء بينهما).

وهكذا تُصبح مِثْرِيَّةُ الفضاءِ والوَصلِ:

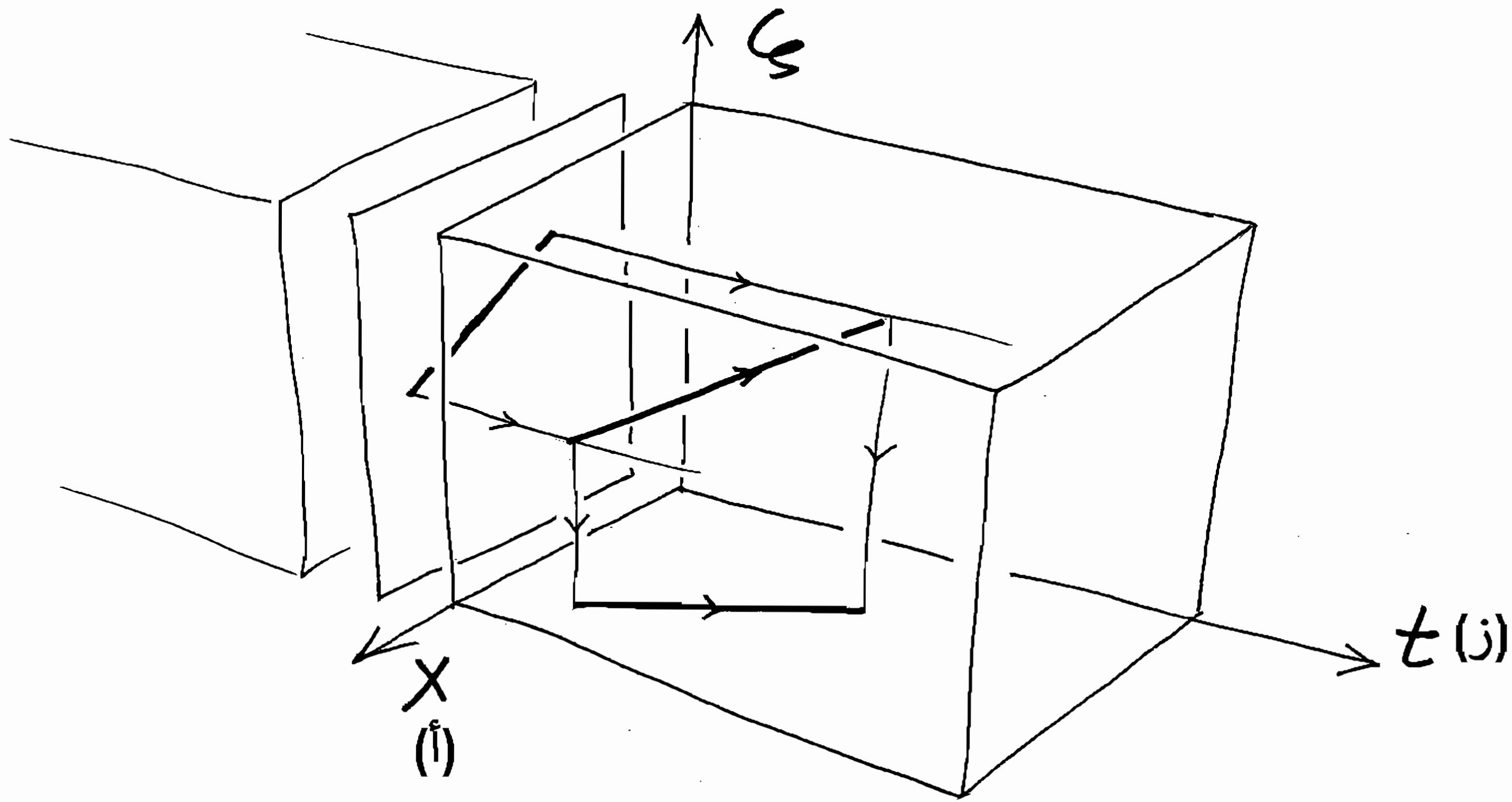
$$d\sigma^2 = R_{min}^2 [-dx^2 - dy^2 - dz^2 - d\mathcal{S}^2] < 0$$

إن المسافة في هذا الفضاء-الحدودي، تخيلية خالصة. ألا يمكن تشبيهها إذن بزمان خيالي؟

في جميع الحالات، ما هو التفسير الفيزيائي (أو الميتافيزيقي) الذي يمكن إعطائه لهذا الهيكل الهندسي؟



"نموذج اللعبة"



لم يتجرأ أحد، لحد الساعة، لإعطاء نموذج ما لِمَاهِيَّةِ الوعي مع مُتَلَازِمَتِهِ الاختيار.  
 لدينا هنا صورة مسلية لخط، سنسميه القدر مثلاً، غير زمني، مُسجَلٌ في الفضاء الحُدُودِيّ:  
 $(x, y, z, \mathcal{E})$  وذي الإشارة  $(-, -, -, -)$  والذي من الممكن إسقاطه بشكل لانهائي على إحدى صفحات  
 الزمن  $(x, t)$  يُمَثَّلُ اختيار الإسقاطِ المُناسبِ درجة الحرية.

توقف أرجوك...



# الملحق 7

## حُلُولُ نِيوتونية.

حَقَّقَ "ميلن" و"ماك كرييا"، عام 1934، مفاجأةً مدويَّةً باستغلالهما لمعادلة "فريدمان"، التي تُعطي قانونَ تَطَوُّرِ البُعدِ المُمَيَّزِ  $R$ . للكون، وذلك بقدر يسير من الحسابات الرياضية وقانون نيوتن. ترتكز الفكرة على اعتبار جزء من الكون، المُحتَوَى في كرة شعاعها  $R$  ومركزها  $O$ ، وتُمَثِّلُ فيه  $\sigma$  كثافة المادة في هذا الوسط. سَنَبْحَثُ إذن عن تَسَارُعِ  $R$  تَتَعَرَّضُ له هذه الكتلة باعتبار أن المركز  $O$  ثابت. نستطيع أن نبرهن على أن القوة الشعاعية التي تتعرض لها هذه الكتلة  $m$  تقتصر على:

$$M = \frac{4}{3}\pi R^3 \rho$$

التي تَتَمَوَّضِعُ في  $O$  وتُمَثِّلُ كتلة هذه الكرة ذات الشعاع  $R$ .

$$F = -\frac{Gm}{R^2} \frac{4}{3}\pi R^3 \rho = mR''$$

سنحصل على المعادلة التفاضلية:

$$R'' = -\frac{1}{R^2} \left( \frac{4}{3}\pi G R^3 \rho \right)$$

إذا كانت الكتلة تُحَفَظُ:  $\rho R^3$  ثابت، سنحصل على معادلة فريدمان:

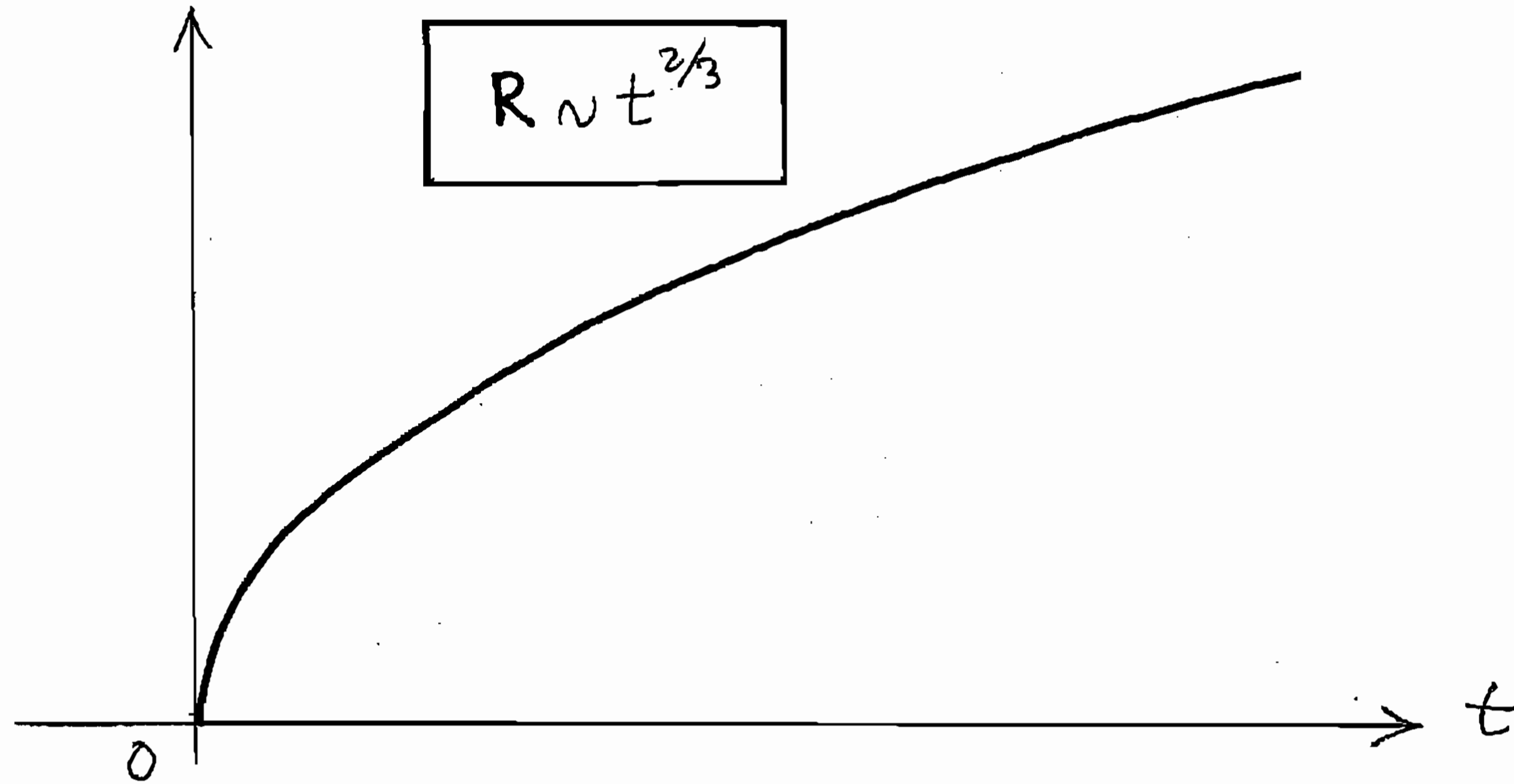
$$R'' = -\frac{a^2}{R^2}$$

التي تمتلك ثلاث أنواع من الحُلُولِ، والتي تُمثلُ الحالات الثلاث لِتَبَاطِيءِ، لانهاية بالنسبة ل  $X$ ،  
منعدم ومتسارعة بشكل متناسب مع التوسع  $R(t)$ .

لنبحث عن القانون:  $R \sim t^m$

$$R' = m a^2 t^{m-1} \quad ; \quad R'' = m(m-1) a^2 t^{m-2} \quad ; \quad R^2 R'' = m(m-1) a^6 t^{3m-2}$$

وسنتوصلُ للحل القطعي المتكافيء:



أخذا بعين الاعتبار أن:

R	↔	ش	شعاع
R'	↔	ش'	//
R''	↔	ش''	//
a	↔	أ	
t	↔	ز	زمان

لنتصور معا بأن تَوْسَع الكون يَرْتَبُطُ بمضمونين: إحداها ممثلة في الكتل الموجبة  $m^+$  والأخرى في الكتل السالبة  $m^-$ . بالمقابل، كما اجتهدنا في إيضاح ذلك في هذا الألبوم، يرتبط هذا التوسع بعاملَي القياس  $R^+$  و  $R^-$ . لتكن كتلة موجبة  $m^+$  في كرة شعاعها  $R^+$  والتي سَنَعْتَبِرُ مَرَكْزَهَا ثابتا.

لنحسب تسارعه  $R^{+''}$ ، في إطار تقريبي نيوتوني. من الممكن تحديده، كما فعلنا سابقا، باعتبار كميّة الكتلة الموجبة التي في هذه الكرة (الرّاجِعَة لمركزها 0).

$$\frac{4}{3} \pi \rho^+ R^{+3}$$

يجب بعد ذلك أن نأخذ بعين الاعتبار الكتلة الظاهرة للكتلة السلبية التي بهذه الكرة:

$$\frac{\rho^-}{\rho^+} = \frac{R^{+3}}{R^{-3}} \quad \text{مع} \quad \frac{4}{3} \pi \rho^- R^{+3}$$

وهكذا فالمعادلة التفاضلية التي تعطي  $R^+(t)$

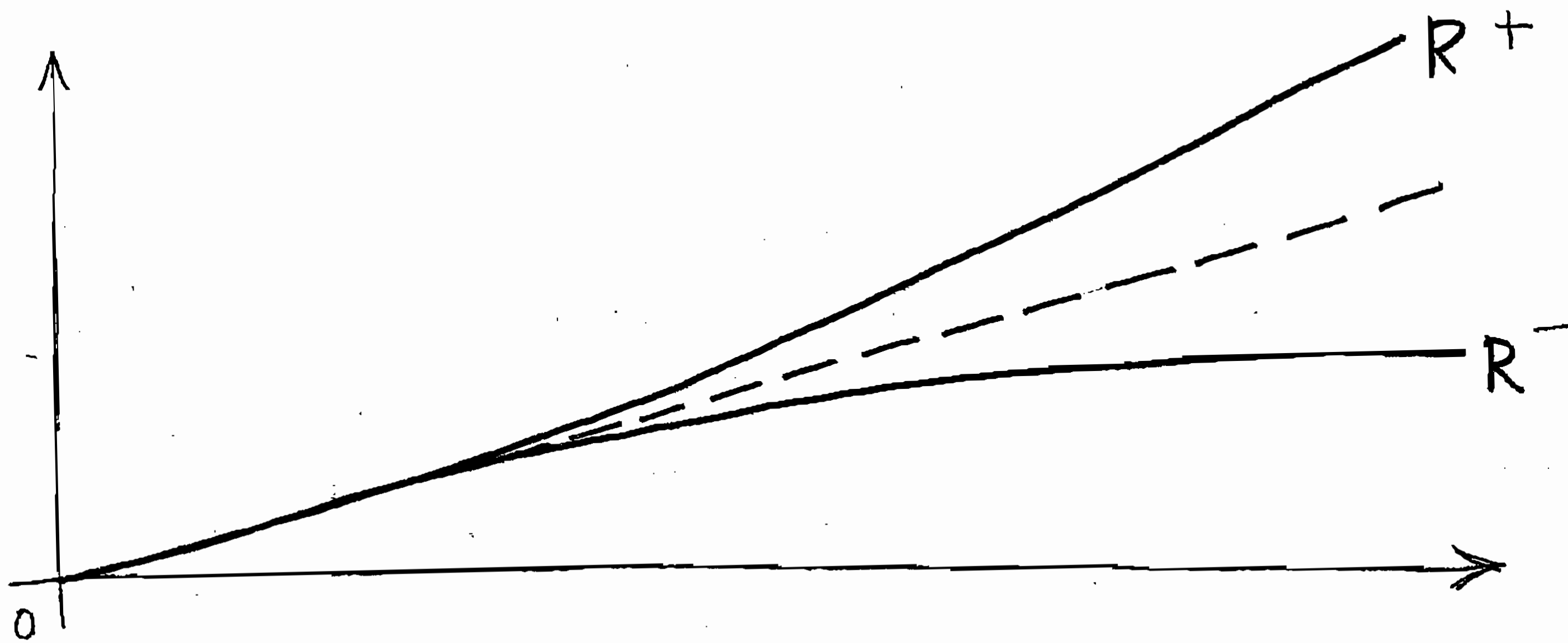
$$R^{+''} = -\frac{Gm^+}{R^{+2}} \times \frac{4\pi R^{+3}}{3} (\rho^+ - \rho^-) = \frac{-a^2}{R^{+2}} \left( 1 - \frac{R^{+3}}{R^{-3}} \right)$$



عندما نقوم بنفس التحليل، ولكن هذه المرة باستعمال التسارع  $R''$  الذي تخضع له كتلة  $m^-$  واعتبار أن الثابت  $a$  يساوي 1 سنحصل على نظام المعادلتين التفاضليتين المرتبطتين:

$$\begin{cases} R^{+''} = -\frac{1}{(R^+)^2} \left( 1 - \frac{(R^+)^3}{(R^-)^3} \right) \\ R^{-''} = -\frac{1}{(R^-)^3} \left( 1 - \frac{(R^-)^3}{(R^+)^3} \right) \end{cases}$$

والتي تقبل الحل الخطي غير المستقر:  $R^+ = R^- \sim t$



إنَّ عَدَمَ استقرارِ هذا الحل، على اعتبار أن الكتل الموجبة تتعرض لتسارع متأخر، هو ما سيعطينا الانطباع بوجود تأثير طاقة سوداء.

هاذين العالمين، المشكلين من طاقات وكتل ذات اشارات متقابلة، يتفاعلان فيما بينهما. في الحالة المرسومة في الصفحة السابقة، الكتل السالبة، الأكثر كثافة، يُسرِّع ظاهرة توسع الكتل الموجبة، المتعلقة بعامل القياس  $R^+(t)$

هذه الظاهرة معكوسة في العالم المقابل المشكل من كتل سالبة وتُستقبلُ فيه إشارات منقولة عن طريق فوتونات ذات طاقة سالبة، حيث سيلاحظ مراقب ما تباطؤًا في ظاهرة التوسع.

قد تظهر مقدمة المنحني، حيث يبدو التوسع خَطِّيًّا، غير مُتَّسِقَةٍ مع الملاحظات. هنا بالذات يتدخل كسر التماثل وتغيير الثوابت، بصفة خاصة سرعة الضوء، والتي بدونها لا يمكن تفسير التجانس الكبير للكون البدائي.

وستجدون كل ذلك في ألبوم:

أسرع من سرعة الضوء.